

### Exercícios:

1. Na folha A4 impressa escreva o alfabeto com letras maiúsculas e minúsculas e a numeração de 0 a 9, com letras verticais. Faça ainda a legenda da folha
2. Na folha A4 impressa escreva o alfabeto com letras maiúsculas e minúsculas e a numeração de 0 a 9, com letras verticais. Faça ainda a legenda da folha.

## 5. Desenhos geométricos

O desenhista técnico não poderá desenvolver seu trabalho a contento se não reavivar (ou até mesmo conhecer), o processo usado para traçar alguns entes geométricos básicos, extremamente usados no desenho projetivo ou não projetivo (de objetos).

Faremos a seguir algumas construções geométricas simples, porém essenciais, para a sua iniciação e prosseguimento no desenho.

### 5.1. Figuras geométricas

#### 5.2. Polígono

É qualquer figura plana fechada que seja limitada por retas.

Nº de lados	Nome	Nº de lados	Nome
3	Triângulo	9	Eneágono
4	Quadrilátero	10	Decágono
5	Pentágono	11	Undecágono
6	Hexágono	12	Dodecágono
7	Heptágono	13	Tri decágono
8	Octágono	14	Tetra decágono

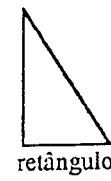
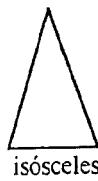
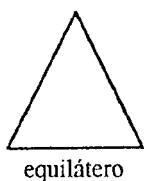
### 5.3. Principais Polígonos

#### 5.3.1. Triângulo

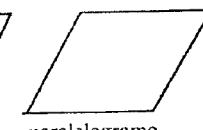
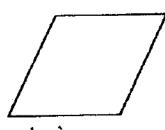
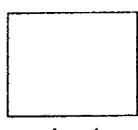
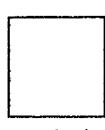
**Eqüilátero** – Possui todos os lados e todos os ângulos iguais.

**Isósceles** – Possui dois ângulos e dois lados iguais.

**Retângulo** – Possui um ângulo reto ( $90^\circ$ ).



#### 5.3.2. Quadrilátero



#### 5.4. Polígonos regulares

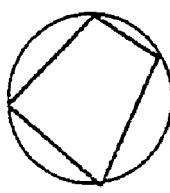
O polígono é dito regular, quando ele possui todos os ângulos e todos os lados iguais.

#### 5.5. Polígono inscrito

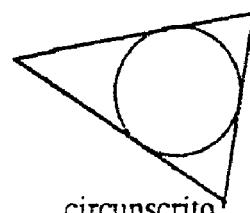
É aquele que tem todos os seus vértices sobre a circunferência.

#### 5.6. Polígono circunscrito

É aquele que possui todos os seus lados tangentes a circunferência.



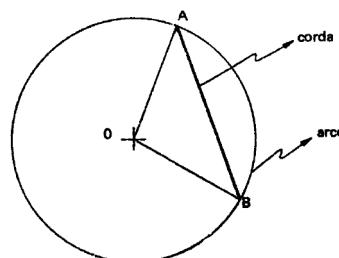
Inscrito



circunscrito

#### 5.7. Circunferência

Figura plana formada pelo conjunto de pontos que equidistam de um ponto chamado centro. A distância comum que une os pontos ao centro é o raio  $\textcircled{R}$ .



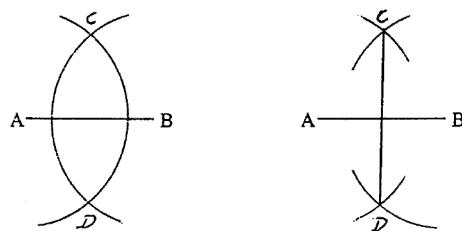
**Corda:** Segmento cujos extremos são pontos da circunferência.

**Diâmetro:** corda que passa pelo centro da circunferência. É a maior corda.

**Arco:** qualquer das partes em que a circunferência, fica dividida por dois dos seus pontos (AB).

#### 5.8. Mediatriz

É o lugar geométrico dos pontos que são equidistantes de dois pontos A e B.  
 Traçado da mediatriz de um segmento AB.



## 5.9. Ângulo

É a porção do plano compreendida entre duas semi-retas saindo do mesmo ponto chamado de vértice. Pode ser traçado:

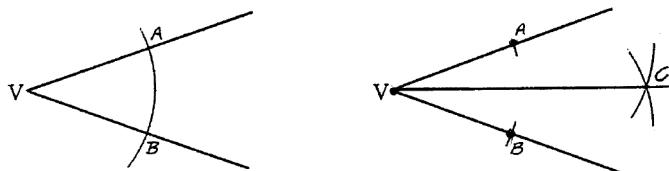
- ✓ Com o par de esquadros (múltiplos de 15°);
- ✓ Com o transferidor.

## 5.10. Bissetriz de um ângulo

É o lugar geométrico dos pontos que são eqüidistantes das semi-retas que formam o ângulo.

O traçado da bissetriz obedece a seguinte seqüência:

- ✓ Com o centro no vértice, trace um arco de raio qualquer (maior possível), obtendo nas semi-retas os pontos A e B;
- ✓ Com o centro no ponto A e posteriormente no B, traçam-se arcos de mesmo raio que se cruzam definindo o ponto C;
- ✓ A reta que une os pontos V e C será a bissetriz do ângulo.



## 5.11. Perpendicular

É uma reta que cruza uma linha qualquer com um ângulo de 90° em relação a esta linha, podendo o cruzamento ser definido por qualquer ponto constante na reta ou fora dela.

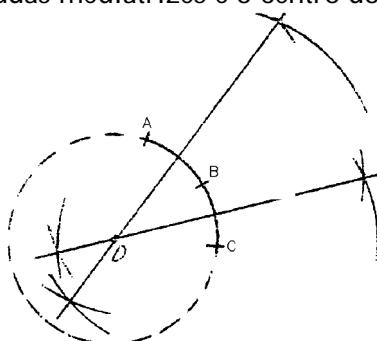
## 5.12. Paralelas

É qualquer linha que esteja alinhada e distante de uma outra reta.

## 5.13. Determinação do centro de um arco de círculo

Toda a reta normal a uma circunferência ou arco de circunferência, passa pelo centro da mesma, logo, quando desejamos localizar este centro, devemos traçar duas retas normais ao mesmo, pois como as duas passam por ele, teremos na junção das retas a localização do centro, logo procedemos como segue:

- ✓ Sobre o arco marcam-se três pontos quaisquer o mais distante possível um do outro. Neste caso os pontos A, B e C;
- ✓ Usando o compasso com abertura qualquer (maior possível), traça-se a mediatrix do seguimento AB e BC;
- ✓ O ponto de encontro das duas mediatrixes é o centro do arco.

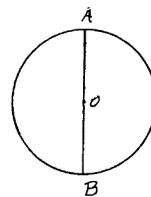


### 5.14. Divisão da circunferência em partes iguais

Considerando que entre outras aplicações, a divisão de uma circunferência em “n” partes iguais é muito utilizada na construção dos polígonos regulares, faremos a divisão e construiremos o respectivo polígono.

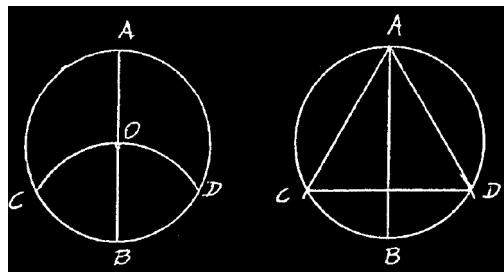
#### 5.14.1. Divisão em duas partes iguais

Considerando que toda a reta que corta a circunferência e passa pelo seu centro de origem será seu eixo que a divide em duas partes iguais, basta então executar tal traçado.



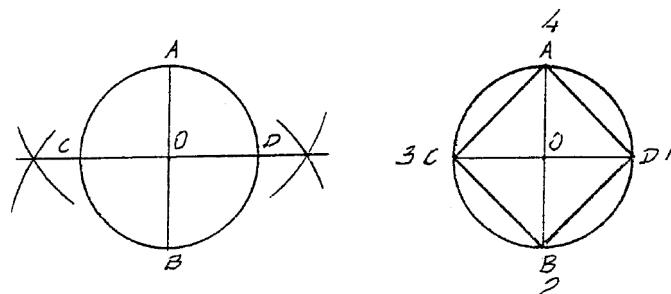
#### 5.14.2. Divisão em três partes iguais

- ✓ Divide-se em duas partes iguais definindo os pontos A e B;
- ✓ Usando o compasso com a abertura igual ao raio da circunferência, definindo os pontos C e D;
- ✓ Os pontos A, C e D definem a divisão da circunferência e os vértices do triângulo.



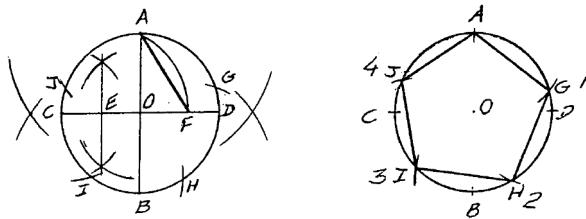
#### 5.14.3. Divisão em quatro partes iguais

- ✓ Divide-se em duas partes iguais definindo os pontos A e B;
- ✓ Traça-se a mediatrix do eixo AB, definindo os pontos C e D;
- ✓ Os pontos A, B, C e D definem a divisão da circunferência e os vértices do quadrado.



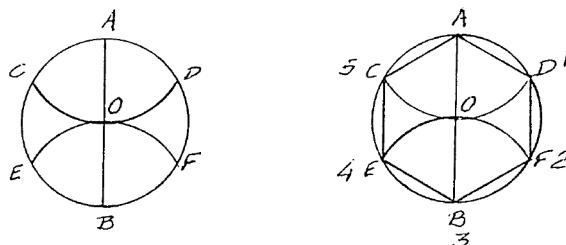
#### 5.14.4. Divisão em cinco partes iguais

- ✓ Divide-se em quatro partes iguais definindo os pontos A, B, C e D;
- ✓ Traça-se a mediatrix de um dos semi-eixos no (caso OC), definindo o ponto E;
- ✓ Usando o compasso com centro no ponto E, e abertura até um dos extremos do outro eixo (no caso o ponto A), traça-se um arco até atingir o outro semi-eixo, definindo o ponto F;
- ✓ A distância AF é a quinta parte, logo basta toma-la com o compasso e partindo de A, marcar em torno da circunferência os pontos G, H, I e J;
- ✓ Os pontos A, G, H, I e J serão os vértices do pentágono.



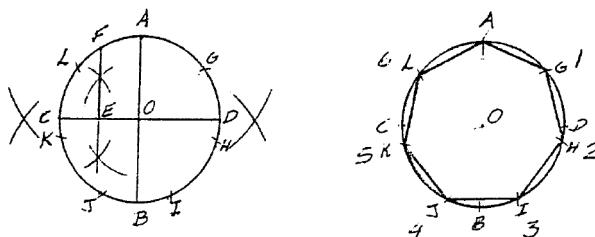
#### 5.14.5. Divisão em seis partes iguais

- ✓ Divide-se em duas partes iguais definindo os pontos A e B;
- ✓ Usando o compasso com abertura igual ao raio da circunferência, primeiramente com centro em A, traça-se um arco que corta a circunferência nos pontos C e D e posteriormente com o centro em B traça-se outro arco que corta a circunferência nos pontos E e F;
- ✓ Os pontos A, B, C, D, E e F definem a divisão da circunferência e os vértices do hexágono.



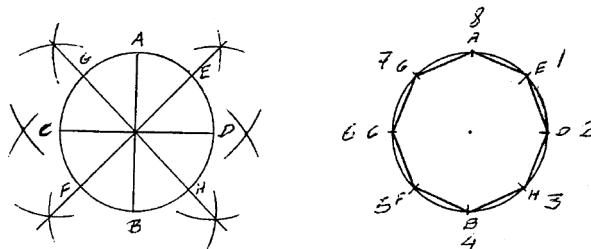
#### 5.14.6. Divisão em sete partes iguais

- ✓ Divide-se em quatro partes iguais definindo os pontos A, B, C e D;
- ✓ Traça-se a mediatrix de um dos semi-eixos (ex. o OC), definindo os pontos E e F;
- ✓ A distância EF é a sétima parte, logo basta toma-la com o compasso e partindo de um determinado ponto (ex. A) marcar em torno da circunferência os pontos G, H, I, J, K e L, os quais juntamente com o ponto A serão os vértices do heptágono.



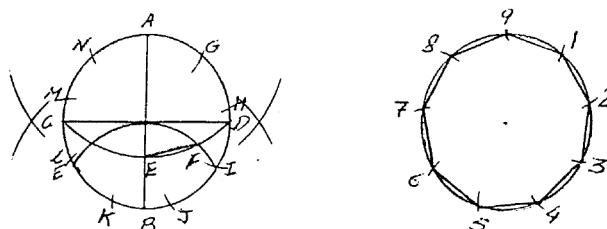
### 5.14.7. Divisão em oito partes iguais

- ✓ Divide-se em quatro partes iguais definindo os pontos A, B, C e D;
- ✓ Traça-se a mediatrix do segmento imaginário compreendido entre cada ponto, definindo os pontos E, F, G e H;
- ✓ Os oito pontos determinados definem a divisão da circunferência e os vértices do octógono.



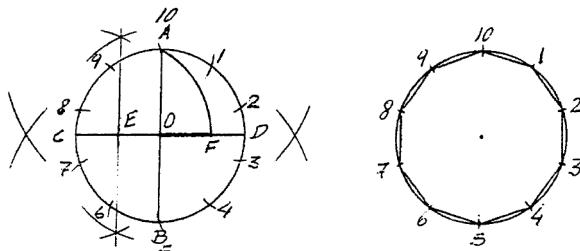
### 5.14.8. Divisão em nove partes iguais

- ✓ Divide-se em quatro partes iguais definindo os pontos A, B, C e D;
- ✓ Usando o compasso com o centro no ponto A e abertura até C, traça-se um arco unindo os pontos C e D;
- ✓ Usando o compasso com abertura do raio e centro em B traça-se um arco cujos extremos atinge a circunferência, definindo os pontos de cruzamento E e F;
- ✓ A distância EF é a nona parte da circunferência, logo basta tomá-la com o compasso e partindo de A marcar em torno da circunferência os pontos G, H, I, J, K, L, M e N, os quais juntamente com o ponto A definem os vértices do eneágono.



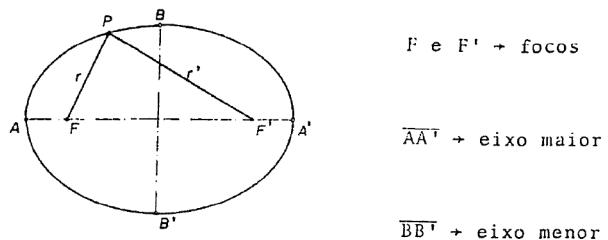
### 5.14.9. Divisão em dez partes iguais

- ✓ Segue-se o mesmo procedimento da divisão em cinco partes iguais até definir o ponto F;
- ✓ A distância FO é a décima parte da circunferência, logo basta tomá-la com o compasso e partindo do ponto A marca-se em torno da circunferência os pontos 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 e 10, os quais definem a divisão da circunferência e os vértices do decágono.



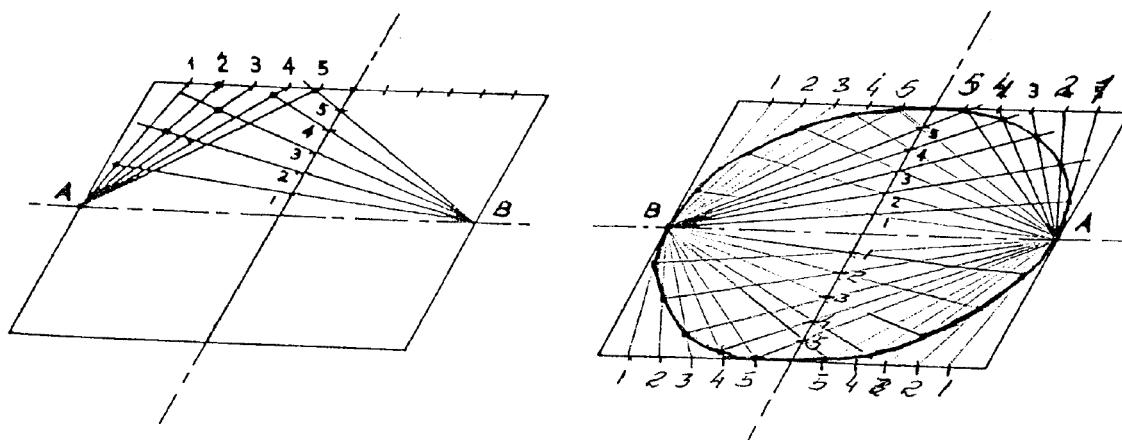
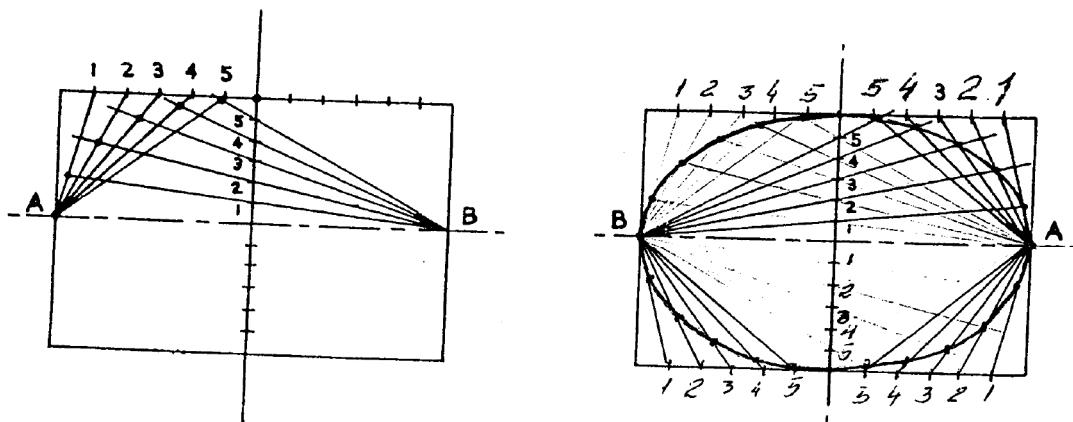
### 5.15. Elipse

É o lugar geométrico dos pontos do plano, cuja soma das distâncias a dois pontos fixos deste plano é constante. Esses dois pontos fixos chamam-se focos e a soma das distâncias chama-se eixo maior.



Traçado da elipse pelo processo do paralelogramo:

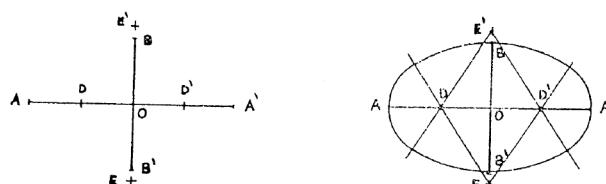
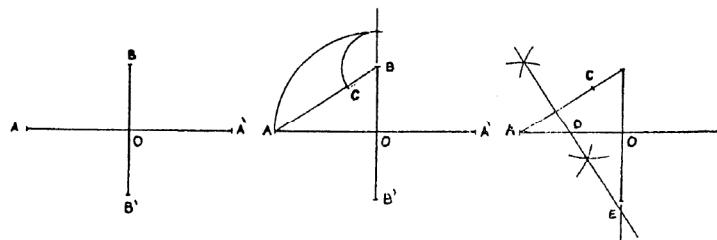
- ✓ Traça-se o retângulo ou o paralelogramo no qual a elipse deverá estar inscrita;
- ✓ Divide-se o lado maior e o eixo menor em  $2n$  partes iguais numerando as divisões conforme mostra a figura;
- ✓ Une-se o ponto A às divisões do lado maior e o ponto B às divisões do eixo menor;
- ✓ A intersecção das retas correspondentes definirá os pontos da elipse ( $A_1, B_1, A_2, B_2, \dots, A_n, B_n$ );
- ✓ A seguir inverte-se o processo (ou invertem-se os pontos A e B).



### 5.16. Falsa elipse

É uma representação simplificada da elipse. A falsa elipse é traçada por 4 arcos de circunferência.

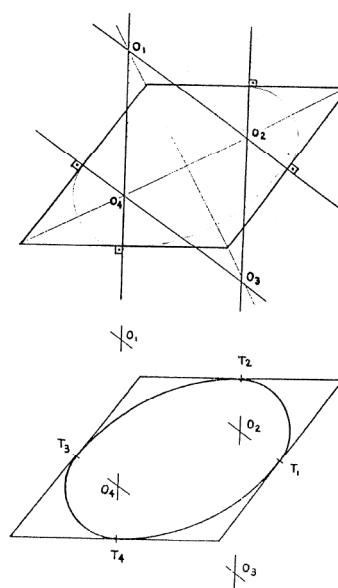
- ✓ Traçam-se os dois eixos maiores ( $AA'$ ) e o menor ( $BB'$ ) da elipse;
- ✓ Traça-se a reta  $AB$  e sobre ela marca-se o ponto  $C$  tal que  $BC=AO-BO$ ;
- ✓ Traça-se a mediatrix de  $AC$  definindo nos eixos maior e menor os pontos  $D$  e  $E$  respectivamente (o ponto  $E$  poderá cair no prolongamento do eixo maior);
- ✓ Acham-se os pontos  $D'$  e  $E'$  simétricos de  $D$  e  $E$  com relação ao ponto  $O$ ;
- ✓ Em torno dos pontos  $D$  e  $D'$  traçam-se arcos de raio  $AD = A'D'$  e em torno dos pontos  $E$  e  $E'$  arcos de raio  $BE = B'E'$ ;
- ✓ A concordância desses arcos estará sobre as retas  $ED$ ,  $ED'$ ,  $E'D$  e  $E'D'$ .



No caso de conhecermos o losango no qual a elipse estará inscrita, o processo pode ser simplificado.

Neste caso basta traçar as mediatriizes dos 4 lados do losango. O encontro das mediatriizes de lados adjacentes definirá o centro do arco que lhes é tangente.

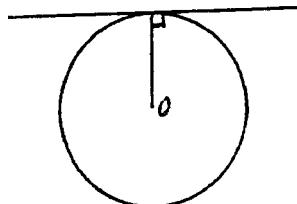
Os pontos de tangencia serão os pontos médios dos lados.



### 5.17. Tangentes

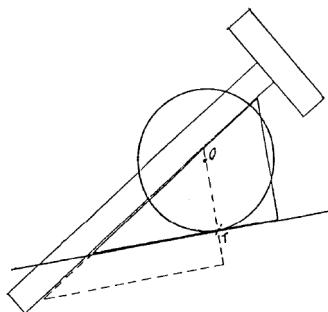
#### Condição:

Se uma reta é tangente a uma circunferência, ela será perpendicular ao raio que passa pelo ponto de tangencia



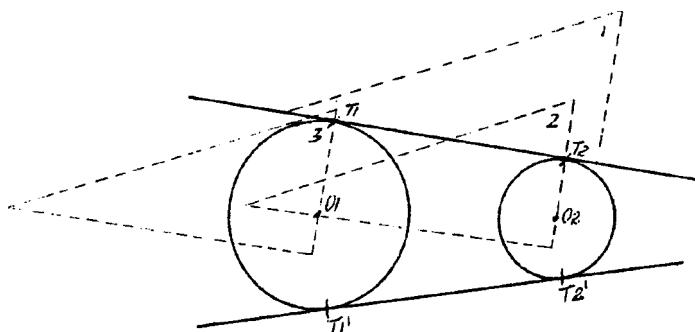
Traçado da tangente:

- ✓ Ajusta-se o conjunto régua/esquadro até que um dos catetos do esquadro fique sobre raio OT;
- ✓ Sem permitir o giro do conjunto, desliza-se o esquadro sobre a régua, até que o outro cateto fique sobre o ponto de tangencia;
- ✓ Traça-se a tangente procurada.



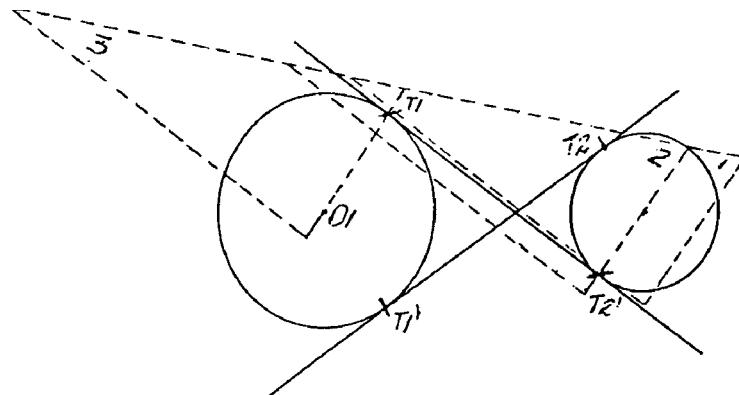
#### 5.17.1. Tangentes externas

- ✓ Ajusta-se visualmente o conjunto régua/esquadro até que um dos catetos do esquadro fique tangente as duas circunferências;
- ✓ Sem permitir o giro do conjunto, desliza-se o esquadro sobre a régua, até que o outro cateto fique sobre o centro O<sub>1</sub>, marcando o ponto de tangencia T<sub>1</sub>. continua deslizando o esquadro até este mesmo cateto ficar sobre o centro O<sub>2</sub>, marcando-se então o ponto de tangencia T<sub>2</sub>;
- ✓ Repete-se a operação para definir os pontos de tangencia T<sub>1'</sub> e T<sub>2'</sub>;
- ✓ As tangencia externas são os segmentos de reta que passam pelos pontos T<sub>1</sub>T<sub>2</sub> e T<sub>1'</sub>T<sub>2'</sub>.



### 5.17.2. Tangentes internas

Procede-se de maneira análoga ao item anterior.



Exercícios:

1. Em folhas de desenho com margens e legenda, e utilizando uma medida de 50 mm de diâmetro para cada circunferência, faça as divisões solicitadas a baixo:

Duas partes	Cinco partes	Oito partes
Três partes	Seis partes	Nove partes
Quatro partes	Sete partes	Dez partes

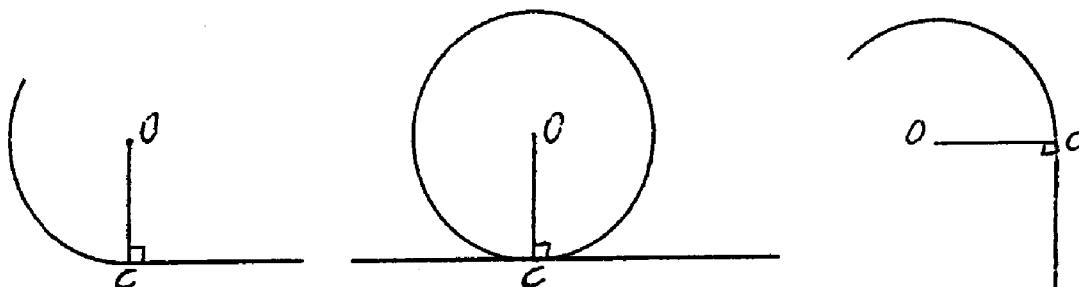
2. Em uma folha A4 com margens e legenda, faça uma circunferência de diâmetro 50 e outra de diâmetro 20 na mesma linha de centro mas distante em 70 mm em relação ao eixo X, e trace as linhas tangentes externas.
3. Na mesma folha A4 do exercício anterior faça mais duas circunferências com as mesmas dimensões do exercício anterior e trace as tangentes internas.
4. Em uma folha A4 com margens e legenda faça uma elipse pelo processo do paralelogramo com dimensões de \_\_\_\_\_ e uma falsa elipse com dimensões de \_\_\_\_\_.

### 5. Concordância

Regras gerais de concordância:

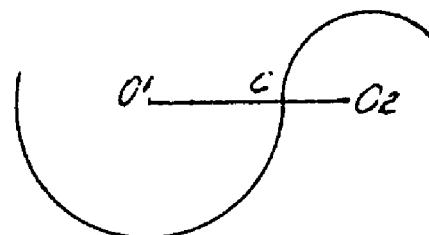
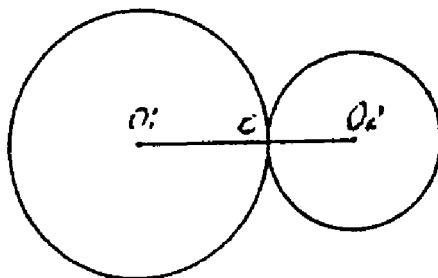
Primeira regra:

Para a concordância de um arco com uma reta, é necessário que o ponto de concordância e o centro do arco, estejam ambos sobre a mesma perpendicular a reta.



Segunda regra:

Para a concordância de dois arcos, é necessário que os centros dos arcos estejam sobre uma mesma reta, que é normal aos arcos nos pontos de concordância.



### 5.1. Concordância simples de uma circunferência com uma reta

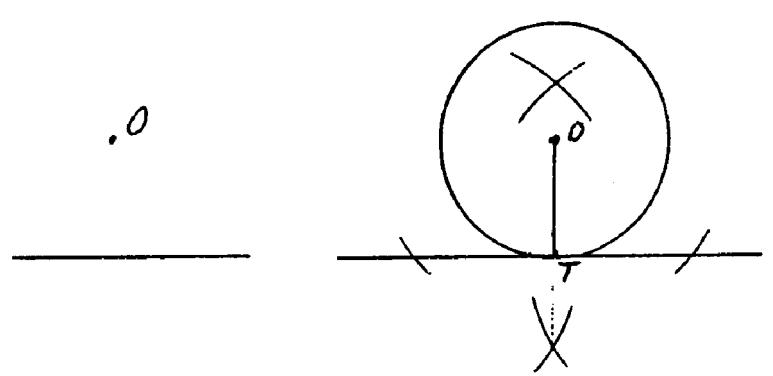
Temos quatro situações a analisar.

**Tendo-se a reta é dado:**

a) O centro da circunferência

Traça-se a perpendicular à reta que contém o centro O da circunferência, determinando-se assim o ponto de tangencia T que é ponto de concordância C.

Com o compasso com abertura OT e centro em O, traça-se a circunferência que passa por T.

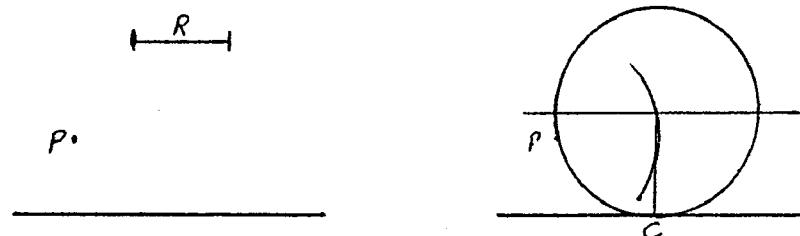


b) O raio R da circunferência e o ponto de tangencia T

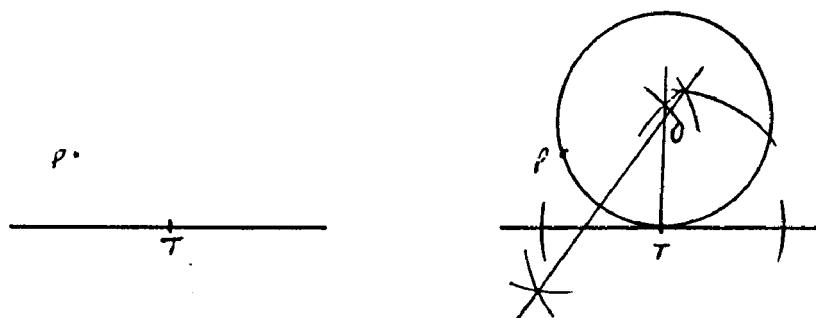
- ✓ Traça-se a perpendicular à reta e que passe pelo ponto de tangencia T
- ✓ Traça-se um arco com o raio R em torno do ponto T. O encontro do arco com a perpendicular, será o centro O da circunferência.
- ✓ Com abertura do raio R e centro em O, traça-se a circunferência que passa por T.



- c) O raio  $R$  de um ponto  $P$  fora da reta e pertencente a circunferência
- ✓ Traça-se uma paralela à reta a uma distância igual ao raio  $R$ . o centro da circunferência estará sobre esta reta.
  - ✓ Com a abertura igual ao raio  $R$  e centro no ponto  $P$ , traça-se um arco. O encontro do arco com a paralela é o centro  $O$  da circunferência.
  - ✓ Traça-se a perpendicular à reta que contenha o centro  $O$  da circunferência, determinando-se assim o ponto de concordância  $C$ .
  - ✓ Usando o compasso com abertura do raio e centro em  $O$ , traça-se a circunferência que passa por  $C$  e  $P$ .



- d) O ponto de tangencia  $T$  é um ponto  $P$  fora da reta e pertencente a circunferência.
- ✓ Traça-se a perpendicular à reta, pelo ponto de tangencia  $T$ .
  - ✓ Traça-se a mediatrix do segmento  $PT$
  - ✓ O encontro da mediatrix com a perpendicular, é o centro  $O$  da circunferência e a distância  $OT$  é o valor do raio da circunferência.

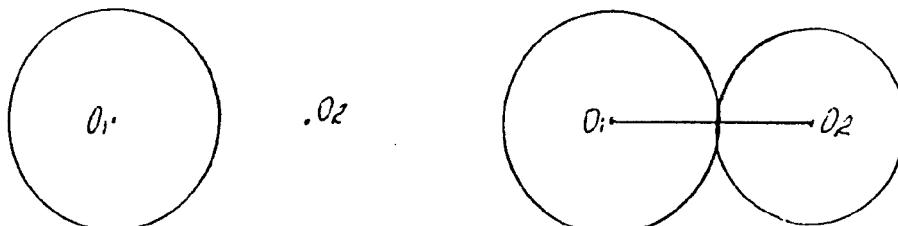


## 5.2. Concordância simples entre duas circunferências

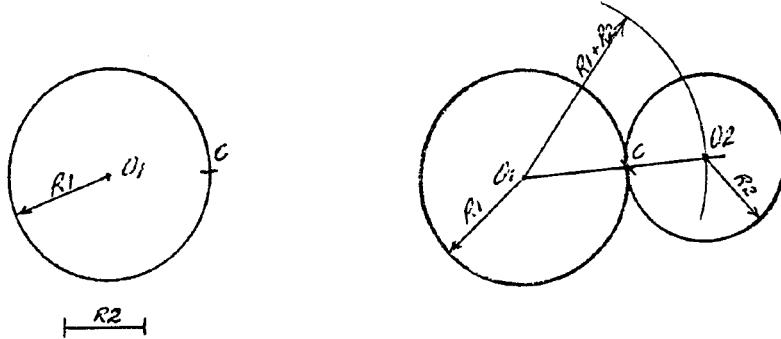
Temos quatro situações a analisar:

**Tendo-se a circunferência 1, é dado:**

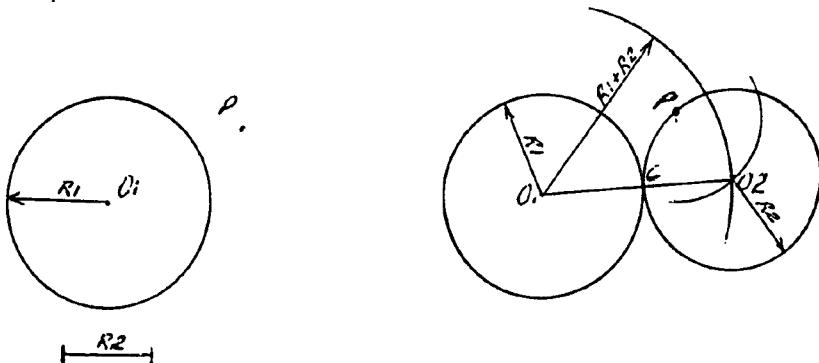
- a) O centro  $O_2$  da circunferência 2
- ✓ Une-se os centros  $O_1$  e  $O_2$  com um segmento de reta, determinando-se assim o ponto de concordância  $C$ .
- ✓ A distância  $CO_2$  será o raio da circunferência 2
- ✓ Com centro em  $O_2$  e abertura até  $C$ , traça-se a circunferência 2.



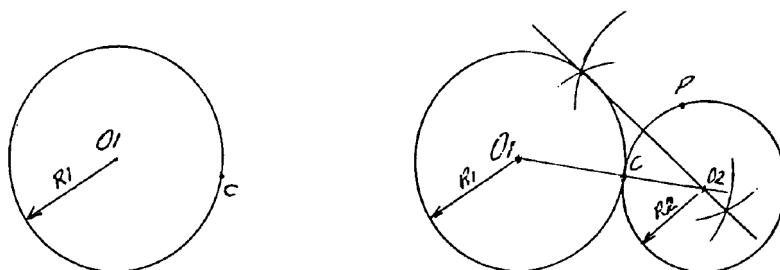
- b) O raio  $R_2$  da circunferência 2 e o ponto de concordância C
- ✓ Traça-se um segmento de reta partindo do centro  $O_1$ , passando pelo ponto de concordância C prolongando-se além da circunferência;
  - ✓ Traça-se um arco em torno do centro  $O_1$  cujo raio seja a soma de  $R_1+R_2$ . O encontro do arco com o segmento de reta, será o centro  $O_2$  da circunferência 2 e a distância  $CO_2$  será o raio;
  - ✓ Com o centro em  $O_2$  e abertura até C, traça-se a circunferência 2.



- c) O raio  $R_2$  da circunferência 2 e um ponto P pertencente a circunferência 2.
- ✓ Traça-se um arco em torno do centro  $O_1$  cujo raio seja a soma de  $R_1+R_2$
  - ✓ Traça-se um arco em torno do ponto P com raio  $R_2$
  - ✓ O encontro dos dois arcos será o centro  $O_2$  da circunferência 2
  - ✓ Repete-se os procedimentos do item “a”

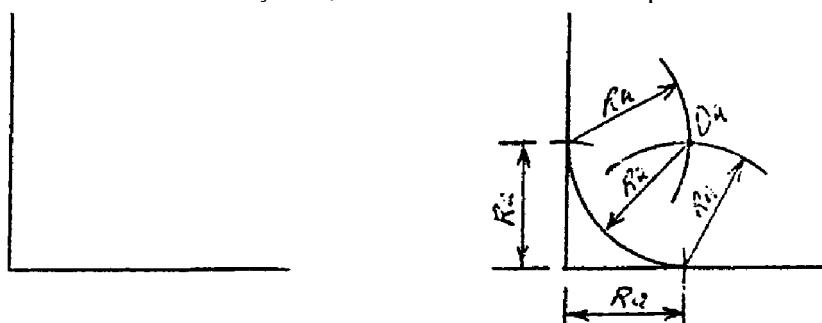


- d) O ponto de concordância C e um ponto P pertencente a circunferência 2
- ✓ Traça-se um segmento de reta unindo o centro  $O_1$  ao ponto de concordância C, prolongando-a.
  - ✓ Traça-se a mediatrix do segmento CP.
  - ✓ O encontro da mediatrix com segmento de reta, será o centro  $O_2$  da circunferência 2 e a distância  $O_2C = O_2P$  o raio.
  - ✓ Com o centro em  $O_2$  e abertura até C, traça-se a circunferência 2.



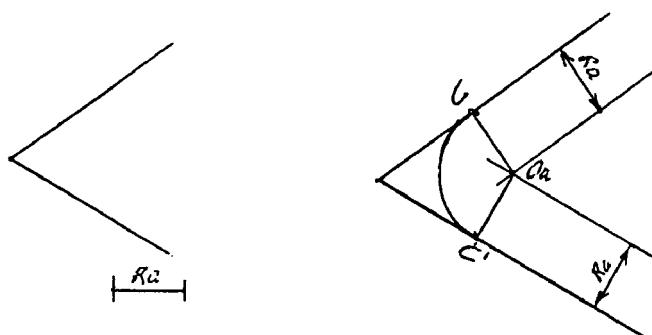
### 5.3. Concordância dupla entre duas retas através de um arco

- a) Duas retas formando entre si um ângulo de  $90^\circ$
- ✓ Com o compasso na abertura do raio  $R_a$  e centro no vértice, traça-se pequenos arcos cortando as retas, definindo assim os pontos de concordância  $C$  e  $C'$ .
  - ✓ Ainda o compasso na abertura do raio  $R_a$  e centro num dos pontos de concordância traça-se um arco entre as duas retas. Trocando o centro para o outro ponto de concordância, traça-se outro arco que corte o anterior.
  - ✓ Mantendo o compasso com a abertura do raio  $R_a$  e tomando como centro o cruzamento dos arcos anteriormente traçados, une-se com um arco os pontos de concordância  $C$  e  $C'$ .



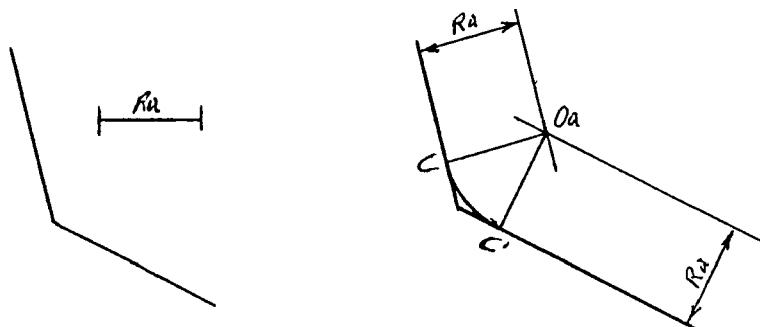
- b) Duas retas formando entre si um ângulo menor que  $90^\circ$

- ✓ Traça-se paralelas as duas retas numa distância das mesmas do valor do raio do arco  $R_a$ . O cruzamento destas retas será o centro do arco que fará a concordância das retas.
- ✓ Do ponto de cruzamento das retas auxiliares traça-se perpendiculares as retas principais, definindo-se assim os pontos de concordância  $C$  e  $C'$ .
- ✓ Com o compasso na abertura do raio  $R_a$  e tomando como centro o cruzamento das retas auxiliares. Une-se com um arco os pontos de concordância  $C$  e  $C'$ .

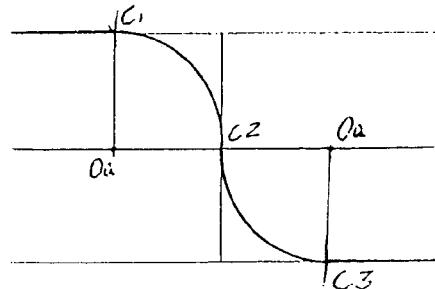
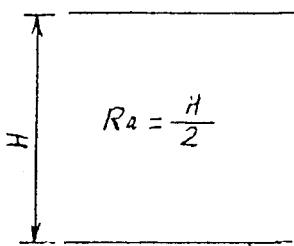


- c) Duas retas formando entre si um ângulo maior que  $90^\circ$

- ✓ Procede-se de maneira análoga ao item "b".

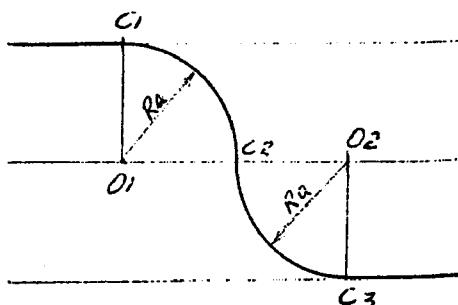
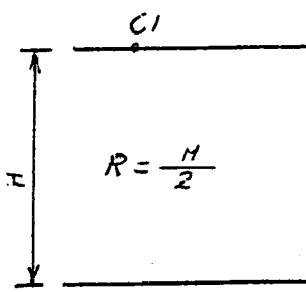


- d) Duas retas paralelas e distantes entre si de duas vezes o raio  $R_a$ .
- ✓ Traça-se uma linha paralela e eqüidistante das duas retas. Estas distâncias terão o valor do raio  $R_a$ .
  - ✓ Une-se as duas retas por uma linha perpendicular a ambas.
  - ✓ Ficamos na situação do item “a” duplamente, logo basta seguir os passos daquele item.



Observações: Se for definido o ponto de concordância  $C_1$ , procede-se como segue:

- ✓ Traça-se uma linha paralela e eqüidistante das duas retas. Estas distâncias terão o valor do raio  $R_a$
- ✓ Do ponto de concordância  $C_1$  pré-fixado, baixa-se uma perpendicular a reta, até que encontre a linha auxiliar intermediária, definindo o centro  $O_1$  do arco  $R_a$ .
- ✓ Com o compasso na abertura do raio  $R_a$  e centro em  $O_1$  traça-se um arco a partir do ponto de concordância  $C_1$  até atingir a linha auxiliar. Este é o ponto  $C_2$  de concordância entre os arcos.
- ✓ Com o compasso na abertura do raio  $R_a$  e centro em  $C_2$  define-se o centro  $O_2$ .
- ✓ Do centro  $O_2$  traça-se uma perpendicular a reta definindo o ponto de concordância  $C_3$ .
- ✓ Mantendo o compasso com a abertura do raio  $R_a$  e centro em  $O_2$ , une-se através de um arco os pontos de concordância  $C_2$  e  $C_3$ .

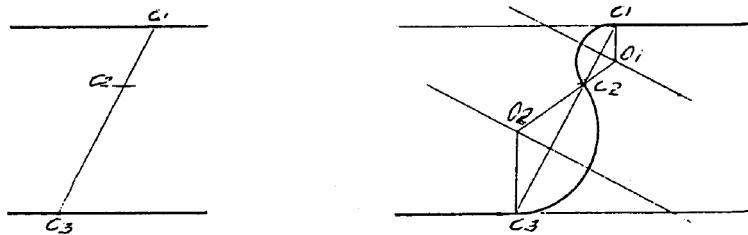


- e) Duas retas paralelas em ligação obliqua

Consideraremos que os pontos de concordância são definidos como mostra no desenho.

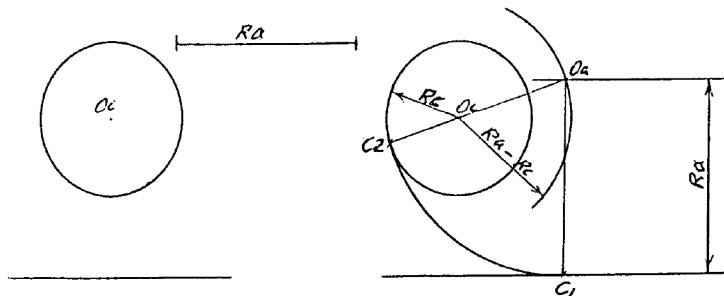
- ✓ Traça-se a mediatrix entre os pontos  $C_1$  e  $C_3$  e entre os pontos  $C_2$  e  $C_3$
- ✓ Obedecendo a primeira regra de concordância, traça-se a partir dos pontos  $C_1$  e  $C_3$  linhas perpendiculares as retas, até cortar a mediatrix do trecho. Os pontos de contato de cada mediatrix e a linha perpendicular, é o centro ( $O_1$  e  $O_2$ ) de cada arco de concordância.
- ✓ Unem-se os centros dos arcos  $O_1$  e  $O_2$  através de uma linha, a qual obedecendo a segunda regra de concordância deverá passar pelo ponto de concordância  $C_3$ .

- ✓ Com o centro em  $O_1$ , traça-se um arco unindo os pontos de concordância  $C_1$  e  $C_3$ .
- ✓ Com centro em  $O_2$ , traça-se um arco unindo os pontos de concordância  $C_2$  e  $C_3$ .

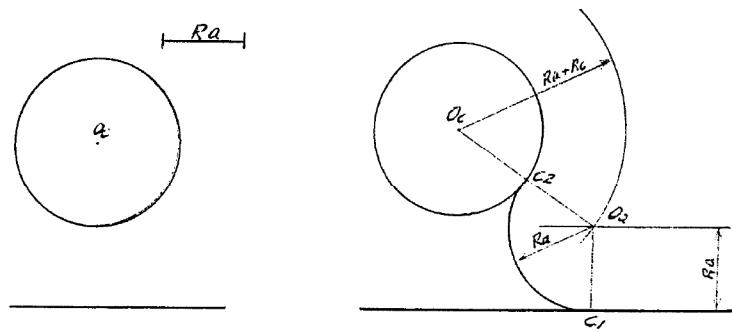


#### 5.4. Concordância dupla entre uma reta e uma circunferência

- a) Através de um arco envolvente.
- ✓ Traçamos uma linha paralela a reta, e distante desta no valor do raio. O centro  $A_o$  do arco estará certamente sobre esta linha.
- ✓ Traçamos um arco com centro em  $O_c$  e medida igual a  $R_a - R_c$  e que corte a linha paralela a reta. Este cruzamento define o centro  $A_o$  do arco.
- ✓ Partindo do centro  $A_o$ , traçamos uma linha perpendicular a reta e outra unindo este ao centro  $O_c$  da circunferência, estendendo-se até o limite desta, definindo os pontos de concordância  $C_1$  e  $C_2$ .
- ✓ Com o compasso na abertura de  $R_a$ , traçamos um arco unindo os pontos de concordância  $C_1$  e  $C_2$ .

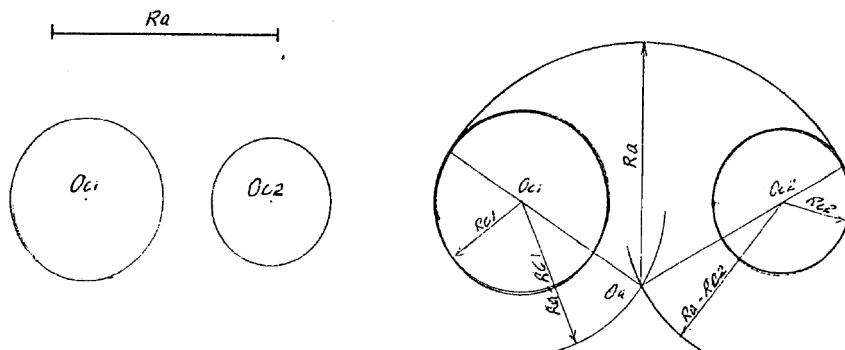


- b) Através de um arco não envolvente
- ✓ Traçamos uma linha paralela a reta, e distante desta no valor do raio  $R_a$ . O centro  $A_o$  do arco estará certamente sobre esta linha.
- ✓ Considerando que o centro  $A_o$  do arco distará o valor do raio  $R_a$  da circunferência, traçamos um arco com centro em  $O_c$  e medida  $R_a + R_c$  e que corte a linha paralela a reta. Este cruzamento define o centro  $A_o$  do arco.
- ✓ Partindo do centro  $A_o$ , traçamos uma linha perpendicular a reta e outra unindo este ao centro  $O_c$  da circunferência, definindo os pontos de concordância  $C_1$  e  $C_2$ .
- ✓ Com o compasso na abertura de  $R_a$ , traçamos um arco unindo os pontos de concordância  $C_1$  e  $C_2$ .



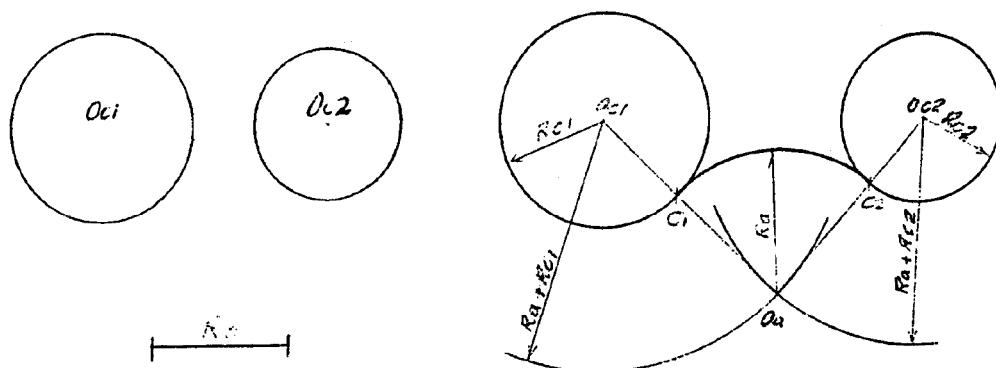
### 5.5. Concordância dupla entre duas circunferências

- a) Através de um arco envolvente.
- ✓ Considerando que o centro Ao do arco distará das duas circunferências no ponto de concordância a medida do raio Ra, e que os pontos de concordância no caso de arco envolvente ficam localizados no extremo oposto da circunferência em relação ao centro do arco, traçamos arcos auxiliares em torno dos centros das circunferências com a medida igual a diferença de Ra e o raio da circunferência. O ponto de encontro destes arcos será o centro de concordância. Nesta situação temos: R1 = Ra - Rc1 e R2 = Ra - Rc2.
  - ✓ Traçamos uma linha ligando o centro Ao do arco de concordância com os centros Oc1 e Oc2 das circunferências estendendo esta linha até o extremo das circunferências onde definimos os pontos de concordância C1 e C2.
  - ✓ Com o compasso na abertura do raio Ra, traçamos o arco unindo os pontos de concordância C1 e C2.



- b) Através de um arco não envolvente

- ✓ Considerando que o centro Ao do arco distará das circunferências no ponto de concordância a medida do raio Ra, traçamos arcos auxiliares em torno dos centros das circunferências com a medida igual a soma de Ra e do raio da circunferência. O ponto de encontro destes arcos será o centro do arco de concordância. Nesta situação temos: R1 = Ra + Rc1 e R2 = Ra + R2.
- ✓ Traçamos uma linha ligando o centro Ao do arco de concordância com os centros Oc1 e Oc2 das circunferências definindo os pontos de concordância C1 e C2.
- ✓ Com o compasso na abertura do raio Ra, traçamos o arco unindo os pontos de concordância C1 e C2.



- c) Através de um arco envolvendo uma circunferência e outra não.
- ✓ Para cada circunferência agimos de maneira análoga aos itens “a” ou “b”, por exemplo se o arco envolverá a circunferência 1 e não envolverá a circunferência 2 agimos como segue:
  - ✓ Em torno do centro da circunferência 1 traçamos um arco com raio  $R1 = Ra - R_{c1}$  e em torno da circunferência 2 traçamos um arco com raio  $R2 = Ra + R_{c2}$ . o cruzamento destes arcos define o centro  $Ao$  do arco de concordância.
  - ✓ Partindo do centro  $Ao$  traçamos uma linha ligando o centro  $Oc1$  da circunferência 1, estendendo-se até o limite da circunferência onde definimos o ponto de concordância  $C1$ .
  - ✓ Partindo do centro  $Ao$  traçamos uma linha ligando o centro  $Oc2$  da circunferência 2, definindo o ponto de concordância  $C2$ .
  - ✓ Com o compasso na abertura do raio e centro em  $Ao$  traçamos o arco ligando os pontos de concordância  $C1$  e  $C2$ .

