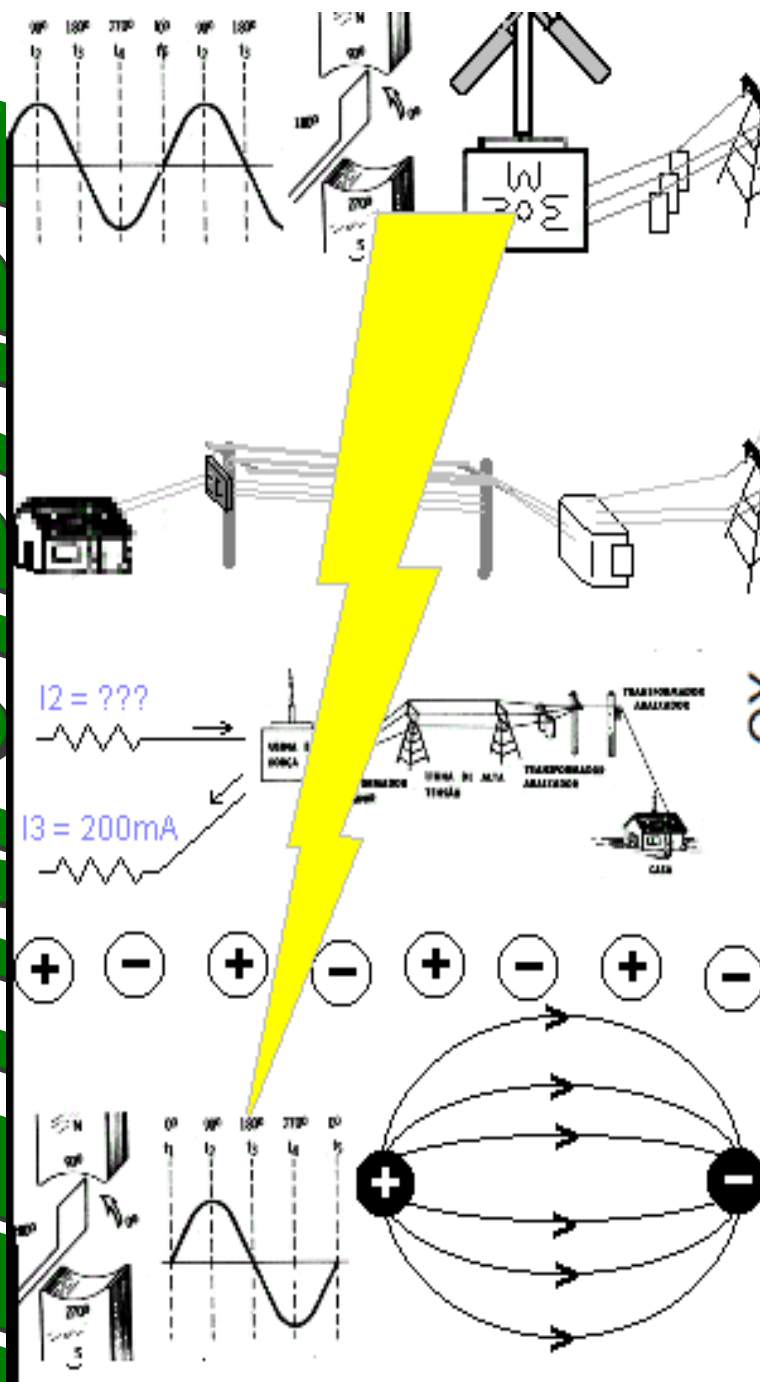
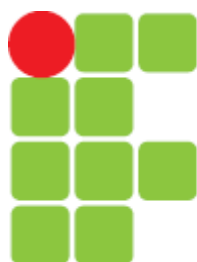


# ELETRICIDADE



Prof. Eng. Giovani Batista de Souza



INSTITUTO FEDERAL  
SANTA CATARINA  
Campus Araranguá

Fevereiro - 2009



---

MINISTÉRIO DA EDUCAÇÃO  
SECRETARIA DE EDUCAÇÃO PROFISSIONAL E TECNOLÓGICA  
INSTITUTO FEDERAL DE EDUCAÇÃO CIÊNCIA E TECNOLOGIA DE SANTA CATARINA  
CAMPUS DE ARARANGUÁ

---

Apostila de Eletricidade Básica desenvolvida, ampliada e revisada a partir das versões anteriores e anotações de sala de aula no período 2008-2 para o curso Técnico de Eletromecânica. A partir da versão 3 também foi baseada em parte da apostila de preparação tecnológica de março 2008.

Histórico versões:

- Versão 1 – Março 2008 - Prof. MEng. Werther Serralheiro
  - Versão 2 – Agosto 2008 – Prof. Giovani Batista de Souza
  - Versão 3 (Atual) – Fevereiro 2009 – Prof. Giovani Batista de Souza
-

# SUMÁRIO

<b>1 - Eletricidade Estática.....</b>	<b>7</b>
<b>1.1 Histórico.....</b>	<b>7</b>
<b>1.2 O Átomo.....</b>	<b>7</b>
1.2.1 Átomo Estável e Instável.....	9
<b>1.3 Leis das Cargas Elétricas.....</b>	<b>9</b>
<b>1.4 O Coulomb.....</b>	<b>10</b>
<b>1.5 Carga Elétrica Elementar.....</b>	<b>10</b>
<b>1.6 Campo Eletrostático.....</b>	<b>11</b>
<b>1.7 LINHAS DE FORÇA .....</b>	<b>12</b>
<b>1.8 Diferença de Potencial.....</b>	<b>14</b>
<b>2 - Eletrodinâmica.....</b>	<b>15</b>
<b>2.1 Corrente Elétrica.....</b>	<b>15</b>
2.1.1 Fluxo de Corrente.....	16
2.1.2 Sentido Eletrônico e Convencional.....	16
<b>2.2 Circuito Elétrico.....</b>	<b>17</b>
<b>2.3 Potência Elétrica.....</b>	<b>18</b>
<b>2.4 Exercícios.....</b>	<b>19</b>
<b>2.5 Resistividade Elétrica.....</b>	<b>19</b>
2.5.1 Características dos Condutores .....	21
2.5.2 Corpos Bons Condutores .....	21
2.5.3 Corpos Isolantes .....	21
2.5.4 Resistor Elétrico.....	21
2.5.5 Lei De Ohm.....	22
<b>2.6 Geradores e Receptores.....</b>	<b>23</b>
2.6.1 Definição de Gerador.....	23
2.6.2 Corrente Contínua (CC).....	23
2.6.3 Corrente Alternada (CA).....	24
<b>2.7 Geração de tensão alternada.....</b>	<b>24</b>
<b>2.8 Tensão Alternada Trifásica.....</b>	<b>26</b>
2.8.1 Circuito estrela ou Y.....	27
2.8.2 Circuito triângulo ou Delta.....	28
<b>2.9 Potência nos Circuitos de Tensão Alternada.....</b>	<b>29</b>
<b>2.10 Circuito Série.....</b>	<b>29</b>
<b>2.11 Circuito Paralelo.....</b>	<b>29</b>
<b>2.12 Circuito Equivalente do Gerador.....</b>	<b>30</b>
<b>3 - Instrumentos de Medição Elétrica.....</b>	<b>31</b>

<b>3.1 Definição de Medida.....</b>	<b>31</b>
3.1.1 Grandezas fundamentais .....	31
3.1.2 Grandezas derivadas.....	32
<b>3.2 Sistema de unidades.....</b>	<b>32</b>
3.2.1 Sistema Internacional (SI).....	32
<b>3.3 Noções de Padrão, Aferição e Calibração.....</b>	<b>32</b>
3.3.1 Padrão.....	32
3.3.2 Aferição.....	33
3.3.3 Calibração.....	33
<b>3.4 Classificação dos Erros.....</b>	<b>33</b>
3.4.1 Erros Grosseiros.....	33
3.4.2 Erros Sistemáticos.....	33
<b>3.5 Medidas de Tensão, Corrente e Resistência .....</b>	<b>34</b>
3.5.1 Medir corrente.....	34
3.5.2 Medir tensão.....	35
3.5.3 Medir Resistência.....	36
3.5.4 Multímetro.....	37
3.5.5 Medir Potência.....	38
<b>4 - Leis De Kirchhoff.....</b>	<b>39</b>
<b>4.1 Lei das Tensões.....</b>	<b>39</b>
<b>4.2 Sistemas linear de equações do primeiro grau.....</b>	<b>40</b>
4.2.1 Método de substituição para resolver este sistema.....	40
4.2.2 Método de Sistema de Primeiro Grau.....	41
<b>4.3 Exemplos Kirchhoff Malhas.....</b>	<b>43</b>
<b>4.4 Lei das Correntes.....</b>	<b>47</b>
<b>4.5 Análise Nodal.....</b>	<b>48</b>
<b>4.6 Exercícios.....</b>	<b>50</b>
<b>5 - Resistores.....</b>	<b>52</b>
<b>5.1 Resistor – Definição.....</b>	<b>52</b>
5.1.1 Resistores Fixos.....	52
<b>5.2 Código de Cores para Resistores.....</b>	<b>53</b>
5.2.1 Procedimento para Determinar o Valor do Resistor:.....	53
<b>5.3 Associação De Resistores.....</b>	<b>55</b>
5.3.1 Associação em Série.....	55
5.3.2 Associação em Paralelo.....	56
5.3.3 Associação Mista.....	57
<b>5.4 Considerações finais sobre a Lei de Ohm.....</b>	<b>58</b>
<b>5.5 Exercícios:.....</b>	<b>59</b>
<b>5.6 Circuito Divisor de Tensão.....</b>	<b>61</b>
<b>5.7 Circuito Divisor de Corrente.....</b>	<b>62</b>
<b>5.8 Transformação Y ( T ) / <math>\Delta</math> ( <math>\pi</math> ) e vice-versa.....</b>	<b>63</b>
<b>5.9 Exemplos de Circuitos com estrela e delta:.....</b>	<b>63</b>

5.10 Exercício: .....	64
<b>6 - Associação de Geradores.....</b>	<b>66</b>
6.1.1 Associação em Série.....	66
6.1.2 Associação em Paralelo.....	66
6.1.3 Rendimento do Gerador ( $\eta$ ).....	67
6.2 Exercícios.....	67
<b>7 - Capacitores.....</b>	<b>69</b>
7.1 Capacitância.....	69
7.2 Força Exercida por Duas Cargas.....	70
7.3 Materiais Dielétricos.....	70
7.4 Representação Gráfica da Capacitância.....	71
7.5 Fabricação Capacitores.....	73
7.6 Aplicação.....	73
7.7 Associação de Capacitores.....	73
7.7.1 Associação em série.....	73
7.7.2 Associação em paralelo.....	74
7.8 Reatância Capacitiva ( $X_c$ ).....	76
<b>8 - Indutores.....</b>	<b>77</b>
8.1 Indutância.....	77
8.2 Reatância Indutiva ( $X_L$ ).....	77
8.3 Aplicação de Indutores.....	78
8.4 Associação de Indutores.....	79
<b>9 - Tensão Alternada.....</b>	<b>80</b>
9.1 Tipos de Cargas em Sistemas de Tensão Alternada.....	80
9.1.1 Carga Resistiva.....	80
9.1.2 Carga Indutiva.....	81
9.1.3 Carga Capacitiva.....	82
9.2 Circuitos elétricos em Tensão Alternada.....	84
9.2.1 Circuito Série.....	84
9.2.2 Circuito Paralelo.....	85
9.3 Números Complexos em Circuitos de Análise CA.....	87
9.3.1 Representação geométrica dos números complexos.....	87
9.3.2 Número complexo na forma retangular.....	88
9.3.3 Número complexo na forma polar.....	88
9.3.4 Conversão .....	89
9.3.5 Exercícios:.....	89
9.4 Potência nos Circuitos de Tensão Alternada.....	90
9.5 Exercícios.....	92
<b>Anexo I - Série Comercial de Resistores.....</b>	<b>93</b>
<b>Anexo II - Grandezas Elétricas – Múltiplos e Submúltiplos.....</b>	<b>94</b>

<i>Laboratório 01 - Resistividade.....</i>	<i>96</i>
<i>Laboratório 02 - Paralelo e Série.....</i>	<i>99</i>
<i>Laboratório 03 - Associação Resistor.....</i>	<i>102</i>
<i>Laboratório 04 - Teorema das Tensões.....</i>	<i>107</i>
<i>Laboratório 05 - Teorema das Correntes.....</i>	<i>111</i>
<i>Laboratório 06 - Carga Indutiva.....</i>	<i>116</i>
<i>Laboratório 07 - Carga Capacitiva.....</i>	<i>119</i>
<i>10 - Laboratório 08 - Fator de Potência.....</i>	<i>122</i>
<i>Ficha de Avaliação.....</i>	<i>125</i>
<i>Respostas Exercícios.....</i>	<i>127</i>

# 1 - Eletricidade Estática

## 1.1 Histórico

A eletricidade estática originou em 600 A.C. Com *Tales de Mileto* que descobriu que alguns materiais eram atraindo entre si, ao aproximar uma pedra de âmbar, após friccioná-la, ela atraía pedaços de palha. Após o contato com a palha esta força deixava de existir. No século XVIII *Benjamin Franklin* criou o conceito de cargas elétricas, determinando que os corpos eram constituídos de cargas elétricas e formulou:

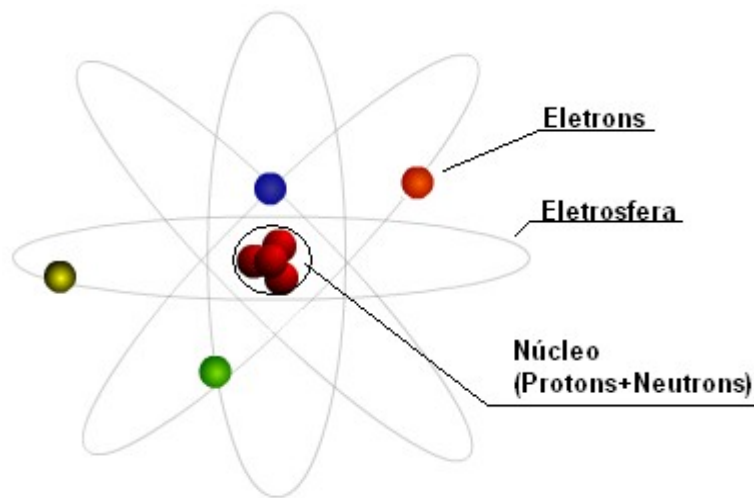
Cargas elétricas iguais se repelem

Cargas diferentes se atraem

No século XIX foram criados os conceitos de elétron e átomo e ficando provado que a carga elétrica é correspondente a diferença de elétrons que um corpo possui.

## 1.2 O Átomo

Tudo que ocupa lugar no espaço é matéria. A matéria é constituída por partículas muito pequenas chamada de átomos. Os átomos por sua vez são constituídos por partículas subatômicas: elétron, próton e nêutron, sendo que o elétron corresponde a carga negativa (-) da eletricidade. Os elétrons estão girando ao redor do núcleo do átomo em trajetórias concêntricas denominadas de órbitas.



O próton corresponde a carga positiva (+) da eletricidade. Os prótons se concentram no núcleo do átomo. É o número de prótons no núcleo que determina o número atômico do átomo. Também no núcleo é encontrado o nêutron, carga neutra fundamental da eletricidade.

No seu estado natural um átomo está sempre em equilíbrio, ou seja, contém o mesmo número de prótons e elétrons. Como cargas contrárias se anulam, e o elétron e próton possuem o mesmo valor absoluto de carga elétrica, isto torna o átomo natural num átomo neutro.

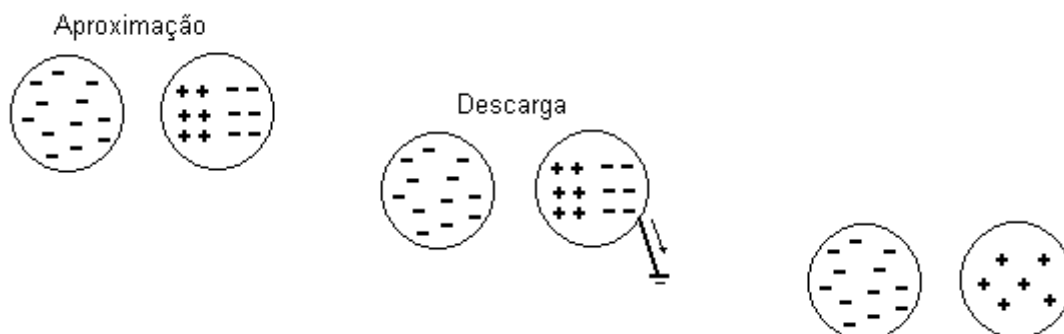
### **Átomo Neutro → Número Elétrons = Número de Protões**

Um corpo elétrico carregado e um corpo neutro ao se tocarem distribuir as cargas elétricas e os mesmos ficam com o mesmo potencial.



Um corpo eletricamente neutro (mesma quantidade de elétrons e prótons) ao aproximar de um corpo carregado (quantidade de cargas diferentes) ele organiza as cargas livres no interior deste corpo (indução), estas cargas podem descarregar (negativas via descarga a terra), e neste caso o corpo fica carregado positivamente





### 1.2.1 Átomo Estável e Instável

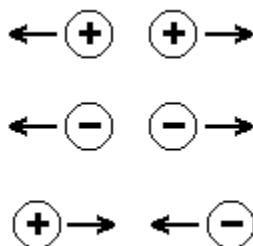
Um átomo é estável como vimos anteriormente, quando a quantidade de energia dos elétrons (-) e dos prótons (+) é igual. Mas os elétrons estão dispostos em torno do núcleo formando camadas distanciadas proporcionalmente do núcleo. Quanto mais afastado do núcleo menor será a força que prende o elétron ao átomo. Esta força que prende o elétron ao átomo é chamada de nível de energia. O nível de energia de um elétron é diretamente proporcional a sua distância ao núcleo de seu átomo. Os elétrons situados na camada mais externa são chamados de elétrons de valência. Quando estes elétrons recebem do meio externo mais energia, isto pode fazer com o elétron se desloque para um nível de energia mais alto. Se isto ocorre, dizemos que o átomo está num estado excitado e, portanto instável.

A corrente elétrica produzida num condutor metálico é fruto do fluxo de elétrons livres, que serão liberados da camada de valência de um átomo que se encontra sob a influência de energia externa (átomo em estado excitado).

## 1.3 Leis das Cargas Elétricas

Alguns átomos são capazes de ceder elétrons e outros são capazes de receber elétrons. Quando isto ocorre, a distribuição de cargas positivas e negativas que era igual deixa de existir. Um corpo passa a ter excesso e outro falta de elétrons. O corpo com excesso de elétrons passa a ter uma carga com polaridade negativa, e o corpo com falta de elétrons terá uma carga com polaridade positiva.

**CARGAS ELÉTRICAS IGUAIS SE REPELEM**  
**CARGAS OPOSTAS SE ATRAEM.**



## 1.4 O Coulomb

A quantidade de carga elétrica que um corpo possui é dada pela diferença entre número de prótons e o número de elétrons que o corpo tem. A quantidade de carga elétrica é representada pela letra  $Q$ , e é expresso na unidade COULOMB ( $\zeta$ ).

A carga de  $1 \zeta = 6,25 \times 10^{18}$  elétrons. Dizer que um corpo possui de um Coulomb negativo ( $-Q$ ), significa que um corpo possui  $6,25 \times 10^{18}$  mais elétrons que prótons.

**Exercício 1:** Um material dielétrico possui uma carga negativa de  $12,5 \times 10^{18}$  elétrons. Qual a sua carga em um Coulomb?

## 1.5 Carga Elétrica Elementar

A menor carga elétrica encontrada na natureza é a carga de um elétron ou próton. Estas cargas são iguais em valor absoluto e valem

$$e = 1,6 \times 10^{-19} \zeta$$

Para calcular a quantidade de carga elétrica de um corpo, basta multiplicar o número de elétrons pela carga elementar.

$$Q = n \times e$$

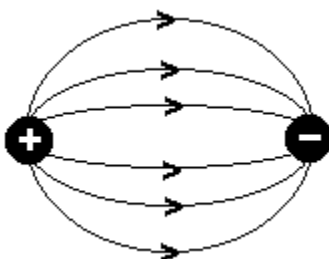
**Exercício 2:** Um corpo apresenta-se eletrizado com carga  $Q = 32 \times 10^{-19}$  Coulombs. Qual o número de elétrons retirados do corpo?

**Exercício 3:** Um dispositivo tinha uma carga elétrica de  $Q = 32 \times 10^{-16} \text{ C}$  e passou a ter  $Q = -8 \times 10^{-16} \text{ C}$ , pois ganhou elétrons. Pergunta-se: Quanto elétron ganhou este dispositivo?

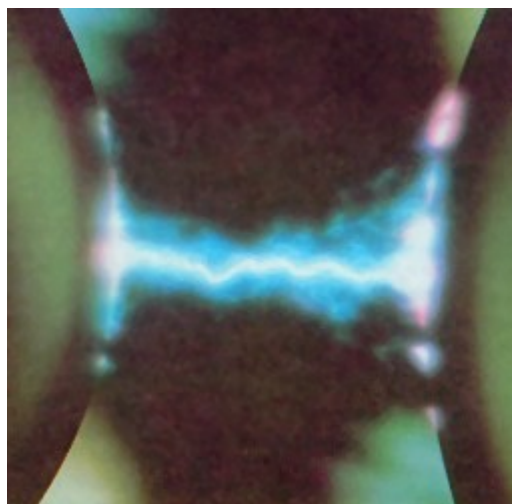
- ① A carga elétrica difere da corrente elétrica.  $Q$  representa um acúmulo de carga, enquanto a corrente elétrica  $I$  mede a intensidade das cargas em movimento.

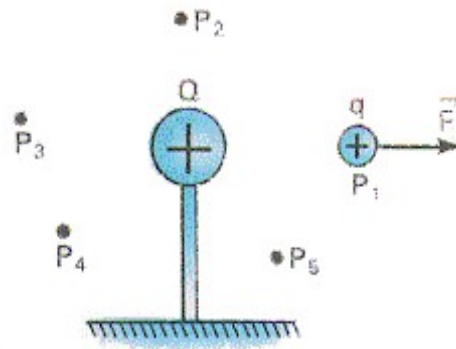
## 1.6 Campo Eletrostático

Toda carga elétrica tem capacidade de exercer força. Isto se faz presente no campo eletrostático que envolve cada corpo carregado. Quando corpos com polaridades opostas são colocados próximos um do outro, o campo eletrostático se concentra na região compreendida entre eles. Se um elétron for abandonado no ponto no interior desse campo, ele será repelido pela carga negativa e atraído pela carga positiva.



Quando não há transferência imediata de elétrons do/para um corpo carregado, diz-se que a carga está em repouso. A eletricidade em repouso é chamada de eletricidade estática.



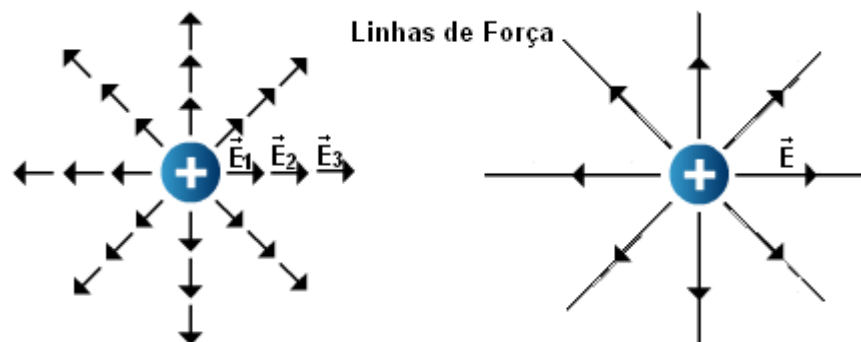


Consideramos uma carga  $Q$  fixa em uma determinada posição, como mostra a figura acima. Se colocarmos uma outra carga  $q$  em um ponto  $P_1$ , a uma certa distância de  $Q$ , aparecerá uma força elétrica  $\vec{F}$  atuando sobre  $q$ . Suponha, agora, que a carga  $q$  fosse deslocada, em torno de  $Q$ , para outros pontos quaisquer, tais como  $P_2$ ,  $P_3$  etc. Evidentemente, em cada uma destes pontos estaria também atuando sobre  $q$  uma força elétrica, exercida por  $Q$ . Para descrever este fato, dizemos que em qualquer ponto do espaço em torno de  $Q$  existe um **campo elétrico** criado por esta carga. Voltando à figura, devemos observar que o campo elétrico é criado nos pontos  $P_1$ ,  $P_2$ ,  $P_3$  etc., pela carga  $Q$  a qual, naturalmente, poderá ser tanto positiva (como a da figura) quanto negativa. A carga  $q$  que é deslocada de um ponto a outro, para verificar se existe ou não, nestes pontos, um campo elétrico, é denominada carga de prova (ou carga de teste).

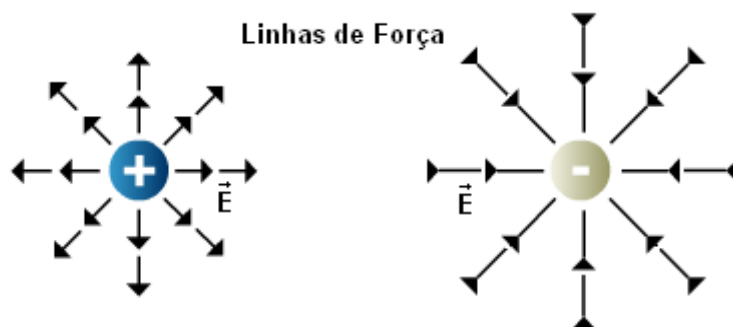
## 1.7 LINHAS DE FORÇA

O conceito de linhas de força foi introduzido pelo físico inglês M. Faraday, no século passado, com a finalidade de representar o campo elétrico através de diagramas. Para que possamos compreender esta concepção de Faraday, suponhamos uma carga puntual positiva  $Q$  criando um campo elétrico no espaço em torno dela. Como sabemos, em cada ponto deste espaço temos um vetor  $\vec{E}$ , cujo módulo diminui à medida que nos afastamos da carga. Na figura a seguir estão representados estes vetores em alguns pontos em torno de  $Q$ . Consideremos os vetores  $\vec{E}_1$ ,  $\vec{E}_2$ ,  $\vec{E}_3$  etc., que tem a mesma direção, e tracemos uma linha passando por estes vetores e orientada no mesmo sentido deles, como mostra a figura. Esta linha é, então é tangente a cada um dos vetores  $\vec{E}_1$ ,  $\vec{E}_2$ ,  $\vec{E}_3$  etc. Uma linha como esta é denominada linha de força do campo elétrico. De maneira semelhante, podemos traçar várias outras linhas

de força do campo elétrico criado pela carga  $Q$ , como foi feito na figura. Esta figura nos fornece uma representação do campo elétrico da maneira proposta por Faraday.



Se a carga criadora do campo for uma carga puntual negativa, sabemos que o vetor  $\vec{E}$ , em cada ponto do espaço, estará dirigido para esta carga, como mostra a próxima figura. Podemos, então, traçar, também neste caso, as linhas de força que representarão este campo elétrico. Observe, a figura, que a configuração destas linhas de força é idêntica àquela que representa o campo elétrico da carga positiva, diferindo apenas no sentido de orientação das linhas de força: no campo da carga positiva as linhas divergem a partir da carga e no campo de uma carga negativa as linhas convergem para a carga.



## 1.8 Diferença de Potencial

Em virtude da força do seu campo eletrostático, uma carga é capaz de realizar trabalho ao deslocar outra carga por atração ou repulsão. Essa capacidade é chamada de potencial elétrico. Cargas elétricas diferentes produzem uma **d.d.p.** (diferença de potencial). A Força Eletromotriz (**F.E.M.**) pode ser definida como a energia não-elétrica transformada em energia elétrica, ou vice-versa, por unidade de tempo. A sua unidade fundamental é o Volt. A diferença de potencial é chamada também de Tensão Elétrica. A tensão elétrica é representada pela letra **E** ou **U**.

**Resumo:** Força-Eletromotriz (FEM), Tensão Representação *E* ou *U*



Unidade: Volt ( V )

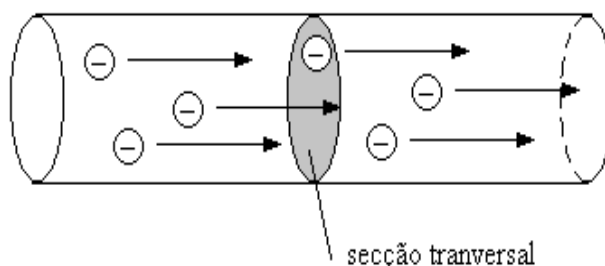
Aparelho de Medição: Voltímetro

## 2 - Eletrodinâmica

### 2.1 Corrente Elétrica

Determinados materiais, quando são submetidos a uma diferença de potencial, permitem uma movimentação de elétrons de um átomo a outro fazendo os átomos se deslocar de um dos pólos da ddp para o outro pólo, e é este fenômeno que é denominado de corrente elétrica. Pode-se dizer, então que cargas elétricas em movimento ordenado formam a corrente elétrica, ou seja, corrente elétrica é o fluxo de elétrons em um meio condutor. A corrente elétrica é representada pela letra  $I$  e sua unidade fundamental é o Ampère.

Define-se 1 A (Ampère) como sendo deslocamento de 1 C ( $6,25 \times 10^{18} e$ ) através de um condutor durante um intervalo de 1 s.



*A definição matemática da intensidade de corrente elétrica é dada por:*

$$I = \frac{Q}{T}$$

onde:

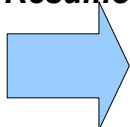
$I$  = corrente elétrica em ampère;

$Q$  = carga em Coulomb;

$T$  = tempo em segundos.

**Exercício 4:** Se uma corrente de 2 A passar através de um medidor durante um minuto, isto equivale a quantos Coulombs ?

### Resumo: Corrente Elétrica Representação I



Unidade: Ampere (A) Aparelho de Medição: Amperímetro

Simbologia: Representado por uma seta que indica o fluxo da corrente.

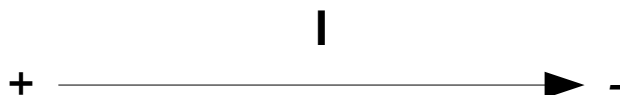
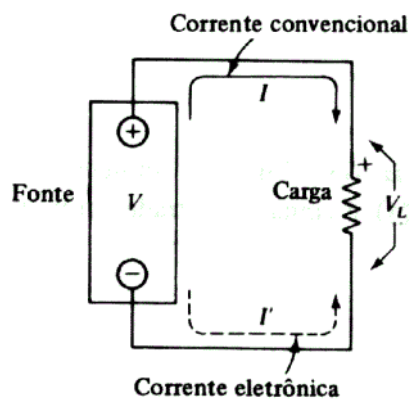
### 2.1.1 Fluxo de Corrente

Se ligarmos às duas extremidades de um fio de cobre, uma diferença de potencial, a tensão aplicada faz com que os elétrons se desloquem. Esse deslocamento consiste num movimento de elétrons a partir do ponto de carga negativa  $-Q$  numa extremidade do fio, seguindo através deste e chegando à carga positiva  $+Q$  na outra extremidade.

### 2.1.2 Sentido Eletrônico e Convencional

O sentido do movimento de elétrons é do polo negativo (  $-$  ) para o polo positivo (  $+$  ). Este é o fluxo de elétrons, que chamamos de **SENTIDO ELETRÔNICO**.

No entanto para estudos convencionou-se dizer que o deslocamento dos elétrons é do polo positivo (  $+$  ) para o polo negativo (  $-$  ). Este é o chamado de fluxo convencional da corrente elétrica, conhecido como **SENTIDO CONVENCIONAL**. Portanto a corrente elétrica é representada saindo do polo positivo e entrando no polo negativo.



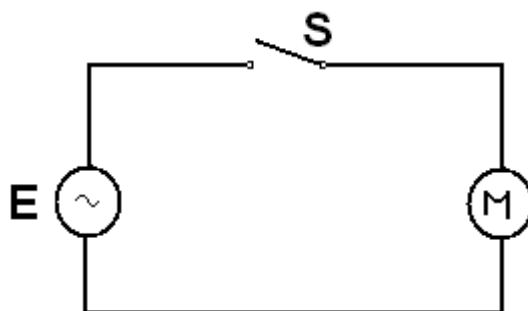


## 2.2 Circuito Elétrico

Circuito elétrico é um conjunto de dispositivo, composto por uma fonte de tensão e outros dispositivos que permite a circulação de uma corrente elétrica. O circuito elétrico é composto por:

- Fonte de tensão: responsável em fornecer energia para o sistema;
- Condutores: responsável em fornecer um caminho com baixa resistência para a circulação de corrente elétrica;
- Carga: Elemento que vai utilizar (transformar) a corrente elétrica, limitando este valor (note que um sistema sem carga corresponde a um curto-circuito)
- Seccionadores: responsáveis em controlar/ bloquear o fluxo da corrente (Ex. Interruptor);
- Proteção: sistema responsável em garantir a segurança da instalação e/ ou usuários. Quando ocorrer um evento não permitido no sistema ele desliga automaticamente o circuito (Ex. Disjuntor, fusíveis, etc.)

Através da utilização de símbolos podemos representar um circuito elétrico em um desenho.



Onde foram considerados os seguintes símbolos:



**Fonte de Tensão**



**Seccionador**



**Carga (Motor)**

A interligação entre os símbolos representam os condutores do sistema. Num projeto elétrico são calculados as características mínimas de todos os dispositivos do circuito elétrico e estas características devem ser mostradas no diagrama (desenho).

## 2.3 Potência Elétrica

Se um trabalho está sendo executado em um sistema elétrico, uma quantidade de energia está sendo consumida. A razão em que o trabalho está sendo executado, isto é, a razão em que a energia está sendo consumida é chamada Potência.

$$\text{Potência} = \frac{\text{Trabalho}}{\text{Tempo}}$$

Em eletricidade, a tensão realiza trabalho de deslocar uma carga elétrica, e a corrente representa o número de cargas deslocadas na unidade de tempo. Assim em eletricidade:

$$\text{Potência} = \frac{\text{Trabalho}}{\text{Unid. de carga}} \times \frac{\text{carga movida}}{\text{Unid. de tempo}} = E \times I$$

A unidade fundamental de potência elétrica é o WATT

**Resumo: Potência Elétrica** Representação *P*

➡ *Unidade: Watt (W)    Aparelho de Medição: Wattímetro*

Fórmulas Matemáticas Relacionando Tensão, Corrente, Resistência e Potência Elétricas.

$$(a) E = R \times I \quad (b) P = E \times I \quad (c) P = R \times I^2 \quad (d) I = E \div R \quad (e) R = E \div I$$

$$(f) P = E^2 \div R \quad (g) I = P \div E$$

## 2.4 Exercícios

**Exercício 5:** Calcule os valores das variáveis dependentes:

a)  $E = 120 \text{ V}$ ;  $P = 60 \text{ W}$ ;  $I = ?$ ;  $R = ?$

b)  $E = 8 \text{ V}$ ;  $I = 0,2 \text{ A}$ ;  $P = ?$ ;  $R = ?$

c)  $R = 2.000 \Omega$ ;  $E = 40 \text{ V}$ ;  $I = ?$ ;  $P = ?$

**Exercício 6:** Um chuveiro elétrico de  $500 \Omega$ ; tem qual potência elétrica em:

a) 220 Volts

b) 110 Volts

**Exercício 7:** Qual a corrente elétrica de um condicionador de 1200 Watts em 220 Volts.

**Exercício 8:** Sabendo-se que a potência total é a soma de todas as potências parciais calcule:

a) Qual a corrente elétrica de 5 lâmpadas de 100 Watts

b) Qual a corrente elétrica de um circuito com: 2 tomadas de 100 W e 3 lâmpadas de 50W.

c) Qual a corrente elétrica de uma casa com:

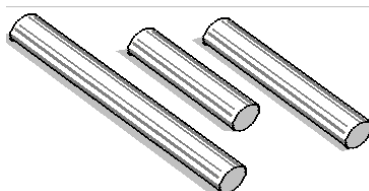
- 10 lâmpadas de 100 W
- 2 lâmpadas de 40 W
- 5 tomadas de 100 W
- 1 tomada de 1200 W
- 1 chuveiro de 6500 W

## 2.5 Resistividade Elétrica

Define-se resistência como sendo a capacidade de um dispositivo (fio condutor) ser opor a passagem de corrente elétrica através de sua estrutura.

Verifica-se experimentalmente que a resistência elétrica de um resistor depende do material que o constitui e de suas dimensões.

Para simplificar a análise dessas dependências, vamos considerar que os condutores tenham a forma de um fio cilíndrico como mostra a figura abaixo. Esta é a forma largamente utilizada tanto na transmissão de energia elétrica como na construção de resistores.



Considere vários fios condutores de mesmo material, mesma área de seção transversal de comprimentos ( $L$ ) diferentes. Verifica-se que quanto maior o comprimento tanto maior é a resistência do fio. Então, a resistência é diretamente proporcional ao comprimento do fio.

Matematicamente:  $R = k \cdot L$

Se tomarmos vários condutores de mesmo material, mesmo comprimento, mas de diâmetro diferentes, verificamos que a resistência é inversamente proporcional à área ( $A$ ) da seção reta do fio.



$$R = k \cdot \frac{1}{A}$$

Matematicamente:

Relacionando as duas conclusões acima, obtemos:  $R = k \cdot (L / A)$

A constante de proporcionalidade é uma característica do material e simboliza-se por  $\rho$  (letra grega *rô*). Recebe o nome de resistividade.

A resistência de um condutor é diretamente proporcional ao seu comprimento e inversamente proporcional à área da seção transversal do fio. Assim:

$$R = \rho \cdot (L / A)$$

No Sistema Internacional a unidade de resistividade é ohm-metro ( $\Omega\text{m}$ ).

A condutância é o inverso de resistência. A unidade da condutividade é o mho ( $\Omega^{-1}$ ) ou Siemens (S).

### 2.5.1 Características dos Condutores

O material utilizado em eletricidade tem características quanto à condução de corrente elétrica. Esta característica é relacionada às características dos átomos que formam o material, onde podemos verificar que entre o núcleo e o elétron em órbita do átomo, existe uma força atrativa, força esta tanto menor quanto maior a distância entre eles. Sendo que todos os materiais apresentam uma resistividade ( $\rho$ ) específica, com unidade de ohm vezes centímetros ( $\Omega \times \text{cm}$ ).

### 2.5.2 Corpos Bons Condutores

Corpos bons condutores são aqueles em que os elétrons mais externos, mediante estímulo apropriado (atrito, contato ou campo magnético), podem ser retirados dos átomos.

Exemplos de corpos bons condutores: alumínio, platina, prata, ouro.

A resistividade do cobre é aproximadamente de  $10^{-6} \Omega\text{cm}$ .

### 2.5.3 Corpos Isolantes

Corpos maus condutores são aqueles em que os elétrons estão tão rigidamente solidários aos núcleos que somente com grandes dificuldades podem ser retirados por um estímulo exterior.

Exemplos de corpos maus condutores: porcelana, vidro, madeira, borracha.

A resistividade da mica é aproximadamente de  $10^{12} \Omega\text{cm}$ .

### 2.5.4 Resistor Elétrico

A energia elétrica pode ser convertida em outras formas de energia. Quando os elétrons caminham no interior de um condutor, eles se chocam contra os átomos do material de que é feito o fio. Nestes choques, parte da energia cinética de cada elétron se transfere aos átomos que começam a vibrar mais intensamente. No entanto, um aumento de vibração significa um aumento de temperatura.

O aquecimento provocado pela maior vibração dos átomos é um fenômeno físico a que damos o nome de **efeito joule**.

É devido a este efeito joule que a lâmpada de filamento emite luz. Inúmeras são as aplicações práticas destes fenômenos. Exemplos: chuveiro, ferro de engomar, ferro elétrico, fusível, etc.

O efeito joule é o fenômeno responsável pelo consumo de energia elétrica do circuito, quando essa energia se transforma em calor.

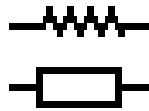
O componente que realiza essa transformação é o **resistor**, que possui a capacidade de se opor ao fluxo de elétrons (corrente elétrica).

**Resumo: Resistor Elétrico** Representação *R*



Unidade: Ohm ( $\Omega$ )    Aparelho de Medição: Ohmímetro

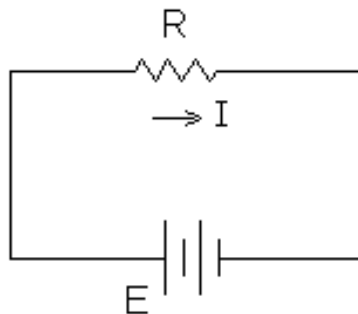
Símbolo:



### 2.5.5 Lei De Ohm

Considere o resistor abaixo, mantido a uma temperatura constante. Quando o mesmo for submetido a uma tensão elétrica (d.d.p.)  $E$  circulará pelo mesmo uma corrente elétrica  $I$ .

Mudando o valor da d.d.p. para  $E_1, E_2, \dots E_n$ , o resistor passa a ser percorrido por uma corrente  $I_1, I_2, \dots I_n$ . O Físico alemão *George Simon Ohm*, verificou que o quociente da tensão aplicada pela respectiva corrente circulante era uma constante do resistor.



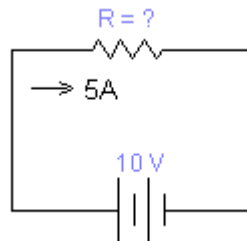
$$\frac{E}{I} = \frac{E_1}{I_1} = \frac{E_2}{I_2} = \frac{E_n}{I_n} = \text{Constante} = R$$



**A resistência elétrica não depende nem da tensão, nem da corrente elétrica, mas sim da temperatura e do material condutor.**

**Exercício 9:** Calcule a variável que esta faltando:

- a)  $R = 50 \, \Omega$ ;  $E = 10 \, \text{V}$ ;  $I = ?$
- b)  $E = 3,5 \, \text{V}$ ;  $I = 5 \, \text{mA}$ ;  $R = ?$
- c)  $E = 180 \, \text{V}$ ;  $R = 30 \, \Omega$ ;  $I = ?$
- d)  $E = 220 \, \text{V}$ ;  $I = 4,4 \, \text{A}$ ;  $R = ?$
- e)



## 2.6 Geradores e Receptores

### 2.6.1 Definição de Gerador

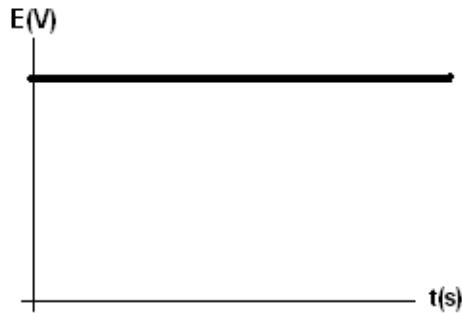
Gerador é um dispositivo capaz de criar e manter uma d.d.p. entre dois pontos de um circuito. É essa d.d.p. que permite o movimento de cargas elétricas que constituem a corrente elétrica. Para “transportar” uma carga de um ponto a outro, o gerador realiza um trabalho sobre ela. A razão entre o trabalho realizado e a carga transportada mede a capacidade do gerador de levar cargas dos potenciais mais baixos para potenciais mais altos. Essa razão é a Força Eletromotriz (fem) do gerador representado pela letra “E”. Assim:

$$E = \frac{W}{q}$$

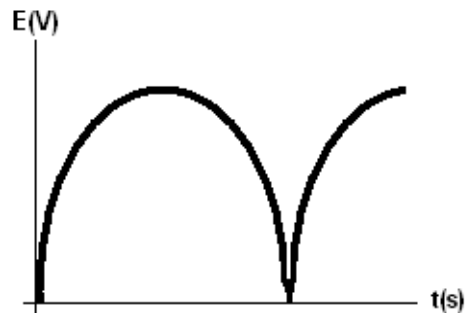
A força eletromotriz do gerador é sempre constante, pois ela não depende da corrente elétrica que atravessa.

### 2.6.2 Corrente Contínua (CC)

Corrente contínua é a energia elétrica que apresenta dois pólos definidos e fixos no tempo, ou seja, as cargas elétricas geradas ficam sempre no mesmo pólo. Os gráficos abaixo mostram o comportamento da corrente contínua no eixo tempo.



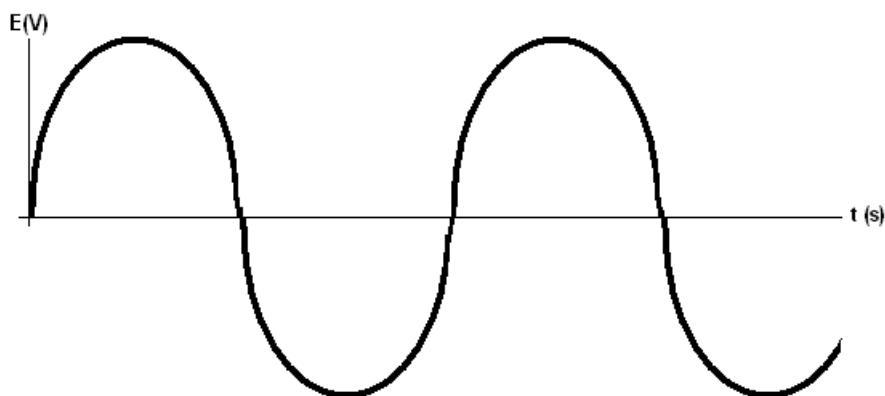
Corrente Contínua Estabilizada



Corrente Contínua Pulsante

### 2.6.3 Corrente Alternada (CA)

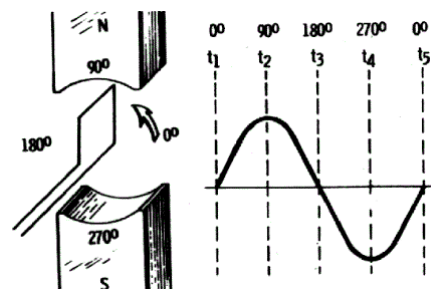
Corrente alternada corresponde a fonte de energia onde os pólos ficam se alternando constantemente no tempo.



## 2.7 Geração de tensão alternada

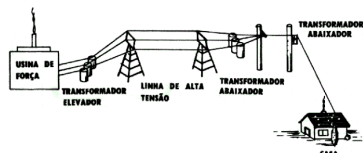
A tensão alternada é produzida girando uma bobina. À medida que a bobina corta as linhas de força entre os pólos magnéticos, produz-se uma tensão.

Essa tensão varia de zero até o valor de pico e volta a zero conforme uma senóide. Assim é produzida a eletricidade nas usinas hidrelétricas. A





geração ocorre quando um condutor se movimenta num campo magnético, induzindo uma tensão nesse condutor.



Esta tensão depende da intensidade do campo magnético, da velocidade do condutor e da direção em que se movimenta o condutor. A senóide é obtida pelo movimento de rotação do condutor. A polaridade da tensão induzida

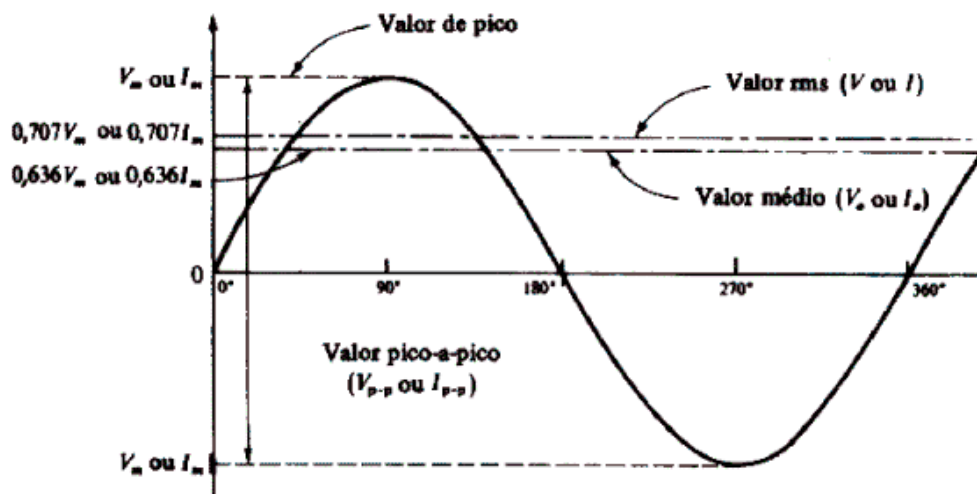
depende da posição da espira em relação aos pólos do ímã. Na corrente alternada os elétrons mudam o sentido do seu movimento. Em altas frequências, a corrente se limita à superfície do condutor, com isso, a resistência aumenta.

**Vantagens da corrente alternada:** ela pode ser transmitida a grandes distâncias mais economicamente que a corrente contínua, sem grandes perdas. Para isso, pode-se elevar e diminuir a tensão por meio de transformadores.

A equação da tensão alternada senoidal é

$$V = V_m \cdot \text{sen}(\omega t + \phi)$$

Características da Tensão e da Corrente Alternada



- **Valor eficaz ( $V_{ef}$  ou  $I_{ef}$ ):** também chamado de RMS (root mean square), é o valor que produz o mesmo efeito que um valor em corrente contínua faria. É igual a 0,707 vezes o valor de pico ( $V_p$ ). A maioria dos instrumentos de medida é calibrada em unidades eficazes ou médio-quadráticas, o que permite a comparação direta dos valores CC e CA.

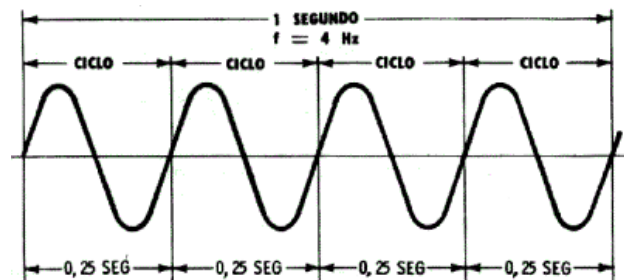
$$V_{ef} = \frac{V_p}{\sqrt{2}}$$

- **Valor médio ( $V_m$ ):** é a tensão média da onda senoidal durante um meio ciclo. Geometricamente, corresponde a altura de um retângulo que tem a mesma área da senóide.

$$V_m = 2 \cdot V_p / \pi$$

- **Frequência (f):** é o número de ciclos por segundo, dada em Hertz.
- **Período (T):** é o tempo necessário para completar um ciclo. É o inverso da frequência. No Brasil a frequência é de 60Hz, o que dá um período de 16,5ms.

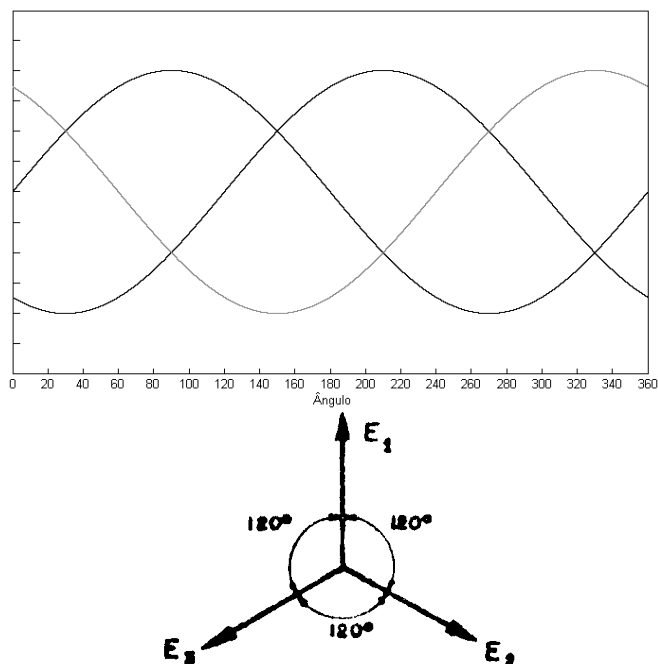
$$f = \frac{1}{T}$$



## 2.8 Tensão Alternada Trifásica

Quando uma linha é formada por três condutores com as tensões entre um e outro condutor iguais, porém defasadas de  $120^\circ$ , temos uma rede trifásica.

A representação da corrente alternada ou tensão trifásica é a que se vê nas figuras abaixo.

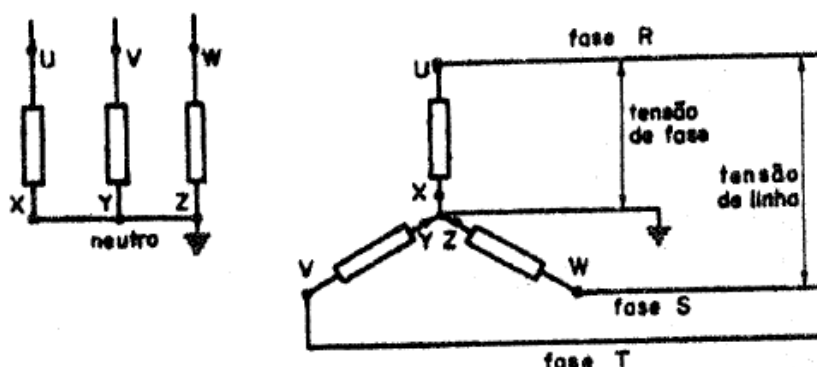


Quando ligamos a uma linha trifásica três fontes receptoras, ou três elementos de uma fonte receptora, temos um circuito trifásico.

Conforme a maneira de efetuarmos as ligações temos um circuito estrela ou triângulo ( Y ou  $\Delta$  ).

### 2.8.1 Circuito estrela ou Y

As três extremidades dos finais dos elementos são ligadas entre si, e as três iniciais à linha. Como se pode ver na figura abaixo, a corrente que passa pela linha, é a mesma que passa pelos elementos, isto é, à *corrente de linhas é igual à corrente de fase*.



O ponto comum aos três elementos chama-se neutro.

Se deste ponto se tira um condutor, temos o condutor neutro, que em geral é ligado à terra. A tensão aplicada a cada elemento (entre condutores de fase e neutro) é chamada tensão de fase e a entre dois condutores de fase tensão de linha.

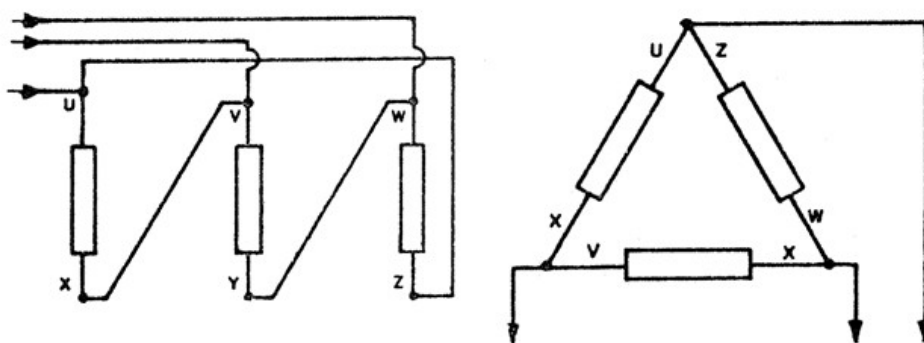
$$\text{A relação entre elas é: } E = E_{\text{linha}} = E_{\text{fase}} \cdot \sqrt{3}$$

### 2.8.2 Circuito triângulo ou Delta

A extremidade final de um elemento é ligada à inicial do outro, de modo que os três fiquem dispostos eletricamente, segundo os lados de um triângulo equilátero. Os vértices são ligados à linha.

Temos que a tensão da linha é igual à tensão da fase e a corrente da linha será:

$$I = I_{\text{linha}} = I_{\text{fase}} \cdot \sqrt{3}$$



Os elementos de um receptor trifásico são representados respectivamente por U-X, V-Y e W-Z, onde U, V e W representam as extremidades iniciais, ou por 1-4, 2-5 e 3-6, sendo 1, 2 e 3 os inícios, pois cada elemento tem sua polaridade que deve ser conservada na ligação. A distribuição de energia elétrica é feita em geral em sistemas trifásicos, cujas redes podem ser ligadas em estrela ou triângulo.

Quando a rede é em triângulo, em casos especiais, podemos retirar um condutor do centro de cada fase, obtendo-se duas tensões, sendo uma o dobro da outra.

Exemplo: 110 e 220 V.

Em geral, as cargas monofásicas (lâmpadas e pequenos motores) são ligadas à tensão mais baixa e as trifásicas (força, aquecimento industrial etc.) a mais alta.

As cargas monofásicas, num circuito trifásico, devem ser distribuídas igualmente entre as fases, para que uma não fique sobrecarregada em detrimento das outras.

## 2.9 Potência nos Circuitos de Tensão Alternada

A potência consumida por um circuito de corrente contínua é dada em watts, pelo produto da tensão pela corrente.

Em corrente alternada, este produto representa a **potência aparente** do circuito, isto é, a potência que o circuito aparenta ter uma vez que há uma defasagem entre E e I. A potência aparente é medida em volt-ampère (VA):

$$S = E \times I$$

Onde:

**S** = potência aparente, em volts-ampère;

**E** = tensão em volts;

**I** = corrente em ampères.

## 2.10 Circuito Série

Circuito Série é um circuito elétrico onde temos a mesma corrente elétrica circulando em todos elemento do circuito. Para que o circuito esteja em série um dos terminais e ligado ao terminal do seguinte, o terminal livre deste é ligado ao próximo e assim por diante.

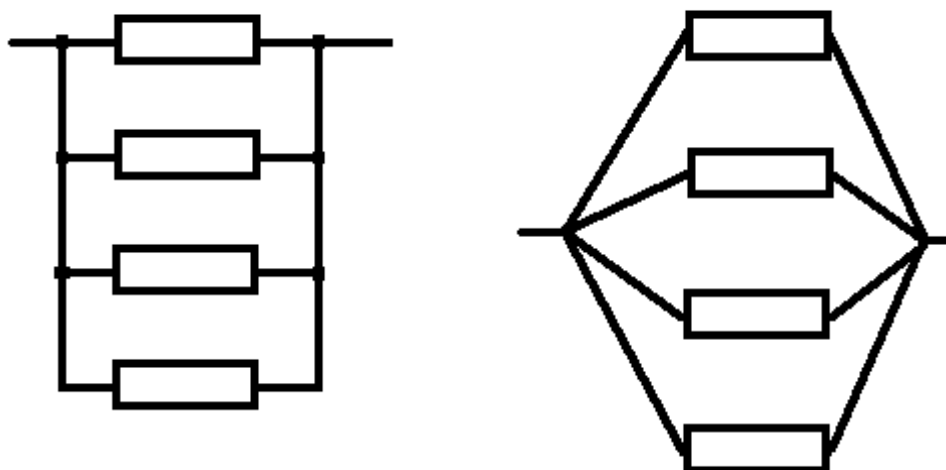


Ligação Série

## 2.11 Circuito Paralelo

Circuito paralelo é um circuito elétrico onde temos a mesma tensão entre os dispositivos do circuito. Para que o circuito esteja em paralelo um dos

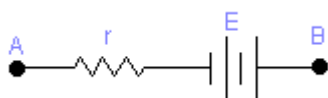
terminais dos dispositivos devem estar ligados ao mesmo ponto. Os terminais restantes a um outro ponto comum.



Circuitos Paralelo

## 2.12 Circuito Equivalente do Gerador

De forma ideal os geradores disponibilizam cargas elétricas para o circuito elétrico, mas de forma real, devido as limitações de construção os geradores também apresentam uma resistência interna que limitam a tensão na carga, pois quanto maior a corrente do circuito maior é a queda de tensão no resistor interno do gerador.



$$V_B - V_A = E - r \cdot I$$

Onde:

$V_B - V_A$  é a d.d.p. mantida entre os pólos do gerador;

$E$  é a força eletromotriz do gerador;

$r$  é a resistência interna do gerador;

$r \cdot I$  é a queda de tensão interna.

**Exercício 10:** Um gerador tem força eletromotriz  $E = 1,5 \text{ V}$  e  $r$  interna  $= 0,5 \Omega$ . Qual a d.d.p. entre os pólos quando percorrido por uma corrente de:

a)  $1 \text{ A}$

b)  $1 \text{ mA}$

## 3 - Instrumentos de Medição Elétrica

### 3.1 Definição de Medida

Medida é um processo de comparação de grandezas de mesma espécie, ou seja, que possuem um padrão único e comum entre elas. Duas grandezas de mesma espécie possuem a mesma dimensão. No processo de medida, a grandeza que serve de comparação é denominada de “grandeza unitária” ou “padrão unitário”.

As grandezas físicas são englobadas em duas categorias, grandezas fundamentais e grandezas derivadas.

#### 3.1.1 Grandezas fundamentais

São as grandezas físicas que não dependem de outras unidades.

Grandezas Fundamentais		
Grandeza	Unidade	Simbologia
Comprimento	metro	m
Massa	grama	g
Tempo	segundo	s
Intensidade de Corrente	Ampère	A
Temperatura	kelvin	K
Quantidade de Matéria	Mole	Mol
Intensidade Luminosa	candela	cd

### 3.1.2 Grandezas derivadas

Grandezas derivadas a partir das grandezas fundamentais. Como por exemplo

- Carga elétrica, dada por Coulomb (C) que deriva de  $[A \cdot s]$
- Potência, dada em Watt (W) que deriva de  $[m^2 \cdot kg \cdot s^{-3}]$
- Tensão, dada em Volt (V), derivando de  $[m^2 \cdot kg \cdot s^{-3} \cdot A^{-1}]$

## 3.2 Sistema de unidades

É um conjunto de definições que reúne de forma completa, coerente e concisa todas as grandezas físicas fundamentais e derivadas. Ao longo dos anos, os cientistas tentaram estabelecer sistemas de unidades universais como, por exemplo, o CGS, MKS e o SI.

### 3.2.1 Sistema Internacional (SI)

É derivado do MKS e foi adotado internacionalmente a partir dos anos 60. É o padrão mais utilizado no mundo, mesmo que alguns países ainda adotem algumas unidades de outros sistemas de medição.

## 3.3 Noções de Padrão, Aferição e Calibração

### 3.3.1 Padrão

Padrão é um elemento ou instrumento de medida destinado a definir, conservar e reproduzir a unidade base de medida de uma determinada grandeza. Possui uma alta estabilidade com o tempo e é mantido em um ambiente neutro e controlado (temperatura, pressão, umidade, etc. constantes).

Exemplos de padrões de grandezas elétricas:

**Corrente Elétrica:** O ampère é a corrente constante que, mantida entre dois condutores paralelos de comprimento infinito e seção transversal desprezível separados de 1m, no vácuo, produz uma força entre os dois condutores de  $2 \cdot 10^{-7}N/m$ . Na prática são utilizados instrumentos chamados



“balanças de corrente”, que medem a força de atração entre duas bobinas idênticas e de eixos coincidentes.

**Tensão:** O padrão do volt é baseado numa pilha eletroquímica conhecida como “Célula Padrão de Weston”, constituída por cristais de sulfato de cádmio ( $\text{CdSO}_4$ ) e uma pasta de sulfato de mercúrio ( $\text{HgSO}_4$ ) imersos em uma solução saturada de sulfato de cádmio. Em uma concentração específica da solução e temperatura de  $20^\circ\text{C}$  a tensão medida é de  $1,01830\text{V}$ .

### 3.3.2 Aferição

Aferição é o procedimento de comparação entre o valor lido por um instrumento e o valor padrão apropriado de mesma natureza. Apresenta caráter passivo, pois os erros são determinados, mas não corrigidos.

### 3.3.3 Calibração

Calibração é o procedimento que consiste em ajustar o valor lido por um instrumento com o valor de mesma natureza. Apresenta caráter ativo, pois o erro, além de determinado, é corrigido.

## 3.4 Classificação dos Erros

De acordo com a causa, ou origem, dos erros cometidos nas medidas, estes podem ser classificados em: grosseiros, sistemáticos e acidentais. E de acordo com suas características, estes podem ser classificados em: constantes, aleatórios e periódicos.

### 3.4.1 Erros Grosseiros

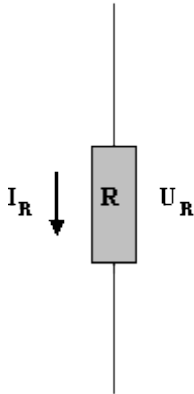
Estes erros são causados por falha do operador, como por exemplo, a troca da posição dos algarismos ao escrever os resultados, os enganos nas operações elementares efetuadas, ou o posicionamento incorreto da vírgula nos números contendo decimais.

Estes erros podem ser evitados com a repetição dos ensaios pelo mesmo operador, ou por outros operadores.

### 3.4.2 Erros Sistemáticos

São os ligados às deficiências do método utilizado, do material empregado e da apreciação do experimentador. Estão ligadas às características construtivas dos equipamentos.

### 3.5 Medidas de Tensão, Corrente e Resistência

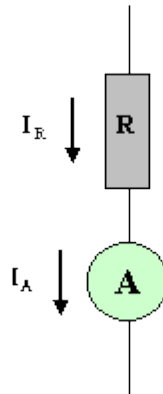


Para medir uma determinada variável precisamos criar uma corrente elétrica, que precisa ser mantida por uma fonte de tensão ou corrente que fornece a energia dissipada.

A carga (resistor) deverá estar conectada a algo, que neste caso pode ser simplesmente uma bateria química, que mantenha a tensão  $U_R$  e a corrente  $I_R$ . A relação entre a tensão e a corrente no resistor é dada pela lei de Ohm:  $U_R = RI_R$ .

Cada uma das grandezas é medida por um aparelho diferente. A introdução dos aparelhos no circuito de medida modifica a resistência total oferecida ao resto do circuito e isso modifica as grandezas que se quer medir. O uso de cada um desses aparelhos de medida e seu efeito Conforme o manual de operação do equipamento.

#### 3.5.1 Medir corrente.



Um amperímetro mede a corrente  $I_A$  que o atravessa. Para fazê-lo medir a corrente  $I_R$  que atravessa o resistor é necessário conectá-lo **em série** com o resistor, de forma que  $I_A = I_R$ . A introdução do amperímetro em série com o resistor aumenta a resistência total, alterando a tensão e a corrente no resistor. Se a resistência interna do amperímetro for muito menor que a resistência interna ( $R_A \ll R$ ) esse efeito será desprezível, portanto é desejável que um amperímetro tenha resistência tão pequena quanto possível.



## Amperímetro

### Fundo de Escala 5 A

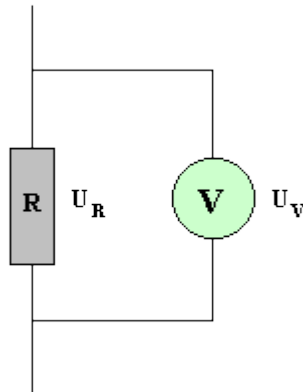
0,1 A

No exemplo acima o amperímetro mede no máximo 5 ampères com uma divisão mínima de 0,1 ampère.

### 3.5.2 Medir tensão

Um voltímetro mede a tensão ou diferença de potencial  $U_V$  entre seus terminais. Para fazê-lo medir a diferença de potencial  $U_R$  entre os terminais do resistor é necessário conectá-lo **em paralelo** com o resistor, de forma que  $U_V = U_R$ . A introdução do voltímetro em paralelo com o resistor diminui a resistência total, alterando a tensão e a corrente no resistor.

Se a resistência interna do voltímetro for muito maior que a resistência externa ( $R_V \gg R$ ) esse efeito será desprezível, portanto é desejável que um voltímetro tenha resistência tão grande quanto possível.



No voltímetro abaixo o fundo de escala é 500 volts, ou seja, a máxima tensão que este voltímetro mede é 500 V, com divisões a partir de 10 volts.



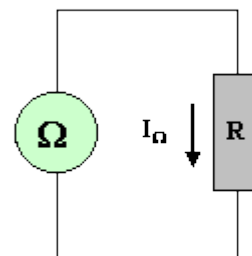
Voltímetro

Fundo de Escala  
500 V

Menor divisão  
10 V

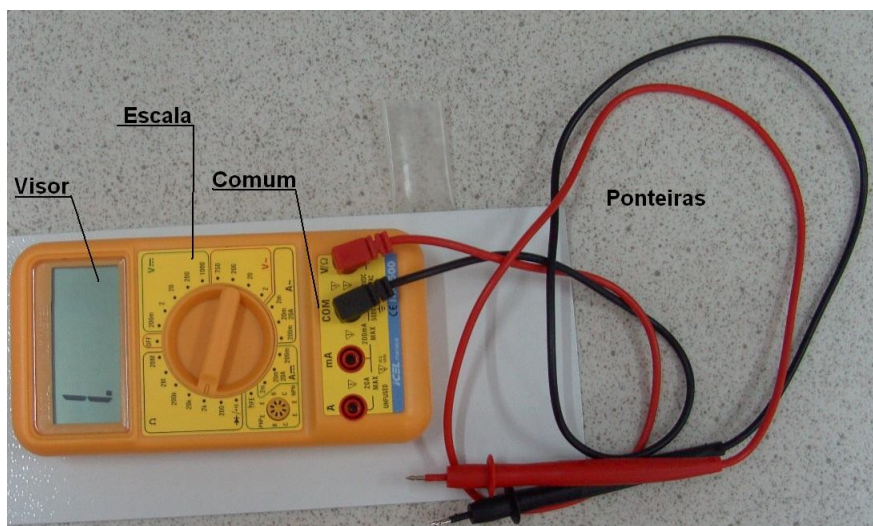
### 3.5.3 Medir Resistência

Um ohmímetro mede a resistência de um resistor aplicando uma diferença de potencial sobre o resistor e medindo a corrente que o percorre. O resistor precisa ser **desconectado** do circuito ao qual está ligado para ter sua resistência medida por um ohmímetro. A resistência também pode ser determinada através das medidas da tensão e da corrente no resistor, calculando-se a razão entre as duas medidas.



### 3.5.4 Multímetro

O multímetro é um equipamento que permite medir diversas grandezas elétricas. Para selecionar a grandeza elétrica utiliza-se o seletor do equipamento. O seletor permitir escolher a escala em que o aparelho efetuará a leitura.



O multímetro é composto por visor, seletor e ponteiras. As ponteiras vermelha e preta servem para amostrar o sinal a ser identificado. A ponteira preta devem ser usada como referência e conectada na saída (borne do multímetro) comum.

O multímetro acima é um multímetro digital, pois o visor é eletrônico, apresentado o valor diretamente. Ao lado mostramos um outro instrumento analógico, onde o valor é apresentado por um ponteiro em uma escala.

Para efetuar a leitura neste instrumento deve-se selecionar a grandeza e escala a ser utilizada. Após efetuar a leitura deve-se multiplicar por uma constante adequada que relacione a escala e a posição do seletor selecionada.

Por exemplo: selecionou-se a grandeza tensão CC (DCV) na escala 2,5 e utiliza-se a escala ZERO a 250 V, todas as leituras efetuadas devem ser divididas por 100 para que a leitura fique entre ZERO a 2,5 V.







Escalas

Resistência

Tensão DC  
Corrente

Tensão AC

Seletor

Tensão DC

Tensão AC



Corrente

Resistência

### 3.5.5 Medir Potência

Para medir potência útil utiliza-se o wattímetro. O Wattímetro é composto de duas bobinas, uma de tensão e outra de corrente que indicam a potência do circuito.

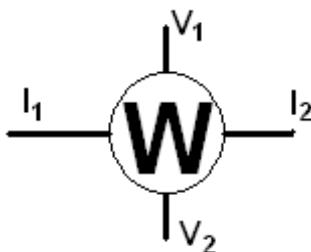


Wattímetro

Fundo de Escala  
1000 W

Menor divisão  
20 W

O wattímetro é representado no circuito por:



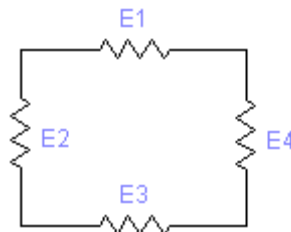
Onde  $I_1$  e  $I_2$  correspondem aos terminais da bobina de corrente e  $V_1$  e  $V_2$  aos terminais da bobina de tensão.

## 4 - Leis De Kirchhoff

### 4.1 Lei das Tensões

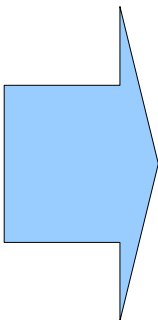
A Lei das Tensões de Kirchhoff pode ser utilizada para determinar as várias correntes em um circuito elétrico. Uma vez em que as correntes elétricas estão definidas, torna-se simples a tarefa de calcular as várias tensões do circuito. Esta lei pode ser definida como:

① *A soma algébrica das tensões em um circuito fechado é sempre igual a zero*



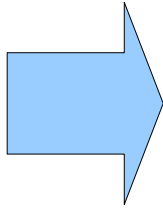
$$E1 + E2 + E3 + E4 = 0$$

Método para cada malha:



- Arbitre um sentido para a corrente elétrica;
- Coloque os sinais de tensão em cada resistor, considerando que a corrente entra no positivo e sai no negativo.





- c) Siga o sentido desta corrente, realizando o somatório das tensões;
- d) Para fontes, considere sua tensão com o sinal do pólo de saída;
- e) Para resistências, considere a queda de tensão  $R.i$  ;
- f) Iguale o somatório a zero.

## 4.2 Sistemas linear de equações do primeiro grau

Para resolver os sistemas por Kirchhoff faz-se necessário conhecer o processo de resolução de sistemas de equações de primeiro grau.

Uma equação do primeiro grau, é aquela em que todas as incógnitas estão elevadas à potência 1. Este tipo de equação poderá ter mais do que uma incógnita. Um sistema de equações do primeiro grau em duas incógnitas  $x$  e  $y$ , é um conjunto formado por duas equações do primeiro nessas duas incógnitas.

**Exemplo 1:** Seja o sistema de duas equações:

$$\begin{aligned} 2x + 3y &= 38 \\ 3x - 2y &= 18 \end{aligned}$$

Resolver este sistema de equações é o mesmo que obter os valores de  $x$  e de  $y$  que satisfazem simultaneamente a ambas as equações.  $x=10$  e  $y=6$  são as soluções deste sistema e denotamos esta resposta como um par ordenado de números reais:

$$S = \{ (10,6) \}$$

### 4.2.1 Método de substituição para resolver este sistema

Entre muitos outros, o *método da substituição*, consiste na idéia básica de isolar o valor algébrico de uma das variáveis, por exemplo  $x$ , e, aplicar o resultado à outra equação.

Para entender o método, consideremos o sistema:

$$\begin{aligned} 2x + 3y &= 38 \\ 3x - 2y &= 18 \end{aligned}$$

Para extrair o valor de  $x$  na primeira equação, usaremos o seguinte processo:

$2x + 3y = 38$	Primeira equação
$2x + 3y - 3y = 38 - 3y$	Subtraímos $3y$ de ambos os membros



$$2x = 38 - 3y$$

Dividimos ambos os membros por 2

$$x = 19 - (3y/2)$$

Este é o valor de x em função de y

Substituímos agora o valor de x na segunda equação  $3x - 2y = 18$ :

$$3x - 2y = 18$$

Segunda equação

$$3(19 - (3y/2)) - 2y = 18$$

Após substituir x, eliminamos os parênteses

$$57 - 9y/2 - 2y = 18$$

multiplicamos os termos por 2

$$114 - 9y - 4y = 36$$

reduzimos os termos semelhantes

$$114 - 13y = 36$$

separamos variáveis e números

$$114 - 36 = 13y$$

simplificamos a equação

$$78 = 13y$$

mudamos a posição dos dois membros

$$13y = 78$$

dividimos ambos os membros por 6

$$y = 6$$

Valor obtido para y

Substituindo  $y=6$  na equação  $x=19-(3y/2)$ , obtemos:

$$x = 19 - (3 \times 6/2) = 19 - 18/2 = 19 - 9 = 10$$

#### 4.2.2 Método de Sistema de Primeiro Grau

Neste método tomamos duas equações de primeiro grau, ambos com duas incógnitas, e multiplicamos uma das equações por uma constantes afim de igualar com sinal contrário uma das incógnitas. Para finalizar adicionamos as duas equações e encontramos o valor das incógnitas.

(1)	10 x - 30 y = 50	(x 10)	
(2)	5 x + 300 y = 10		Multiplicador
	100 x - 300 y = 500	(1) x 10	
	5 x + 300 y = 10	(2)	
	105 x ----- = 510		SOMA (1) e (2)
			Anula-se um termo

**Exemplo 2:** Para entender o método, consideremos o sistema:

$$2 E_1 + 3 E_2 = 38$$

$$3 E_1 - 2 E_2 = 18$$

$$2 E_1 + 3 E_2 = 38 \quad (\times 2)$$

$$3 E_1 - 2 E_2 = 18 \quad (\times 3)$$

Multiplica-se por 2 para igualar  $6E_2$

Multiplica-se por 3 para criar  $6E_2$

$$4 E_1 + 6 E_2 = 76$$

$$9 E_1 - 6 E_2 = 54$$

$$13 E_1 - \text{-----} = 130$$

Soma-se as duas equações

$$13 E_1 = 130$$

Encontra-se o valor de  $E_1$

$$E_1 = 130 / 13 = 10$$

$$3 E_1 - 2 E_2 = 18$$

$$3 \cdot 10 - 2 E_2 = 18$$

$$30 - 2 E_2 = 18$$

$$- 2 E_2 = 18 - 30$$

$$- 2 E_2 = - 18$$

$$E_2 = - 12 / - 2$$

$$E_2 = 6$$

Para encontra o valor de  $E_2$ , basta substituir  $E_1$  nas equações iniciais

**Exemplo 3:** Encontre o valor das variáveis:

$$10 I_1 - 4 I_2 = -30$$

$$3 I_1 - 2 I_2 = -17$$

$$10 I_1 - 4 I_2 = -30$$

$$3 I_1 - 2 I_2 = -17 \quad (\times -2)$$

Multiplica-se por -2 para igualar  $I_2$

$$10 I_1 - 4 I_2 = -30$$

$$-6 I_1 + 4 I_2 = 34$$

$$4 I_1 - \text{-----} = 4$$

Soma-se as duas equações

$$4 I_1 = 4$$

Encontra-se o valor de  $I_1$

$$I_1 = 4 / 4 = 1$$

Para encontra o valor de  $I_2$ , basta substituir  $I_1$  nas equações iniciais

$$3 I_1 - 2 I_2 = -17$$

$$3 \cdot 1 - 2 I_2 = -17$$

$$3 - 2 I_2 = -17$$

$$- 2 I_2 = -17 - 3$$

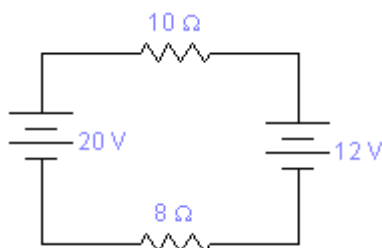
$$- 2 I_2 = - 20$$

$$I_2 = - 20 / - 2$$

$$I_2 = 10$$

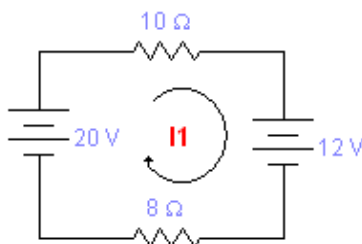
### 4.3 Exemplos Kirchhoff Malhas

**Exemplo 4:** Encontre o valor da corrente elétrica

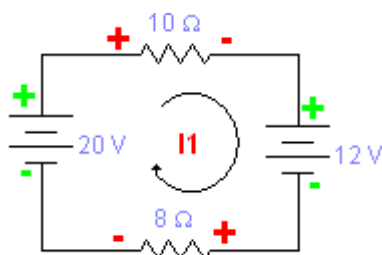


Solução: Acompanhe passo por passo:

a) Arbitre um sentido para a corrente elétrica;



b) Coloque os sinais de tensão em cada resistor, considerando que a corrente entre no positivo e sai no negativo. Lembre que o sinal de das fontes de alimentação permanecem inalterados.



c) Siga o sentido desta corrente, realizando o somatório das tensões;

$$+ 20 - 10 I_1 - 12 - 8 I_1 = 0$$

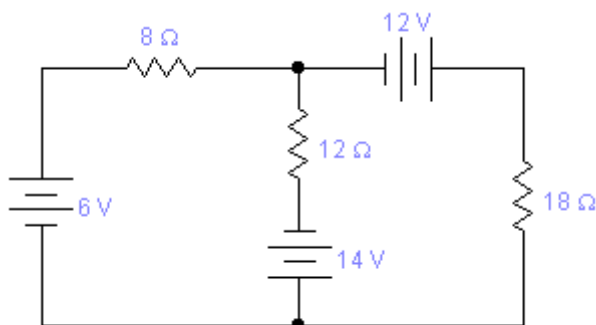
$$8 - 18 I_1 = 0$$

$$8 = 18 I_1$$

$$I_1 = 8 / 18$$

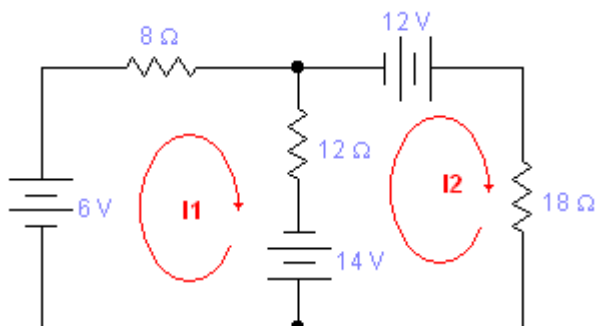
$$I_1 = 0,444 \text{ A}$$

**Exemplo 5:** Encontre os valores das correntes no circuito abaixo

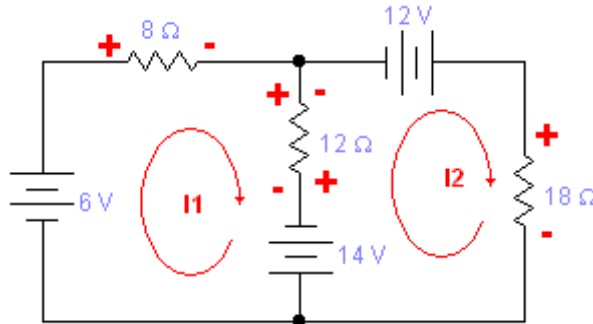


Solução:

a) Arbitre um sentido para a corrente elétrica em cada malha;



b) Coloque os sinais de tensão em cada resistor, considerando que a corrente entre no positivo e sai no negativo. Lembre que o sinal de das fontes de alimentação permanecem inalterados.



c) Siga o sentido desta corrente, realizando o somatório das tensões;

Verifique que no resistor de  $12\ \Omega$  pois uma tensão relacionada por cada corrente:

Equação da malha 1:

$$+6 - 8 I_1 - 12 I_1 + 12 I_2 + 14 = 0$$

$$20 - 20 I_1 + 12 I_2 = 0$$

Equação da malha 2:

$$+12 - 18 I_2 - 14 - 12 I_2 + 12 I_1 = 0$$

$$-2 + 12 I_1 - 30 I_2 = 0$$

As equações da malha 1 e 2 formam o sistema de 1º grau:

$$20 - 20 I_1 + 12 I_2 = 0$$

$$-2 + 12 I_1 - 30 I_2 = 0$$

$$20 - 20 I_1 + 12 I_2 = 0 \quad (\times 2,5)$$

$$-2 + 12 I_1 - 30 I_2 = 0$$

Multiplica-se por 2,5 para igualar  $I_2$

$$50 - 50 I_1 + 30 I_2 = 0$$

$$\underline{-2 + 12 I_1 - 30 I_2 = 0}$$

$$48 - 38 I_1 - \dots = 0$$

Soma-se as duas equações

Encontra-se o valor de  $I_1$

$$48 = 38 I_1$$

$$I_1 = 48 / 38 = \mathbf{1,263\ A}$$

$$-2 + 12 I_1 - 30 I_2 = 0$$

$$-2 + 12 \cdot 1.263 - 30 I_2 = 0$$

$$-2 + 15.158 - 30 I_2 = 0$$

$$+ 13.158 - 30 I_2 = 0$$

$$+ 13.158 = + 30 I_2$$

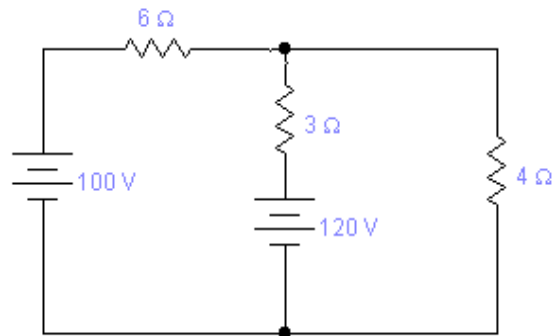
$$13.158 / 30 = I_2$$

$$I_2 = 0,439 \text{ A}$$

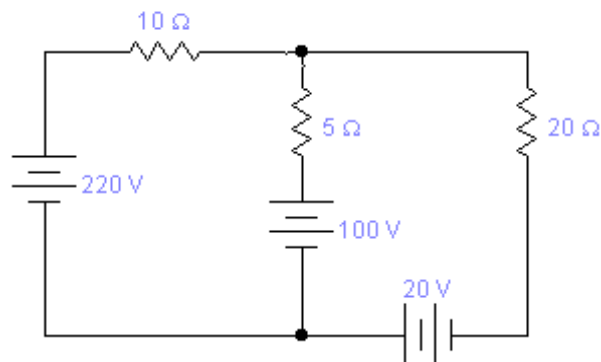
Para encontra o valor de  $I_2$  ,  
basta substituir  $I_1$  nas  
equações iniciais

**Exercício 11:** Determine os valores das correntes dos circuitos abaixo:

a)



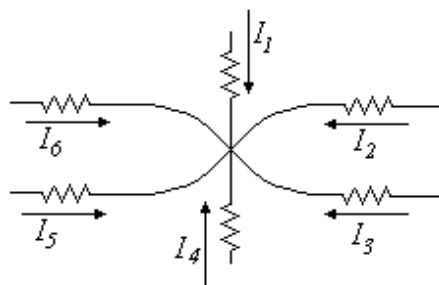
b)



## 4.4 Lei das Correntes

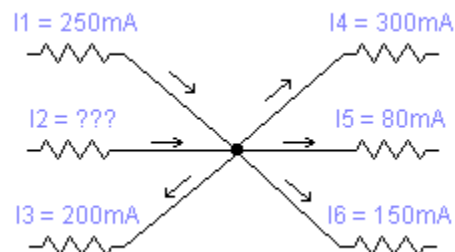
Esta lei visa o equacionamento das correntes nos diversos nós de um circuito, e por isso é também conhecida por “Lei de Nós”.

➡ **A soma algébrica das correntes que entram em um nó é igual à soma das correntes que dele saem.**



$$I_1 + I_2 + I_3 + I_4 + I_5 + I_6 = 0$$

**Exemplo 6:** Calcule a corrente  $I_2$  na figura abaixo:



$$I_{\text{entram}} = I_{\text{saem}}$$

$$I_1 + I_2 = I_3 + I_4 + I_5 + I_6$$

$$250 + I_2 = 200 + 300 + 80 + 150$$

$$I_2 = 730 - 250$$

$$I_2 = 480 \text{ mA}$$

## 4.5 Análise Nodal

Em um circuito elétrico há  $n$  nós principais; um deles é escolhido como nó de referência, e a ele é atribuído arbitrariamente um potencial zero Volt. Aos demais nós são atribuídos então diferentes potenciais simbólicos.

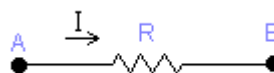
Passos para Análise Nodal:

- Selecione o nó principal, que será o nó de referência, e atribua a cada um dos nós restantes seus próprios potenciais em relação ao nó de referência;
- Atribua correntes nos ramos (a escolha da direção é arbitrária);
- Expresse as correntes nos ramos em termos de potenciais dos nós;
- Escreva uma equação de corrente para cada um dos nós conhecidos;

Sentido da Corrente:

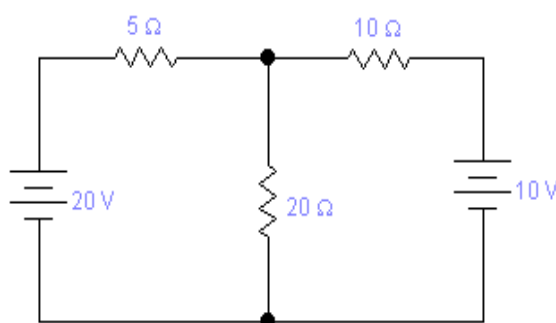


$$I = \frac{V_B - V_A}{R}$$



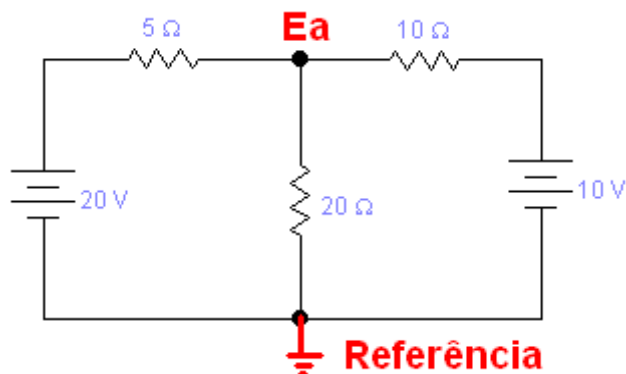
$$I = \frac{V_A - V_B}{R}$$

**Exemplo 7:** Calcule utilizando a lei dos nós

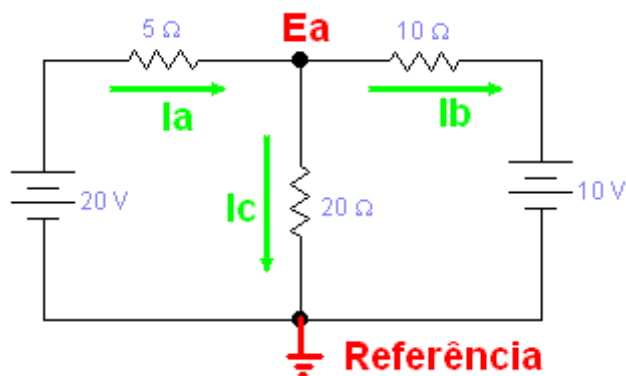


- Selecione o nó principal, que será o nó de referência, e atribua a cada um dos nós restantes seus próprios potenciais em relação ao nó de referência;





b) Atribua correntes nos ramos (a escolha da direção é arbitrária);



c) Exprese as correntes nos ramos em termos de potenciais dos nós;

$$I_a = \frac{20 - E_a}{5} \quad I_b = \frac{E_a - 10}{10} \quad I_c = \frac{E_a - 0}{20}$$

d) Escreva uma equação de corrente para cada um dos nós conhecidos;

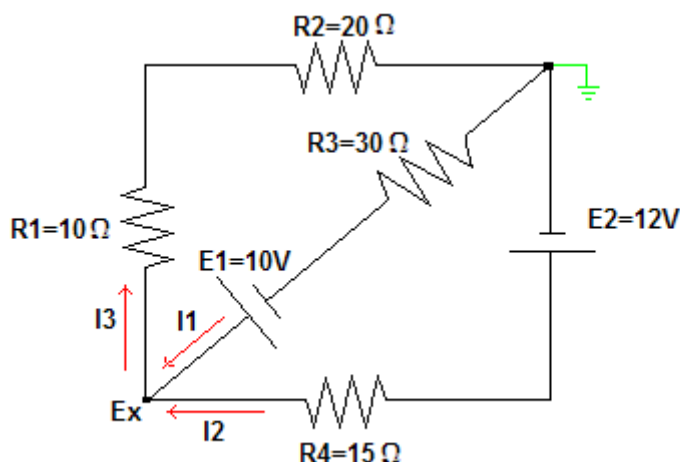
$$\begin{aligned} I_a &= I_b + I_c \\ \frac{20 - E_a}{5} &= \frac{E_a - 10}{10} + \frac{E_a - 0}{20} \\ \frac{80 - 4E_a}{20} &= \frac{2E_a - 20}{20} + \frac{E_a - 0}{20} \\ \frac{80 - 4E_a}{20} &= \frac{3E_a - 20}{20} \\ 80 - 4E_a &= 3E_a - 20 \\ 80 + 20 &= 3E_a + 4E_a \\ 100 &= 7E_a \\ E_a &= \frac{100}{7} \end{aligned}$$

$$E_a = 14,29 \text{ V}$$

A partir da solução de  $E_a$  podemos encontrar os valores das correntes.

## 4.6 Exercícios

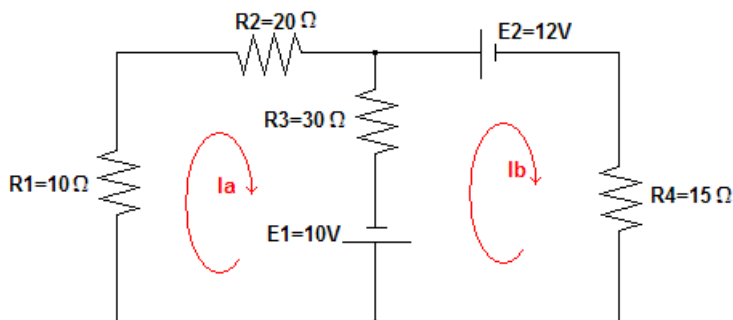
**Exercício 12:** Com base no circuito abaixo, utilize o TEOREMA DA CORRENTE para determinar os valores:



12a - Equacione as equações de corrente no nó X

12b – Qual o valor de  $E_x$ ,  $I_1$ ,  $I_2$  e  $I_3$

**Exercício 13:** Aplique o TEOREMA DAS MALHAS no circuito abaixo para responder as questões seguintes:



13a – Equacione as malhas A e B

13b – Determine o valor de  $I_a$  e  $I_b$

13c – Determine a corrente no resistor  $R_3$

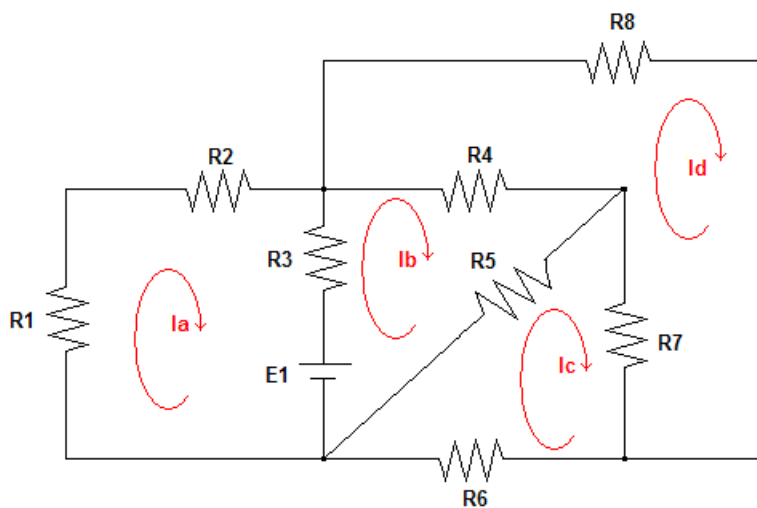
**Exercício 14:** Para o circuito abaixo, responda:

14a – Quantas malhas existem

14b – Quantos nós existem

14c – Quantos ramos existem

14d – Determine as equações das malhas



## 5 - Resistores

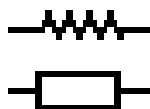
### 5.1 Resistor – Definição

Resistores são componentes que tem por finalidade oferecer uma oposição à passagem da corrente elétrica, através de seu material. A essa oposição damos o nome de resistência elétrica, que possui como unidade o Ohm ( $\Omega$ ). Os resistores são classificados em dois tipos: fixos e variáveis. Os resistores fixos são aqueles cuja resistência não pode ser alterada, enquanto as variáveis têm a sua resistência modificada dentro de uma faixa de valores por meio de um cursor móvel.

#### 5.1.1 Resistores Fixos

Tem como função principal produzir uma queda de tensão  $V$  (volts), igual ao produto de seu valor ( $\Omega$ ) pela corrente que passa por ele ( $A$ ).

Símbolo:



As figuras abaixo mostram como são encontrados (aspectos físicos) os resistores:



Figura – Resistor fixo de Porcelana e de Fio

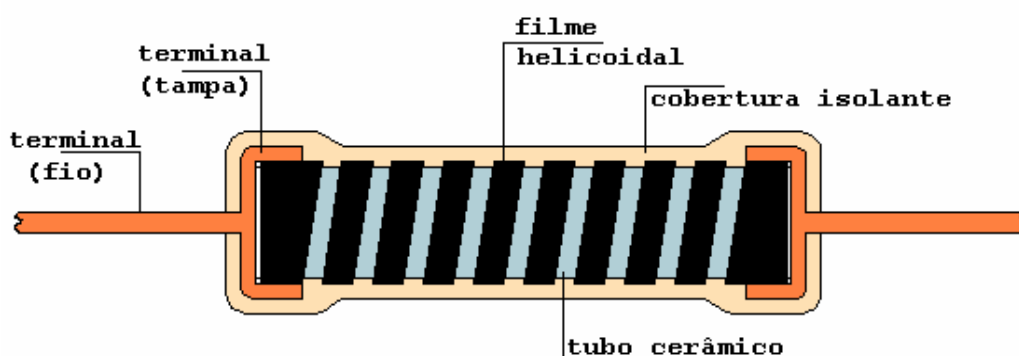


Figura – Resistor de filme de carbono

## 5.2 Código de Cores para Resistores

O código de cores é a convenção utilizada para identificação de resistores de uso geral. Como é impossível a fabricação de resistores de todos os valores estes são fabricados com um intervalo de tolerância entre eles. O processo de fabricação em massa de resistores não consegue garantir para estes componentes um valor exato de resistência. Assim, pode haver variação dentro do valor especificado de tolerância. É importante notar que quanto menor a tolerância, mais caro o resistor, pois o processo de fabricação deve ser mais refinado para reduzir a variação em torno do valor nominal. Esta faixa de tolerância é conhecida por séries E12 e E24 da norma internacional IEC.

No anexo I encontramos a tabela E12 e E24.

### 5.2.1 Procedimento para Determinar o Valor do Resistor:

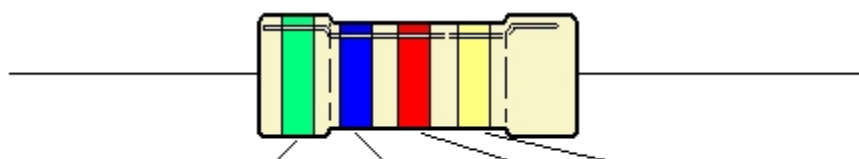
Identificar a cor do primeiro anel, e verificar através da tabela de cores o algarismo correspondente à cor. Este algarismo será o primeiro dígito do valor do resistor.

Identificar a cor do segundo anel. Determinar o algarismo correspondente ao segundo dígito do valor da resistência.

Identificar a cor do terceiro anel. Determinar o valor para multiplicar o número formado pelos itens 1 e 2. Efetuar a operação e obter o valor da resistência.

Identificar a cor do quarto anel e verificar a porcentagem de tolerância do valor nominal da resistência do resistor.

OBS.: A primeira faixa será a faixa que estiver mais perto de qualquer um dos terminais do resistor.



Cores	1º anel 1º dígito	2º anel 2º dígito	3º anel Multiplicador	4º anel Tolerância
Prata	-	-	0,01	10%
Ouro	-	-	0,1	5%
Preto	0	0	1	-
Marrom	1	1	10	1%
Vermelho	2	2	100	2%
Laranja	3	3	1 000	3%
Amarelo	4	4	10 000	4%
Verde	5	5	100 000	-
Azul	6	6	1 000 000	-
Violeta	7	7	10 000 000	-
Cinza	8	8	-	-
Branco	9	9	-	-

Exemplo:

1º Faixa Vermelha = 2

2º Faixa Violeta = 7

3º Faixa Marrom = 10

4º Faixa Ouro = 5%

$$27 \times 10 = 270 \, \Omega$$

O valor será 270  $\Omega$  com 5% de tolerância. Ou seja, o valor exato da resistência para qualquer elemento com esta especificação estará entre 256,5  $\Omega$  a 283,5  $\Omega$ .

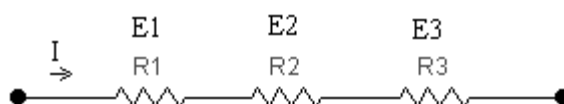
Entenda o multiplicador como o número de zeros que você coloca na frente do número. No exemplo é o 10, e você coloca apenas um zero se fosse o 100 você colocaria 2 zeros e se fosse apenas o 1 você não colocaria nenhum zero.

## 5.3 Associação De Resistores

### 5.3.1 Associação em Série

Quando resistores são conectados de forma que a saída de um se conecte a entrada de outro e assim sucessivamente em uma única linha, diz-se que os mesmos estão formando uma ligação série.

Neste tipo de ligação a corrente que circula tem o mesmo valor em todos os resistores da associação, mas a tensão aplicada se divide proporcionalmente em cada resistor.



Os resistores que compõem a série podem ser substituídos por um único resistor chamado de Resistor Equivalente.

$$E = E_1 + E_2 + E_3 \quad \rightarrow \quad R_x I = R_1 x I + R_2 x I + R_3 x I$$

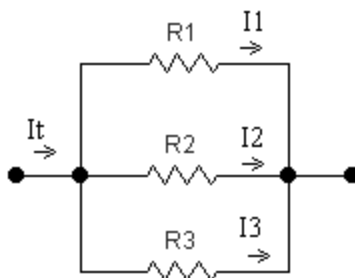
Como a corrente é comum a todos os termos da equação ela pode ser simplificada (cortada) nos dois lados da igualdade:

$$R_{eq} = R_1 + R_2 + R_3$$

➡ *A  $R_{eq}$  de uma associação em série é igual à soma das resistências dos resistores.*

### 5.3.2 Associação em Paralelo

Quando a ligação entre resistores é feita de modo que o início de um resistor é ligado ao início de outro, e o terminal final do primeiro ao terminal final do segundo, caracteriza-se uma ligação paralela.



Neste tipo de ligação, a corrente do circuito tem mais um caminho para circular, sendo assim ela se divide inversamente proporcional ao valor do resistor. Já a tensão aplicada é a mesma a todos os resistores envolvidos na ligação paralela.


Analisando o circuito vemos que:  $I_t = I_1 + I_2 + I_3$ .

Pela Lei de Ohm temos que a corrente elétrica é igual à tensão dividido pela resistência, então:

$$\frac{E}{R} = \frac{E}{R_1} + \frac{E}{R_2} + \frac{E}{R_3}$$

Como a tensão é a mesma, e é comum a todos os termos da igualdade, ela pode ser simplificada, restando então:

$$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}$$

 ***O inverso da  $R_{eq}$  de uma associação em paralelo é igual à soma dos inversos das resistências dos resistores.***

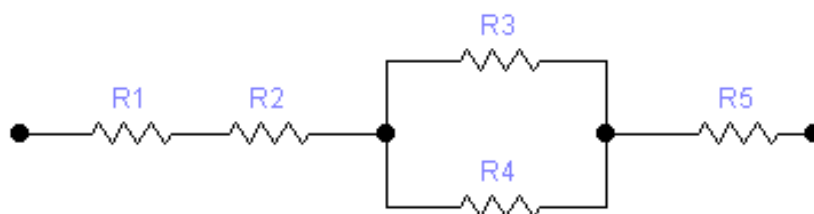
Para dois resistores em paralelo é possível calcular a  $R_{eq}$  através de uma fórmula obtida da anterior:

$$R_{eq} = \frac{R_1 \times R_2}{R_1 + R_2}$$



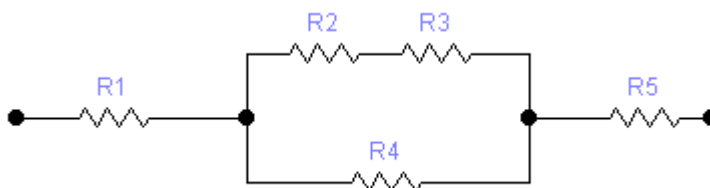
### 5.3.3 Associação Mista

É o caso mais encontrado em circuitos eletrônicos. Neste caso há resistores ligados em série e interligados a outros em paralelo. Para se chegar a  $R_{eq}$ , faz-se o cálculo das associações série e paralelo ordenadamente, sem nunca “misturar” o cálculo, ou seja, associar um resistor em série a outro esteja numa ligação paralela.

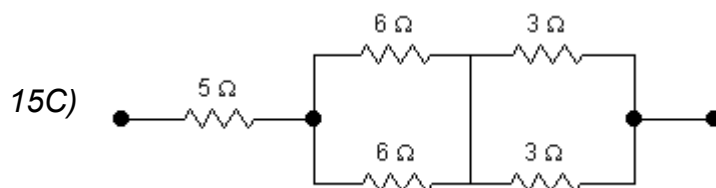
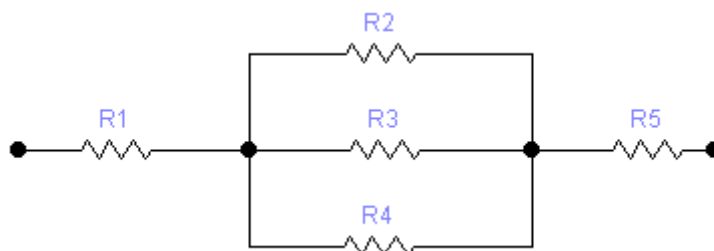


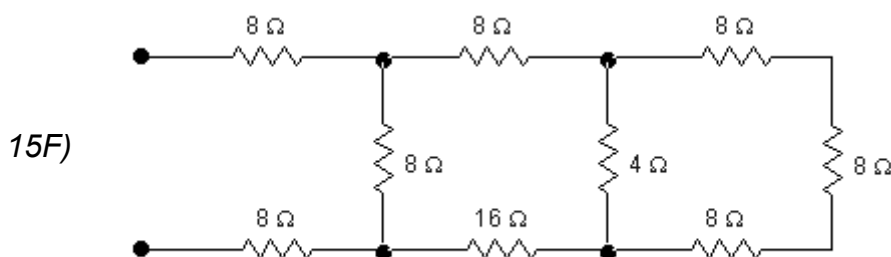
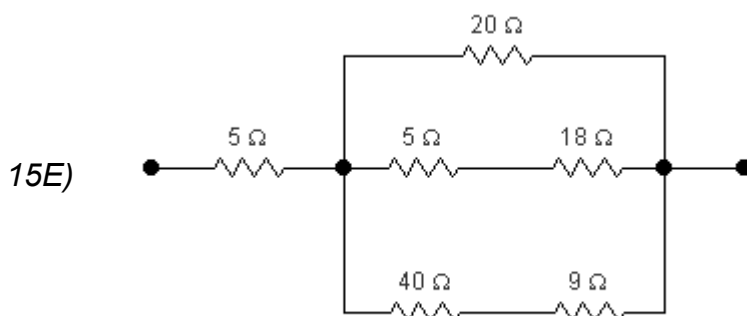
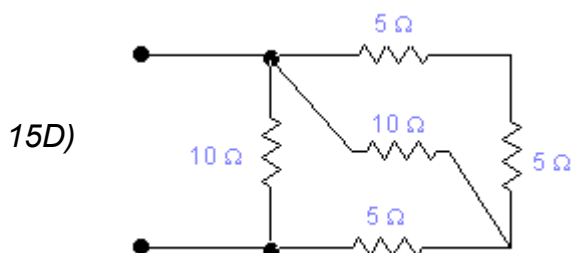
**Exercício 15:** Calcule a resistência equivalente dos circuitos abaixo.

15A) Dados:  $R_1=2\Omega$  ;  $R_2=6\Omega$  ;  $R_3=2\Omega$  ;  $R_4=4\Omega$  ;  $R_5=3\Omega$



15B) Dados:  $R_1=R_5=4\Omega$  ;  $R_2=R_3=R_4=3\Omega$





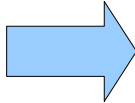
**Exercício 16:** Quatro resistores estão conectados em série. Se a resistência equivalente é  $49 \Omega$ , qual o valor de cada resistor?

**Exercício 17:** Dois resistores estão conectados em paralelo. Se a resistência equivalente é  $6,67 \Omega$ . Calcule o valor de  $R_2$  sabendo-se que  $R_1$  é igual a  $10 \Omega$ .

## 5.4 Considerações finais sobre a Lei de Ohm

A Lei de Ohm pode ser definida como a relação entre a Tensão, a Corrente e a Resistência em um circuito elétrico de corrente contínua. Ela pode ser definida como uma constante de proporcionalidade entre as três grandezas.

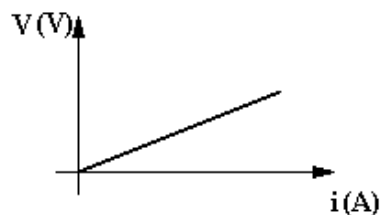
Ela estabelece que:



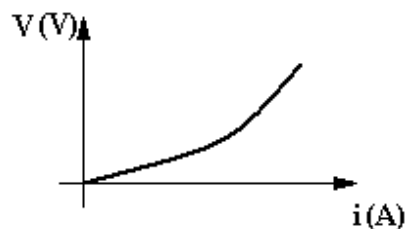
**A corrente elétrica em um condutor metálico é diretamente proporcional à tensão aplicada em seus terminais, desde que a temperatura e outras grandezas físicas forem constantes.**

Com a passagem da corrente elétrica pelo condutor, há choques dos elétrons contra os átomos do material, com conseqüente aumento da temperatura (efeito Joule). Este fato acarreta dois fenômenos opostos no condutor: um aumento da energia de vibração dos átomos do material, opondo-se à corrente elétrica (aumento da resistência); e um aumento do número de cargas livres e também de suas velocidades, favorecendo a passagem de corrente elétrica (diminuição da resistência).

Quando os dois fenômenos se contrabalançam, o condutor é ôhmico ou linear, pois sua resistência permanece constante.



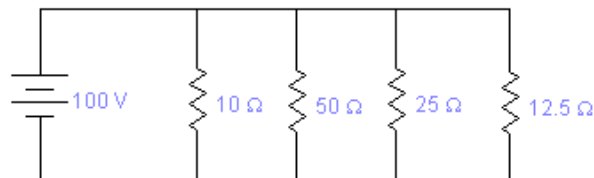
Quando o primeiro fenômeno predomina, a resistência do condutor aumenta com a temperatura, e é o que ocorre com o filamento de uma lâmpada incandescente.



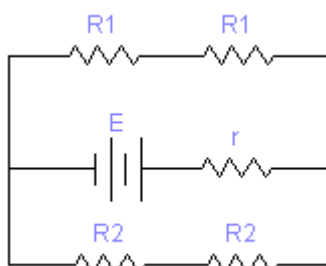
## 5.5 Exercícios:

**Exercício 18:** Um resistor de  $10\ \Omega$ ; outro de  $15\ \Omega$  e um de  $30\ \Omega$  são conectados em série com uma fonte de  $120\text{ V}$ . Qual a  $R_{eq}$ ? Qual a corrente que circula no circuito? Qual a potência dissipada por cada resistência?

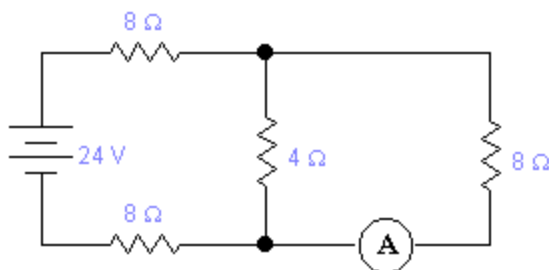
**Exercício 19:** Qual a corrente total fornecida pela bateria no circuito abaixo e a potência dissipada em cada resistor?



**Exercício 20:** Para o circuito abaixo onde  $E = 12\text{ V}$ ,  $r = 2\ \Omega$ ,  $R_1 = 20\ \Omega$ ,  $R_2 = 5\ \Omega$ , calcule a intensidade de corrente que passa pela fonte.



**Exercício 21:** Qual a corrente que indicará o amperímetro ideal no circuito abaixo:



**Exercício 22:** Quatro lâmpadas idênticas  $L$ , de  $110\text{ V}$ , devem ser ligadas a uma fonte de  $220\text{ V}$ , a fim de produzir, sem queimar, a maior claridade possível. Qual a ligação mais adequada?

**Exercício 23:** Numa indústria de confecções abastecida por uma rede de  $220\text{ V}$ , é utilizado um fusível de  $50\text{ A}$  para controlar a entrada de corrente. Nessa indústria existem 100 máquinas de costura, todas ligadas em paralelo. Se a resistência equivalente de cada máquina é  $330\ \Omega$ , qual o número máximo de máquinas que podem funcionar simultaneamente?

**Exercício 24:** Uma lâmpada de filamento dissipa a potência elétrica de 60 W quando ligada em 110 V. Calcule a resistência elétrica do filamento.

**Exercício 25:** Um aparelho elétrico quando em funcionamento, é percorrido por uma corrente de 20 A, alimentado por 110 V. Determine a potência elétrica consumida pelo aparelho.

**Exercício 26:** Um resistor de 200  $\Omega$  de resistência elétrica dissipa a potência de 3200 W. Calcule a intensidade corrente que o atravessa.

## 5.6 Circuito Divisor de Tensão

Num circuito série, cada resistência produz uma queda de tensão “E” igual a sua parte proporcional da tensão total aplicada. Portanto podemos chamar este circuito de divisor de tensão, pois teremos queda de tensão em cada resistor, diminuída o valor de tensão em um dos resistores.

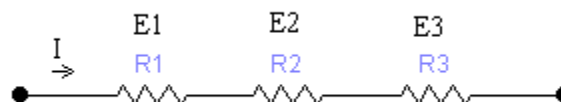
$$E = \frac{R}{R_t} \cdot E_t$$

E= tensão sobre a resistência, em Volt;

R= resistência, em  $\Omega$ ;

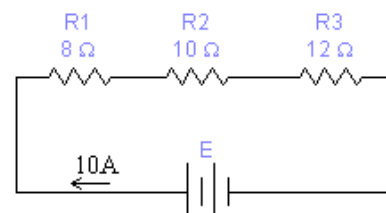
R<sub>t</sub>= resistência total do circuito;

E<sub>t</sub>= tensão total do circuito.



Uma resistência R mais alta produz uma queda de tensão maior do que uma resistência mais baixa no circuito série. Resistências iguais apresentam quedas de tensão iguais.

**Exercício 27:** No circuito ao lado calcule a queda de tensão por divisor de tensão em cada resistor.



## 5.7 Circuito Divisor de Corrente

Às vezes torna-se necessário determinar as correntes em ramos individuais num circuito em paralelo, se forem conhecidas as resistências e a corrente total, e se não for conhecida a tensão através do banco de resistências. Quando se considera somente dois ramos do circuito, a corrente que passa num ramo será uma fração da  $I_{total}$ . Em um circuito paralelo a corrente que entra num nó é dividida em cada ramo deste circuito, dependendo do valor da resistência em cada ramo.

Aplicando a **lei de Ohm**, podemos determinar uma formula para calculo do divisor de tensão. Essa fração é quociente da segunda resistência pela soma das resistências.

$$I_1 = \frac{R_2}{R_1 + R_2} \times I_t \quad I_2 = \frac{R_1}{R_1 + R_2} \times I_t$$

Onde  $I_1$  e  $I_2$  são as correntes nos respectivos ramos. Observe que a equação para a corrente em cada ramo tem o resistor oposto no numerador. Isto porque a corrente em cada ramo é inversamente proporcional à resistência do ramo.

**Exercício 28:** Qual o valor de um resistor que deve ser ligado em paralelo através de outro resistor de  $100 \text{ k}\Omega$  para reduzir a  $R_{eq}$  para:

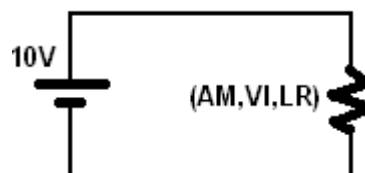
28A)  $50 \text{ k}\Omega$

28B)  $25 \text{ k}\Omega$

28C)  $10 \text{ k}\Omega$

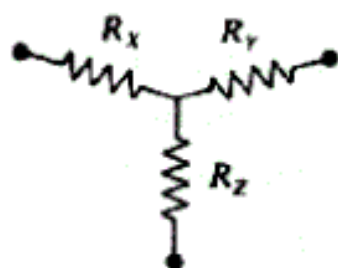
**Exercício 29:** Que resistência deve ser ligada em paralelo com um resistor de  $20 \text{ }\Omega$ , e um de  $60 \text{ }\Omega$  a fim de reduzir a  $R_{eq}$  para  $10 \text{ }\Omega$ ?

**Exercício 30:** Em um sistema com resistor, indicado abaixo, calcule qual a potência dissipada no resistor?

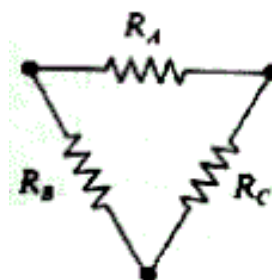


## 5.8 Transformação Y ( T ) / Δ ( π ) e vice-versa

Alguns circuitos possuem resistências interligadas de uma maneira que não permite o cálculo da  $R_{eq}$  pelos métodos conhecidos – série e paralelo. As resistências podem estar ligadas em forma de redes Y ou Δ. A solução do circuito então é converter uma ligação em outra, de modo a permitir a associação em série e/ou paralelo após essa conversão.



Circuito Y



Circuito Δ

$$R_A = \frac{R_X R_Y + R_Y R_Z + R_Z R_X}{R_Z}$$

$$R_B = \frac{R_X R_Y + R_Y R_Z + R_Z R_X}{R_Y}$$

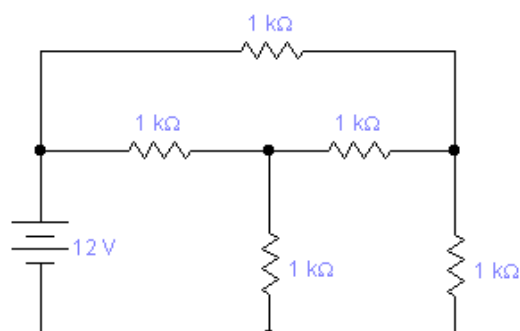
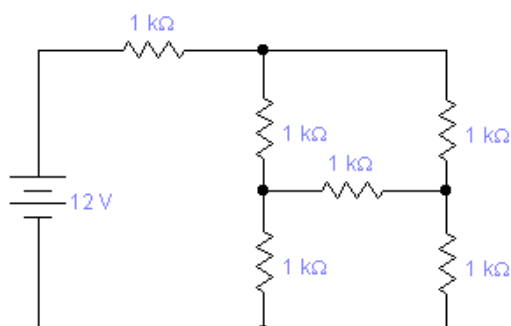
$$R_C = \frac{R_X R_Y + R_Y R_Z + R_Z R_X}{R_X}$$

$$R_X = \frac{R_A R_B}{R_A + R_B + R_C}$$

$$R_Y = \frac{R_A R_C}{R_A + R_B + R_C}$$

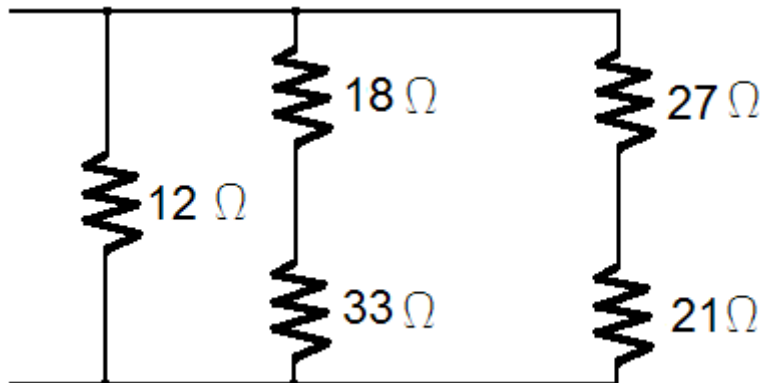
$$R_Z = \frac{R_B R_C}{R_A + R_B + R_C}$$

## 5.9 Exemplos de Circuitos com estrela e delta:

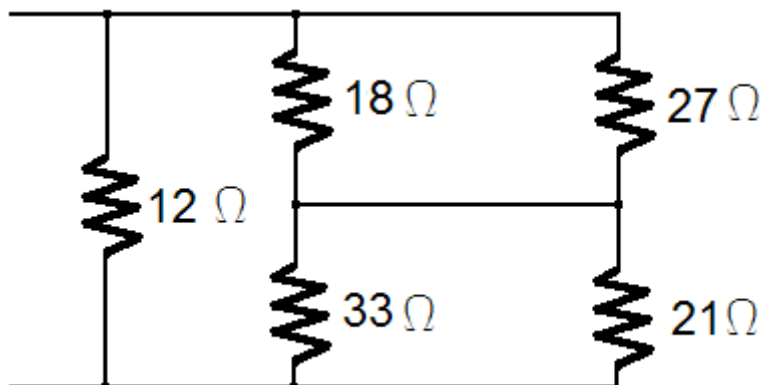


## 5.10 Exercício:

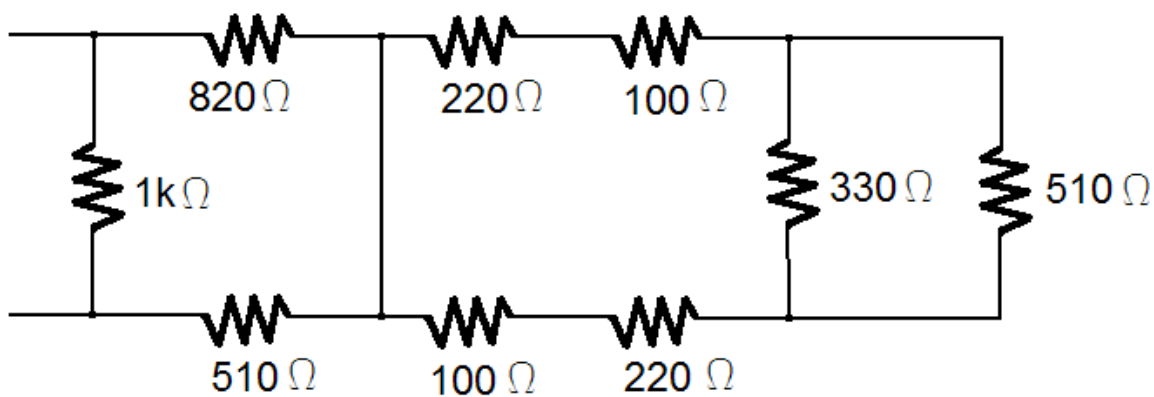
**Exercício 31:** *Encontre o valor o valor da resistência equivalente*



**Exercício 32:** *Encontre o valor o valor da resistência equivalente*

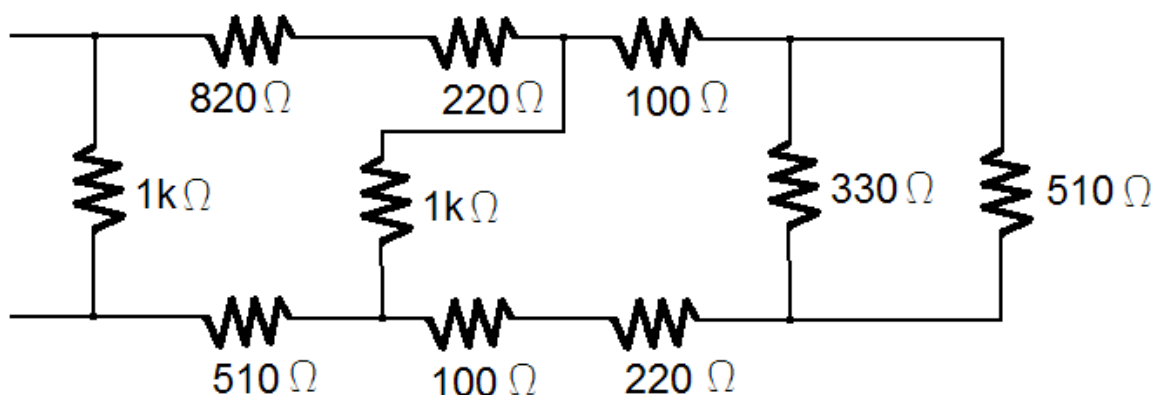


**Exercício 33:** *Encontre o valor o valor da resistência equivalente*

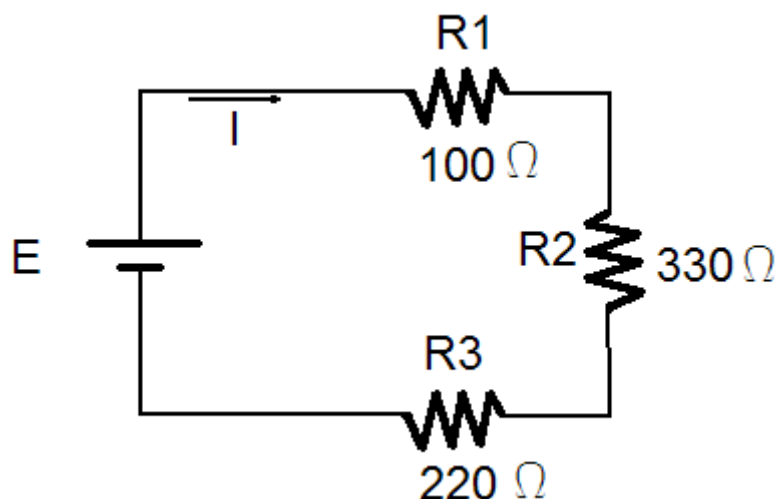




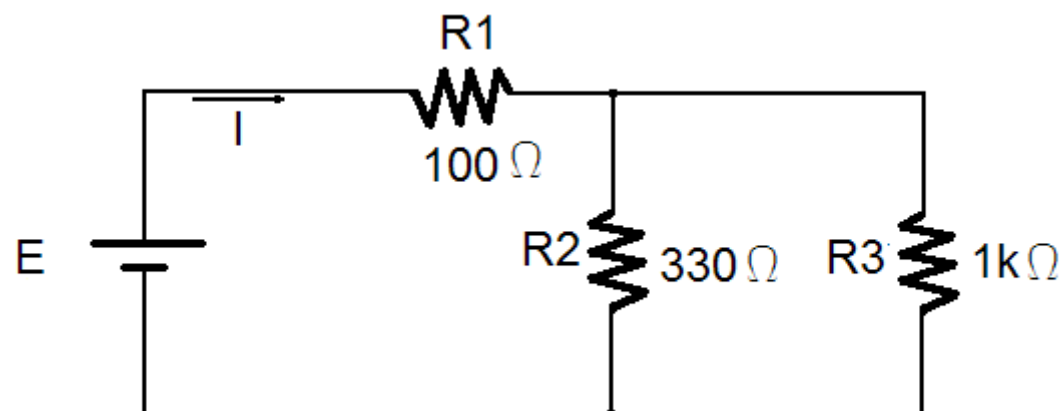
**Exercício 34:** Encontre o valor da resistência equivalente



**Exercício 35:** Encontre o valor da tensão da fonte (E) e da corrente fornecida pela fonte (I). Sabendo-se que a tensão em R1 é 10 Volts



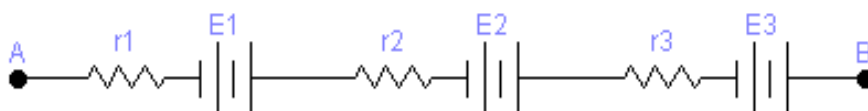
**Exercício 36:** Encontre o valor da tensão da fonte (E) e da corrente fornecida pela fonte (I). Sabendo que a tensão em R1 é 15 Volts.



## 6 - Associação de Geradores

### 6.1.1 Associação em Série

Os geradores são associados de forma que o pólo positivo de um se ligue diretamente ao pólo negativo do outro.



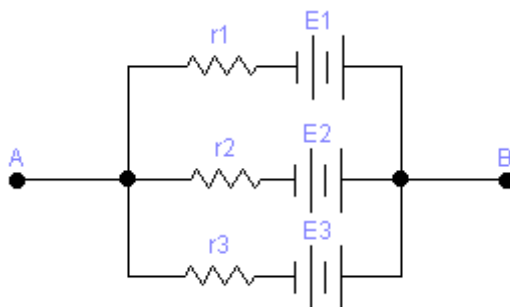
A corrente que atravessa todos os geradores é a mesma;

A fem da associação é a soma das fem's dos componentes da série;

A resistência interna da associação é igual à soma das resistências dos elementos da associação.

### 6.1.2 Associação em Paralelo

Os geradores são associados de forma que os pólos positivos fiquem ligados a um único ponto, e os pólos negativos da mesma forma a outro ponto.



A corrente se subdivide entre os geradores;

A fem da associação é a própria fem de um dos elementos da associação;

A resistência interna é o inverso da resistência de cada elemento da associação.

### 6.1.3 Rendimento do Gerador ( $\eta$ )

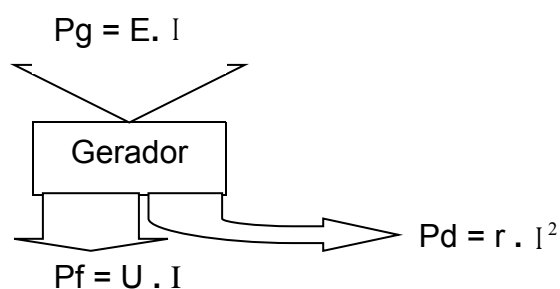
No interior do gerador a corrente vai do pólo de menor potencial para o de maior potencial. Estão envolvidas neste caso três formas de potência: gerada; fornecida e dissipada. Cada uma das potências tem sua forma de cálculo, como segue:

$$P_{\text{gerada}} = E \cdot I$$

$$P_{\text{fornecida}} = U \cdot I \quad \text{onde } U \text{ é } V_B - V_A$$

$$P_{\text{dissipada}} = r \cdot I^2$$

O rendimento do gerador é razão entre a  $P_f$  e a  $P_g$ , assim como entre a ddp e a FEM do mesmo.

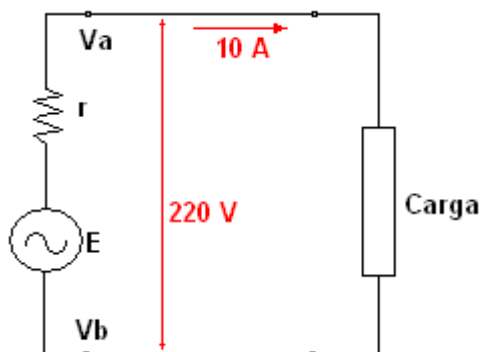


Rendimento

$$\eta = \frac{P_f}{P_g} = \frac{U}{E}$$

## 6.2 Exercícios

**Exemplo 1:** Um gerador de fem  $E$  e resistência interna  $r$ , fornece energia a uma carga elétrica. A ddp nos terminais do gerador é de 220 V e a corrente que atravessa é de 10 A. Sendo o rendimento 90 %, calcule  $E$  e  $r$ .

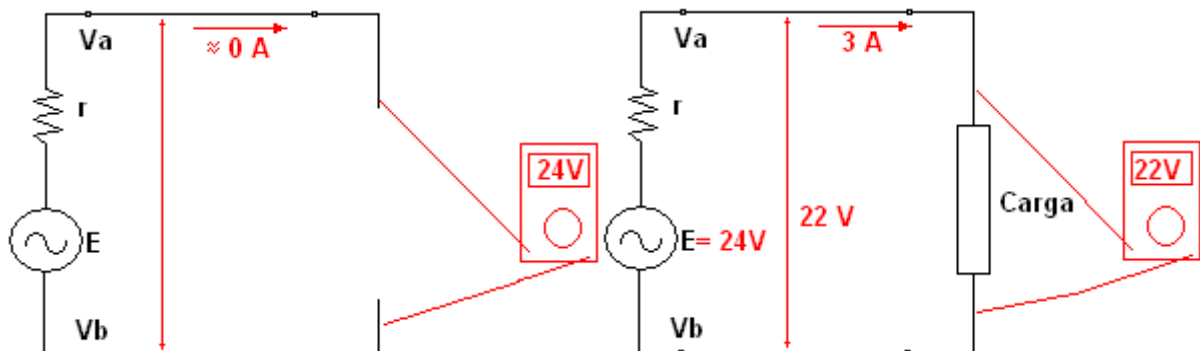


$$n = \frac{U}{E} \quad 0,90 = \frac{220}{E} \quad E = \frac{220}{0,90} \quad E = 244,44 \text{ V}$$

$$r = \frac{E'}{I} \quad r = \frac{V_a - V_b}{I} \quad r = \frac{E - U}{I} \quad r = \frac{244,44 - 220}{10} \quad r = \frac{24,44}{10}$$

$$r = 2,44 \, \Omega$$

**Exemplo 2:** Quando uma bateria está em circuito aberto, um voltímetro ideal ligado aos seus terminais indica 24 V. Quando a bateria fornece energia a um resistor R, estabelece no circuito uma corrente de 3 A, e o voltímetro indica 22 V. Determine a fem e a resistência interna da bateria.



Se o voltímetro é ideal a corrente é praticamente zero e portanto a queda de tensão no resistor interno é zero, a leitura efetuada correspondente a tensão E do gerador, portanto  $E = 24 \text{ V}$ .

$$r = \frac{24 - 22}{3} \quad r = \frac{2}{3}$$

$$r = 0,667 \, \Omega$$

**Exercício 37:** Um gerador de fem E e resistência interna r, fornece energia a uma lâmpada L. A ddp nos terminais do gerador é de 100 V e a corrente que atravessa é de 1 A. Sendo o rendimento 80 %, calcule E e r.

**Exercício 38:** Quando uma bateria está em circuito aberto, um voltímetro ideal ligado aos seus terminais indica 12 V. Quando a bateria fornece energia a um resistor R, estabelece no circuito uma corrente de 1 A, e o voltímetro indica 10 V. Determine a fem e a resistência interna da bateria.

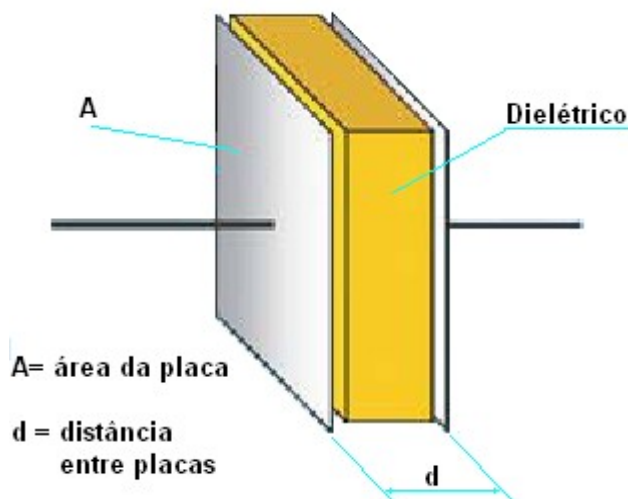
## 7 - Capacitores

Tratamos até agora das propriedades resistivas dos circuitos elétricos. A resistência, que é a oposição ao fluxo de corrente está associada à dissipação de energia.

Além da propriedade resistência, um circuito elétrico também pode possuir as propriedades da indutância e da capacitância, sendo que ambas estão associadas ao armazenamento de energia.

### 7.1 Capacitância

Propriedade de um circuito se opor a qualquer variação de tensão no circuito. Alternativamente, capacitância é a capacidade de um circuito elétrico armazenar energia em um campo eletrostático.



## 7.2 Força Exercida por Duas Cargas

Pelos conceitos da eletrostática, cargas iguais se repelem, e cargas diferentes se atraem. A força exercida entre elas é dada pela Lei de Coulomb como:

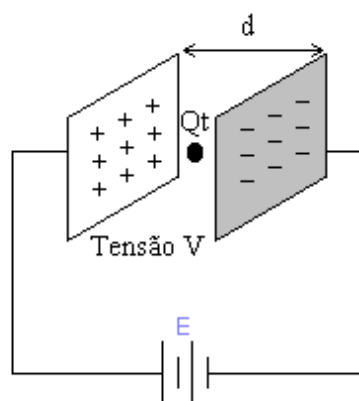
$$F = k \frac{Q_1 \times Q_2}{d^2}$$

Onde: F é a força, dada em Newton;

$Q_1$  e  $Q_2$  são quantidades de carga elétrica, em Coulomb;

d é distância, em metro;

k é a constante dielétrica ( k do ar =  $9 \times 10^9$  )



## 7.3 Materiais Dielétricos

Isolantes ou dielétricos são caracterizados pelo fato de possuírem poucos elétrons livres, isto é, os elétrons estão fortemente ligados ao núcleo. Sem a aplicação de um campo elétrico, um átomo dielétrico é simétrico, mas na presença de um campo elétrico os elétrons se deslocam de forma a ficarem próximos da carga positiva do campo elétrico.

Uma medida de como as linhas de força são estabelecidas em um dielétrico é denominada permissividade. A permissividade absoluta ( $\epsilon$ ) é a relação entre a densidade de fluxo no dielétrico e o campo elétrico sobre o mesmo.

A constante dielétrica é a relação entre permissividade de um material e a permissividade do vácuo, e é definida como:

$$\epsilon_r = \frac{\epsilon}{\epsilon_0}$$

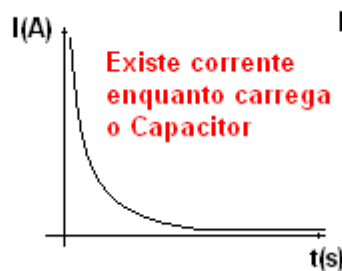
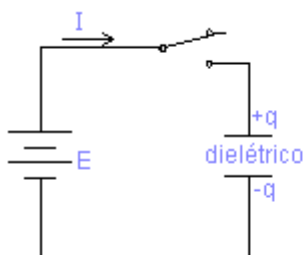
A próxima tabela ilustra o valor da permissividade de alguns materiais, sendo  $\epsilon_0 = 8,854 \text{ pF/m}$

Material	$\epsilon_r$	Rigidez Dielétrica (V/m)
Vácuo	1	
Ar	1,0006	$3 \times 10^6$
Óleo Mineral	2,3	$1,5 \times 10^7$
Papel Isolante	3	$2 \times 10^7$
Porcelana	7	$10 \times 10^7$
Vidro	6	$8 \times 10^7$
Parafina	2	$3 \times 10^7$
Quartzo	4	$14 \times 10^7$
Poliestireno	2,6	$5 \times 10^7$
Mica	6	$6 \times 10^7$
Óxido de Alumínio	10	$800 \times 10^6$
Água destilada	81	

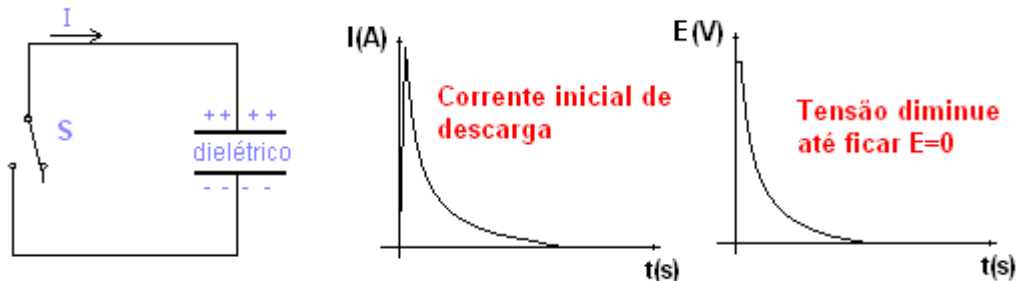
Tabela Rigidez e Permissividade (Fonte: Bastos,1989 e Saraiva [--])

## 7.4 Representação Gráfica da Capacitância

Existe uma relação entre a tensão aplicada entre duas placas paralelas separadas por um dielétrico, e a carga que aparece nestas placas. Analise o circuito abaixo:



Na figura abaixo, considerando o capacitor carregado, ao acionarmos a chave S, o capacitor inicia o processo de descarga. No início existe fluxo de elétrons (corrente) até o capacitor se descarregar  $E = 0$ .



Um gráfico relacionando a tensão e a carga acumulada gera uma relação linear. A constante de proporcionalidade a tensão e a carga acumulada e a tensão, isto é, a inclinação da reta é a capacitância.

$$C = \frac{Q}{E} \qquad Q = C \times E$$

A unidade de capacitância é o Coulomb/ Volt, que é definida Farad.

A capacitância é determinada pelos fatores geométricos A (área) e d (distância) das placas que formam o capacitor. Quando a área das placas é aumentada, aumenta a capacitância. Da mesma forma quando a separação entre as placas aumenta, a capacitância diminui. Então temos que:

$C$  = capacitância em Farad;

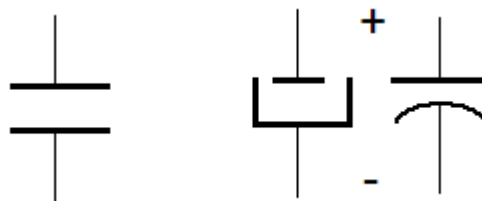
$$C = \epsilon \frac{A}{d} \qquad A = \text{área das placas em m}^2$$

$d$  = distância entre as placas em m

### Resumo: Capacitância Representação C

Unidade: Farad (F)    Aparelho de Medição: Capacímetro

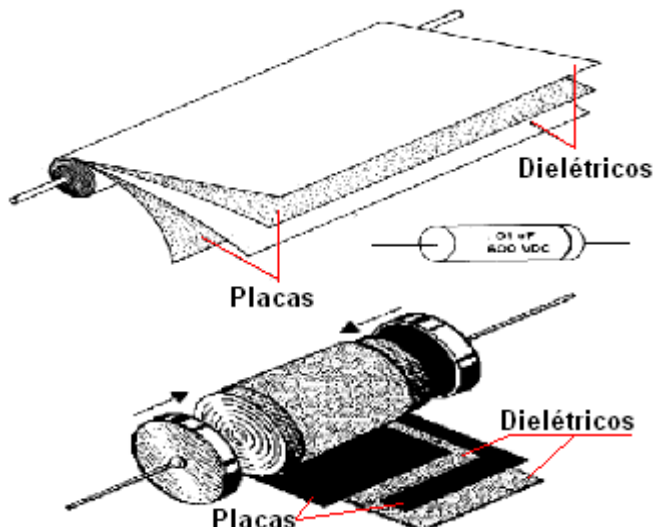
Simbologia:





## 7.5 Fabricação Capacitores

Para fabricar capacitores com elevada capacitância faz-se necessário trabalhar com a área das placas, a distância entre as placas e o material dielétrico. Uma das forma de fabricação é mostrada na figura a baixo onde as duas placas, intercaladas por uma camada isolante (dielétrica), e enrolada afim de aumentar a área das placas. A menor distância entre as placas é feita com a utilização de material dielétrico com espessura muito fina.



## 7.6 Aplicação

Os capacitores têm várias aplicações nos circuitos elétricos e eletrônicos. Uma das principais é a filtragem. Eles podem acumular uma razoável quantidade de cargas quando estão ligados a uma tensão. Quando esta tensão é desligada, o capacitor é capaz de continuar fornecendo esta mesma tensão durante um pequeno período de tempo, funcionando como uma espécie de bateria de curta duração.

## 7.7 Associação de Capacitores

### 7.7.1 Associação em série

Quando os capacitores são conectados em série, a fem “E” é dividida pelos capacitores, e a capacitância equivalente ou total  $C_t$ , é menor que o menor dos capacitores. Analisando o circuito abaixo:



Todos os capacitores adquirem a mesma carga elétrica; ou seja;  $Q_1 = Q_2 = Q_3$ . A tensão total é igual a  $E_t = E_1 + E_2 + E_3$ .

Então:

$$Et = \frac{Q_1}{C_1} + \frac{Q_2}{C_2} + \frac{Q_3}{C_3} \Rightarrow \frac{Qt}{Ct} = \frac{Qt}{C_1} + \frac{Qt}{C_2} + \frac{Qt}{C_3} (\div Qt)$$

$$Ct = \frac{1}{\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_3}}$$

Capacitância equivalente para capacitores em série

$$Ct = \frac{C_1 \times C_2}{C_1 + C_2}$$

$C_{eq}$  para 2 capacitores em série

### 7.7.2 Associação em paralelo

Quando dois capacitores são conectados em paralelo, a carga total adquirida pela combinação é dividida pelos capacitores da associação, e a capacitância total é a soma das capacitâncias individuais.

Analisando o circuito:

Cada capacitor adquire uma carga dada por:

$$Q_1 = C_1 \times E_1 \quad Q_2 = C_2 \times E_2 \quad Q_3 = C_3 \times E_3$$

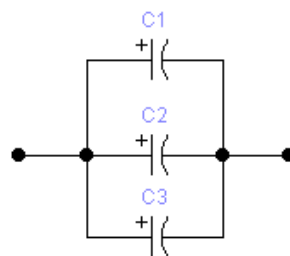
Como  $Et = E_1 = E_2 = E_3$  e  $Qt = Q_1 + Q_2 + Q_3$

têm-se:

$$Ct \times Et = C_1 \times E_1 + C_2 \times E_2 + C_3 \times E_3 \Rightarrow$$

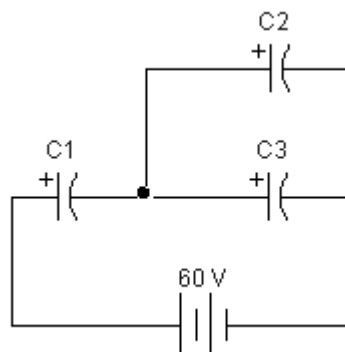
$$Ct \times Et = C_1 \times Et + C_2 \times Et + C_3 \times Et (\div Et)$$

$$Ct = C_1 + C_2 + C_3$$



**Exercício 39:** Dados  $C_1 = 12 \mu\text{F}$ ,  $C_2 = 6 \mu\text{F}$ ,  $C_3 = 30 \mu\text{F}$  ; Calcule:

- capacitância total
- a carga em cada capacitor
- a tensão sobre cada capacitor

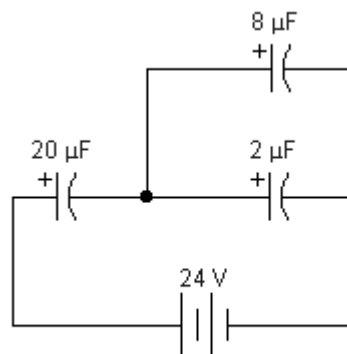


**Exercício 40:** Qual a capacitância total de quatro capacitores de  $20\mu\text{F}$  conectados:

- em série
- em paralelo

**Exercício 41:** No circuito ao lado, calcule:

- a capacitância total;
- a tensão em cada capacitor;
- a carga em cada capacitor.



**Exercício 42:** Têm-se 20 capacitores de  $2 \mu\text{F}$  cada, associados em 5 séries iguais, ligados em paralelo. Quanto vale a  $C_{eq}$  da associação?

**Exercício 43:** Um capacitor de  $2 \mu\text{F}$  é ligado a uma d.d.p. de 3 V. Calcule a carga acumulada no capacitor.

**Exercício 44:** Calcule capacitância total de um capacitor de  $3 \mu\text{F}$ , um de  $5 \mu\text{F}$  e um de  $10 \mu\text{F}$  associados em série.

## 7.8 Reatância Capacitiva ( $X_c$ )

A reatância capacitiva é a oposição ao fluxo de corrente CA devido à capacitância no circuito. A unidade de reatância capacitiva é o OHM. Pode-se calcular a reatância capacitiva através da equação abaixo:

$$X_c = \frac{1}{2\pi fC}$$

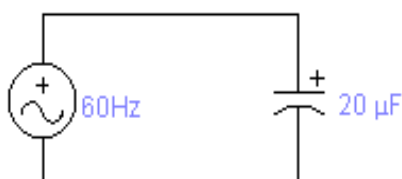
Onde:  $X_c$  = reatância capacitiva,  $\Omega$ ;

$f$  = frequência, Hz;

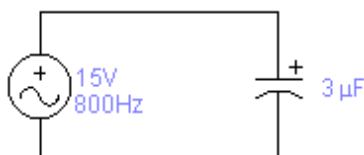
$C$  = capacitância, F.

A tensão e a corrente num circuito contendo somente reatância capacitiva podem ser determinadas utilizando-se a Lei de Ohm. Entretanto, no caso de um circuito capacitivo substitui-se  $R$  por  $X_c$ .

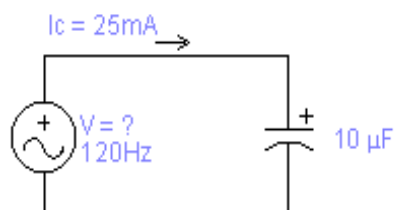
**Exercício 45:** Qual a reatância capacitiva de um capacitor de  $20 \mu\text{F}$  em  $60 \text{ Hz}$ ?



**Exercício 46:** Um capacitor de circuito de telefone tem uma capacitância de  $3 \mu\text{F}$ . Que corrente passa através dele quando se aplicam  $15 \text{ V}$  em  $800 \text{ Hz}$ ?



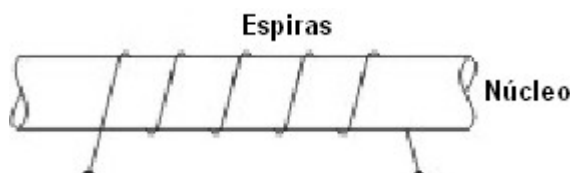
**Exercício 47:** Uma corrente CA de  $25 \text{ mA}$  e  $120 \text{ Hz}$  passa por um circuito contendo um capacitor de  $10 \mu\text{F}$ . Qual a queda de tensão através do capacitor?



## 8 - Indutores

### 8.1 Indutância

A capacidade que um condutor possui de induzir tensão em si mesmo quando a corrente varia é a sua auto-indutância ou simplesmente indutância. O símbolo da indutância é o  $L$  e a sua unidade é o Henry (H). Um Henry é a quantidade de indutância que permite uma quantidade de indutância que permite uma indução de 1 V quando a corrente varia na razão de 1 A/ 1s. A fórmula para a indutância é:



$$L = \frac{VL}{\Delta i / \Delta t}$$

Onde:

$L$  : indutância, H;

$VL$  : tensão induzida através da bobina, V;

$\Delta i / \Delta t$  : a taxa de variação da corrente, A/s.

Como podemos observar o valor da indutância depende do tempo de variação da corrente elétrica.

### 8.2 Reatância Indutiva ( $X_L$ )

A reatância indutiva é a oposição à corrente CA devida à indutância do circuito. A unidade da reatância indutiva é o OHM. A fórmula para a reatância indutiva é:

Onde:

$$X_L = 2\pi f L$$

$X_L$  : reatância indutiva,  $\Omega$ ;

$f$  : frequência, Hz;

$L$  : indutância, H.

Num circuito apenas formado por indutância, pode-se calcular a tensão e a corrente aplicando a Lei de Ohm, bastando para isto substituir R por  $X_L$ .

**Exercício 48:** Um circuito é formado por uma bobina de 20 mH que funciona a uma frequência de 950 kHz. Qual a reatância indutiva da bobina?

**Exercício 49:** Qual deve ser a indutância de uma bobina a fim de que ela tenha uma reatância de 942  $\Omega$  a uma frequência de 60 kHz?

**Exercício 50:** A bobina de sintonia de um radiotransmissor tem uma indutância de 300  $\mu$ H. Para que a frequência ela terá uma reatância indutiva de 3.768  $\Omega$ ?

**Exercício 51:** Uma bobina de 225  $\mu$ H de resistência desprezível serve para limitar a corrente a 25 mA quando aos seus terminais se aplicam 40 V. Qual a frequência da corrente?

**Exercício 52:** Calcule a reatância indutiva de uma bobina de 0,5 H para: (a) 200 Hz (b) 20 kHz (c) 2 MHz.

**Exercício 53:** Uma bobina de sintonia de um transmissor deve ter uma reatância de 95,6  $\Omega$  em 3,9 MHz. Calcule a indutância da bobina.

### 8.3 Aplicação de Indutores

Estes conceitos são aplicados na construção de instrumentos de medidas, em eletros-ímã, solenóides, reles, trancas eletrônicas, transformadores, filtros, motores elétricos, etc

## 8.4 Associação de Indutores

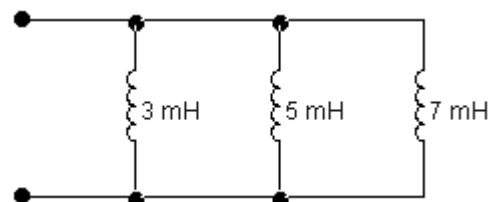
O sistema de associação de indutores é o mesmo de resistores e capacitores, ou seja, em série, paralelo e mista. O método de cálculo para se chegar à indutância equivalente é o mesmo para resistores.

**Exercício 54:** Calcule a indutância total dos circuitos abaixo:

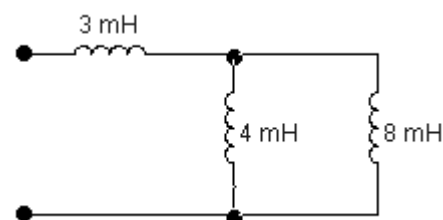
54A)



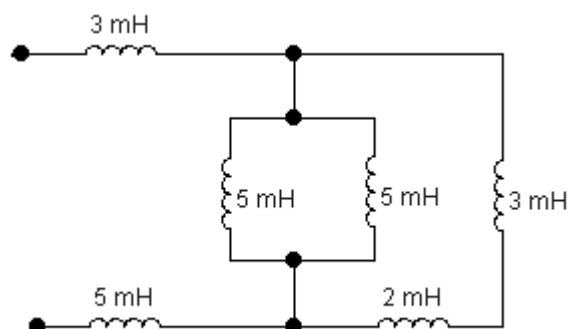
54B)



54C)



54D)



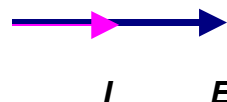
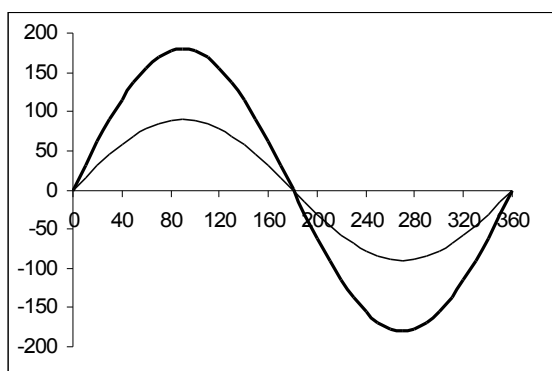
## 9 - Tensão Alternada

### 9.1 Tipos de Cargas em Sistemas de Tensão Alternada

Existem três tipos de cargas nos sistemas de tensão alternada: as resistivas, as indutivas e as capacitivas. As capacitivas não realizam trabalho e são utilizadas normalmente como filtros, como elementos auxiliares de partida de motores monofásicos e como compensadores de reações indutivas.

#### 9.1.1 Carga Resistiva

De acordo com a Lei de Ohm, a carga resistiva funciona como um limitador de corrente, não existindo outro tipo de reação, ou seja,  $I = E/R$ . Graficamente, pode-se observar que a corrente em uma carga puramente resistiva se mantém em fase com a tensão aplicada em seus terminais, como apresentado na figura abaixo.





Uma carga resistiva funciona como um dissipador de energia, consumindo toda a energia fornecida pela rede elétrica. A potência fornecida pela rede é dada pelo produto da tensão e da corrente, denominada potência aparente, dados pela equação:

$$S = E \cdot I$$

Onde

S : potência aparente em kVA

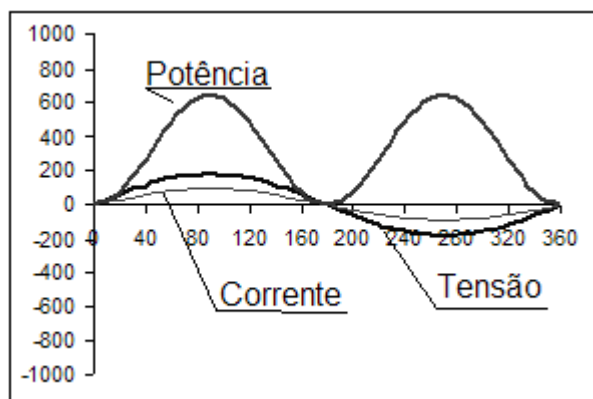
E : tensão em V

I : corrente em A



**Uma carga resistiva mantém a corrente em fase com a tensão.**

A potência útil dissipada por uma carga resistiva é dada pelo valor médio do produto da tensão e da corrente, ou seja, o valor médio da potência aparente. Graficamente, se observa na figura ao lado que toda a potência fornecida pela fonte é dissipada na forma de calor, ou em outras palavras, a área sob a curva do produto tensão corrente é positiva, indicando que a carga está consumindo energia.



### 9.1.2 Carga Indutiva

As cargas indutivas são aquelas que na presença de tensão alternada armazenam energia sob a forma de campo eletromagnético, como é o caso de reatores e motores, dentre outras. A carga puramente indutiva produz uma reação na corrente elétrica como limitação de seu valor e ainda provoca um atraso de 90 graus em relação à tensão induzida em seus terminais. Essa reação é denominada reatância indutiva, representada de acordo com a equação:

$$X_L = 2 \pi f L$$

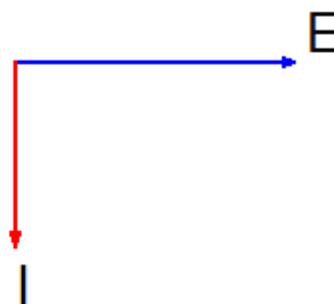
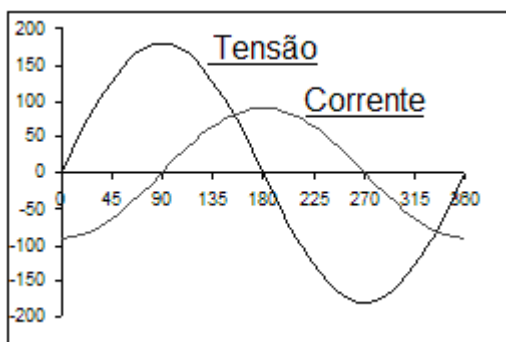
Em que,

$X_L$ : reatância indutiva em  $\Omega$

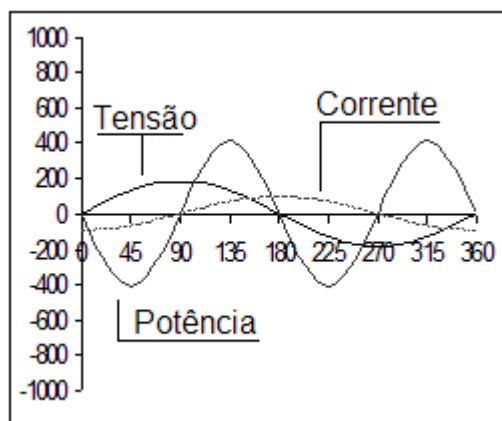
$F$ : frequência da tensão da rede [V]

$L$ : indutância dado em Henry

A figura abaixo apresenta graficamente o defasamento angular entre a corrente e a tensão para uma carga puramente indutiva.



Uma carga puramente indutiva não realiza trabalho, ou seja, durante meio ciclo da tensão da fonte, o indutor armazena energia sob a forma de campo eletromagnético e durante o segundo meio ciclo da tensão ele devolve a energia para a fonte, o que pode ser mais bem compreendido ao se observar a figura ao lado.



**Uma carga indutiva ATRASA em  $90^\circ$  a corrente em relação à tensão.**

### 9.1.3 Carga Capacitiva

As cargas capacitivas são aquelas que na presença de tensão alternada armazenam energia sob a forma de campo elétrico, como é o caso de condensadores, filtros, dentre outras. A carga puramente capacitiva produz uma reação na corrente elétrica como limitação de seu valor e ainda provoca um atraso de 90 graus na tensão em relação à corrente.

Essa reação é denominada reatância capacitiva, representada de acordo com a equação:

$$X_c = \frac{1}{2 \cdot \pi \cdot f \cdot C}$$

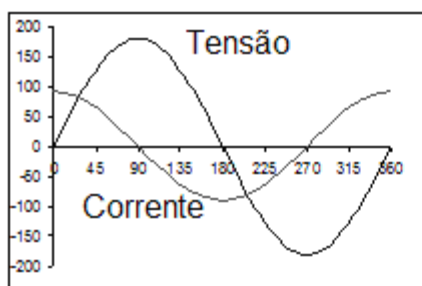
Onde,

$X_c$ : reatância capacitiva dada em  $\Omega$

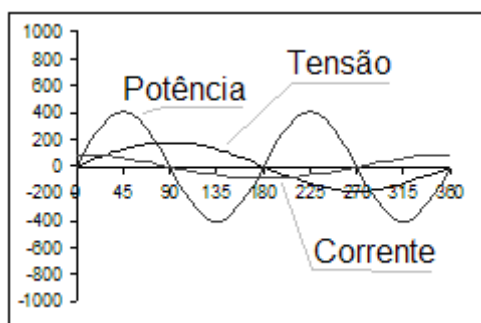
$f$ : frequência da tensão da rede em V

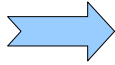
$C$ : capacitância em Farad

A figura abaixo apresenta graficamente o defasamento angular entre a tensão e a corrente para uma carga puramente capacitiva.



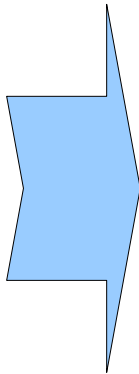
Uma carga puramente capacitiva não realiza trabalho, ou seja, durante meio ciclo da tensão da fonte, o capacitor armazena energia sob a forma de campo elétrico e durante o segundo meio ciclo da tensão ele devolve a energia para a fonte, o que pode ser mais bem compreendido ao se observar a figura abaixo.





**Uma carga capacitiva ADIANTA em 90° a corrente em relação à tensão.**

#### RESUMO:



Uma **carga resistiva** mantém a corrente em fase com a tensão.

Uma **carga indutiva** ATRASA em 90° a corrente em relação à tensão.

Uma **carga capacitiva** ADIANTA em 90° a corrente em relação à tensão.

## 9.2 Circuitos elétricos em Tensão Alternada

### 9.2.1 Circuito Série

Num circuito série constituído por um resistor e um indutor, aplicamos uma tensão  $E$  de uma fonte geradora da CA, de frequência  $f$ .

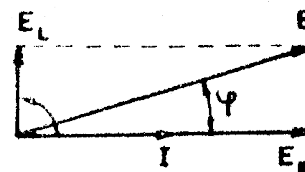
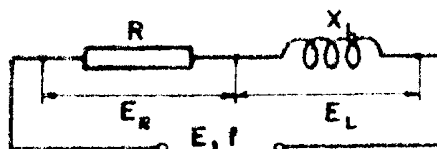
Sendo  $I$  a corrente alternativa que circula pelo circuito, a queda de tensão no resistor será:

$$E_R = I \times R, \text{ em fase com a corrente;}$$

e a queda de tensão no indutor será:

$$E_L = I \times X_L, \text{ adiantada da corrente em } 90^\circ.$$

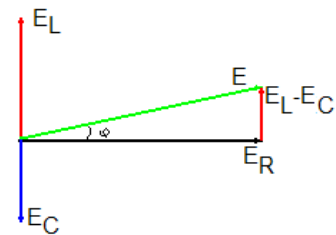
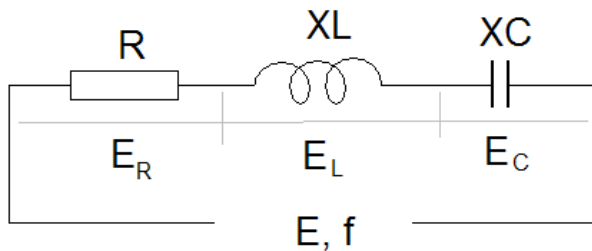
A tensão aplicada está defasada de um ângulo  $\varphi$  da corrente, cujo valor é a soma geométrica entre  $E_R$  e  $E_L$ .



$$E = \sqrt{E_R^2 + E_L^2}$$

Colocando-se em série um capacitor no circuito, a queda de tensão será:

$$E_C = I \times X_C, \text{ atrasada da corrente em } 90^\circ.$$



Assim a tensão aplicada será:

$$E = \sqrt{E_R^2 + (E_L - E_C)^2}$$

pois  $E_L$  e  $E_C$  estão sobre uma mesma reta, porém são de sentido oposto. A impedância total será:

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$$

E a relação entre corrente e tensão, respeitando-se a lei de Ohm é  $E = Z \cdot I$

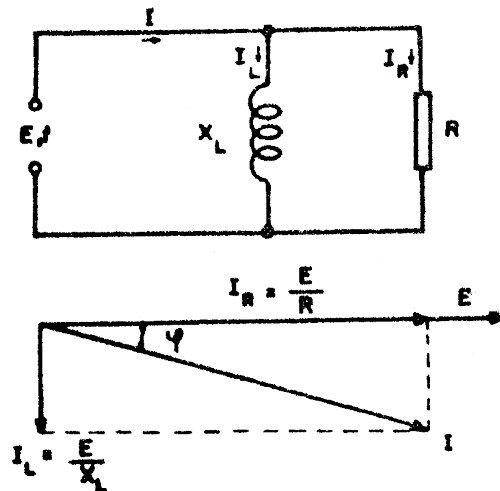
O *fator de potência*, ou seja, a defasagem da corrente em relação à tensão é dada por:

$$\cos \phi = \frac{R}{Z} = \frac{E_R}{E}$$

### 9.2.2 Circuito Paralelo

Num circuito paralelo, constituído por um resistor e um indutor, aplicamos uma tensão  $E$ , de frequência  $f$  de uma fonte geradora de CA. Pelo resistor circula uma corrente  $I_R$  dada por:

$$I_R = \frac{E}{R}, \text{ em fase com } E.$$



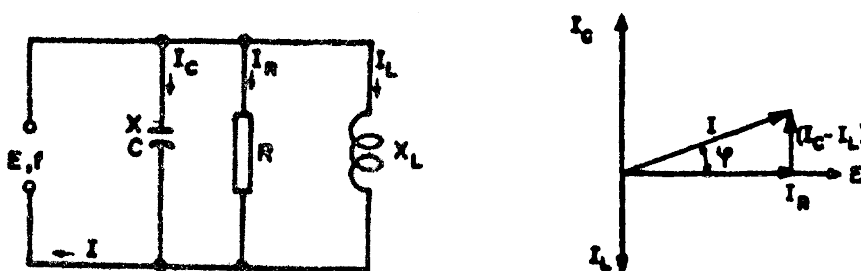
Pelo indutor temos:

$$I_L = \frac{E}{X_L}, \text{ atrasado em } 90^\circ.$$

Pela linha circula uma corrente  $I$ , defasada de um ângulo  $\phi$  em relação a  $E$ , cujo valor é a soma geométrica entre  $I_R$  e  $I_L$ :

$$I = \sqrt{I_R^2 + I_L^2}$$

Se ligarmos um capacitor em paralelo, teremos:



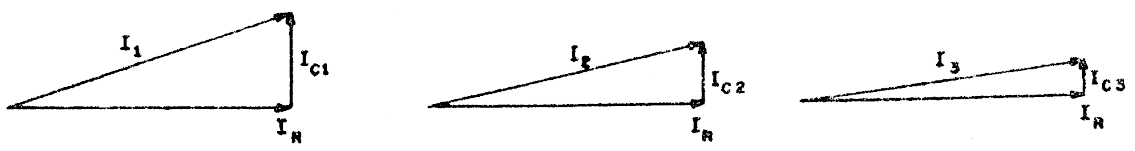
$$I = \sqrt{I_R^2 + (I_C - I_L)^2}$$

A impedância total do circuito será  $Z=E/I$ , e o fator de potência será:

$$\cos \varphi = \frac{R}{Z} = \frac{I_R}{I}$$

Na prática, costuma-se ligar capacitores em paralelos aos circuitos (que na maioria das vezes são de comportamento indutivo) com o fim de se ter um fator de potência próximo a unidade ( $\varphi = 0^\circ$ ).

Isto equivale tornar o circuito com comportamento próximo ao resistivo ou ôhmico. Tal medida é interessante, uma vez que a componente, defasada de  $90^\circ$  em relação à tensão, diminui, permitindo o melhor aproveitamento das linhas de transmissão.



### 9.3 Números Complexos em Circuitos de Análise CA

Na matemática temos o conceito de número complexo que nos ajudam a resolver os problemas de corrente alternada (CA). O conjunto dos números complexos é formado pela soma da parte real e da parte imaginária do número.

$$Z = a + j \cdot b = \text{parte real} + \text{parte imaginária}$$

$$\text{sendo que } \{a, b \in \mathbb{R} \text{ e } j^2 = -1\}$$

A parte imaginária é composta pelo termo “j”, que corresponde  $j = \sqrt{-1}$ . Observe que a raiz quadrada de menos um não tem solução no conjunto dos números reais e por isso é classificada agora como número imaginário.

#### 9.3.1 Representação geométrica dos números complexos

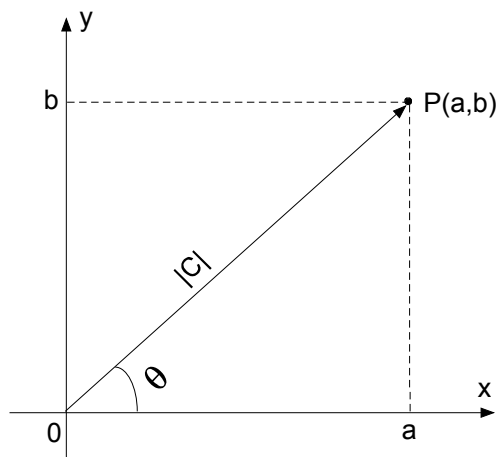
Uma maneira de definir o conjunto dos números complexos é um conjunto de pares ordenados de números reais (a,b) em que estão definidas:

- Igualdade:

$$(a,b) = (c,d) \text{ portanto } a = c \text{ e } b = d$$

O plano cartesiano no qual estão representados os números complexos é denominado plano complexo. Dizemos que o ponto P(a,b) é o

afixo do número complexo  $a+j*b$ . Podemos associar a cada número complexo  $Z = a + j*b$  um único vetor com extremidades no ponto 0, origem do sistema de coordenadas cartesianas, e no ponto  $P(a,b)$ .



### 9.3.2 Número complexo na forma retangular

$$Z = a + j * b$$

A forma apresentada corresponde a forma retangular, que permite realizar somas e subtrações dos números, bastando somar todos os termos reais entre si e separadamente os termos imaginários, conforme o exemplo:

$$Z1 = a + jb \quad Z2 = c + jd \quad Z3 = e + jf$$

$$Z1 + Z2 + Z3 = (a+c+e) + j (b+d+f)$$

### 9.3.3 Número complexo na forma polar

Uma outra forma de representar os números complexos é a forma polar, que consiste em representar um número através de um ângulo de defasagem e o valor da distância do ponto a sua referência.

$$C = | C | \angle \theta$$

$$|C| = \text{módulo}$$

$$\theta = \text{fase}$$

Neste tipo de representação podemos efetuar as multiplicações e divisões, da seguinte forma: o módulo é multiplicado ou dividido, e o ângulo somando nas multiplicações e subtraído nas divisões. Veja exemplos:



$$C_1 = |C_1| \angle \theta_1 \quad C_2 = |C_2| \angle \theta_2$$

$$C_1 * C_2 = |C_1 * C_2| \angle (\theta_1 + \theta_2)$$

$$\frac{C_1}{C_2} = \left| \frac{C_1}{C_2} \right| \angle (\theta_1 - \theta_2)$$

#### 9.3.4 Conversão

Para realizar conversão entre as duas formas utilizamos a função de conversão de retangular para polar ( $R \rightarrow P$  ou  $x \rightarrow \theta$ ) na calculadora, ou utilizamos as formulas abaixo:

$$C = \sqrt{a^2 + b^2}$$

$$\theta = \operatorname{tg}^{-1} \frac{b}{a} = \operatorname{tg}^{-1} \frac{\operatorname{Im}}{\operatorname{Re}}$$

Para conversão polar para retangular, utilizamos as funções inversas na calculadora, ou as formulas de trigonometria abaixo:

$$a = c \cos \theta$$

$$b = c \operatorname{sen} \theta$$

$$\mathbf{Z} = \mathbf{a} + \mathbf{j} \mathbf{b}$$

#### 9.3.5 Exercícios:

**Exercício 55:** Represente no plano complexo os seguintes números complexos na forma retangular:

55A) $z_1 = 6;$	55C) $z_3 = j4;$	55E) $z_5 = -4-j4;$
55B) $z_2 = 2-j3;$	55D) $z_4 = -3+j2;$	55F) $z_6 = 3+j3;$

**Exercício 56:** Represente no plano complexo os seguintes números complexos na forma polar:

56A) $C1 = 5$	56C) $z3 = 1 \angle 90^\circ$	56E) $z5 = 1 \angle 50^\circ$
56B) $C2 = 10 \angle 45^\circ$	56D) $z4 = 5 \angle 30^\circ$	56F) $z6 = 3 \angle 45^\circ$

**Exercício 57:** Realize a adição e subtração dos números complexos apresentados nos exercícios 55 e 56.

Observação: Para somar ou subtrair é mais conveniente na forma retangular.

57A) $z1+z3$ ;	57D) $z6-z2-z1$	57G) $c3-c5$
57B) $z2-z5$ ;	57E) $c1+c3$	57H) $z1+c5$
57C) $z1+z4+z6$	57F) $c2-c6$	57I) $z4-c2$

**Exercício 58:** Realize a multiplicação e a divisão dos número complexos apresentados nos exercícios 55 e 56

Observação: Neste caso é mais conveniente na forma polar

58A) $Z1*Z4$	58D) $Z1*C3$	58G) $C3*C3*C3$
58B) $\frac{Z2}{Z5}$	58E) $\frac{C3}{C4}$	58H) $(C2)^2$
58C) $C3*C5$	58F) $Z3*Z3$	58I) $\frac{C5}{C3} * Z6$

## 9.4 Potência nos Circuitos de Tensão Alternada

A potência consumida por um circuito de corrente contínua é dada em watts, pelo produto da tensão pela corrente.

Em corrente alternada, este produto representa a **potência aparente** do circuito, isto é, a potência que o circuito aparenta ter uma vez que há uma defasagem entre E e I. É medida em volt-ampère (VA):

$$S = E \times I$$

Onde:

S = potência aparente, em volts-ampère;

$E$  = tensão em volts;

$I$  = corrente em ampères.

A potência que produz trabalho nos circuitos de CA é chamada potência ativa, e é dada, em watts (W), pelo produto:

$$P = E \times I \times \cos \varphi$$

Onde:

$P$  = potência ativa, em watts;

$E$  = tensão, em volts;

$I$  = corrente em ampères;

O fator  $\cos \varphi$  (coseno do ângulo de base) é chamado fator de potência do circuito, pois é ele que determina qual a percentagem de potência aparente que é empregada para produzir trabalho.

O fator de potência é de suma importância nos circuitos de CA.

No Brasil foi especificado o valor mínimo do fator de potência em **0,93**, medido junto ao medidor de energia. Mede-se o fator de potência em aparelhos chamados de medidores de  $\cos \varphi$ . O fator de potência pode ser determinado por:

$$\cos \varphi = \frac{P}{E \cdot I}$$

O fator de potência deve ser o mais alto possível, isto é, próximo à unidade. Deste modo, com a mesma corrente e a mesma tensão, conseguimos uma maior potência ativa, que, como sabemos, é a que produz trabalho no circuito.

Ao produto  $Q = E \times I \times \sin \varphi$  denominamos de **potência reativa**; é a porção da potência aparente que hora é fornecida pelo gerador à carga, hora é devolvida pela carga ao gerador.

Nos circuitos trifásicos, a potência ativa total é a soma das potências de cada fase.

$$P_F = E_F \cdot I_F \cdot \cos \varphi$$

Como temos, no circuito estrela:

$$E_F = \frac{E}{\sqrt{3}} \quad \text{e} \quad I_F = I$$

e no triângulo:

$$E_F = E \quad \text{e} \quad I_F = \frac{I}{\sqrt{3}}$$

resulta:

$$P = \sqrt{3} \cdot E \cdot I \cdot \cos \varphi$$

tanto para circuito estrela como para o circuito triângulo, dado em função dos elementos de linha. A potência aparente (S) num sistema trifásico será:

$$S = \sqrt{3} \cdot E \cdot I$$

## 9.5 Exercícios

**Exercício 59:** Qual o fator de potência de um sistema que atrasa a corrente em  $30^\circ$  em relação à tensão ?

**Exercício 60:** Calcule o fator de potência e a defasagem de um circuito cuja resistência é de  $100\Omega$ , a reatância indutiva é de  $50\Omega$  e a reatância capacitiva é de  $200\Omega$ .

**Exercício 61:** Qual a amplitude da corrente que passa pelo circuito dado pela questão acima, se alimentado por uma tensão de 110V ?

**Exercício 62:** Calcule a capacitância que corrige o fator de potência para circuitos cujo par reatância indutiva e frequência seja:

62A)  $100k\Omega$  e 60Hz;

62B)  $20\Omega$  e 100Hz;

62C)  $30k\Omega$  e 20kHz

**Exercício 63:** Um sistema adianta a corrente em  $25^\circ$  em relação à tensão. Se a potência aparente deste sistema é de 200VA, calcule:

63A) o fator de potência;

63B) a potência ativa;

63C) a potência reativa.

**Exercício 64:** A tensão de linha de um sistema trifásico é de 380V. Calcule a corrente e a sua defasagem se alimentarmos um sistema com uma reatância de  $20\Omega$  e um fator de potência de 0,8:

64A) na tensão de linha;

64B) na tensão de fase.

## Anexo I - Série Comercial de Resistores

Comercialmente para cada faixa de tolerância encontramos uma série de valores padronizados para a comercialização. Para resistores com tolerância de 10% encontramos a série E12 que permite representar toda a faixa de resistores com 12 valores padronizados. Para a tolerância de 5% utilizamos a série E24 com 24 valores padronizados.

E12	Faixa 10%	E24	Faixa 5%
<b>1,0</b>	0,9 a 1,1	<b>1,0</b>	0,95 a 1,05
		<b>1,1</b>	1,04 a 1,15
<b>1,2</b>	1,08 a 1,32	<b>1,2</b>	1,14 a 1,26
		<b>1,3</b>	1,23 a 1,37
<b>1,5</b>	1,35 a 1,65	<b>1,5</b>	1,43 a 1,58
		<b>1,6</b>	1,52 a 1,68
<b>1,8</b>	1,62 a 1,98	<b>1,8</b>	1,71 a 1,89
		<b>2,0</b>	1,90 a 2,10
<b>2,2</b>	1,98 a 2,42	<b>2,2</b>	2,09 a 2,31
		<b>2,4</b>	2,28 a 2,52
<b>2,7</b>	2,43 a 2,97	<b>2,7</b>	2,57 a 2,83
		<b>3,0</b>	2,85 a 3,15
<b>3,3</b>	2,97 a 3,63	<b>3,3</b>	3,13 a 3,47
		<b>3,6</b>	3,42 a 3,78
<b>3,9</b>	3,51 a 4,29	<b>3,9</b>	3,70 a 4,10
		<b>4,3</b>	4,09 a 4,51
<b>4,7</b>	4,23 a 5,17	<b>4,7</b>	4,47 a 4,93
		<b>5,1</b>	4,85 a 5,35
<b>5,6</b>	5,04 a 6,16	<b>5,6</b>	5,32 a 5,88
		<b>6,2</b>	5,89 a 6,51
<b>6,8</b>	6,12 a 7,48	<b>6,8</b>	6,46 a 7,14
		<b>7,5</b>	7,13 a 7,88
<b>8,2</b>	7,38 a 9,02	<b>8,2</b>	7,79 a 8,61
		<b>9,1</b>	8,65 a 9,55

## Anexo II - Grandezas Elétricas – Múltiplos e Submúltiplos

GRANDEZA	UNIDADE	X 1.000	X 1.000.000	÷ 1.000	÷1.000.000
Tensão	Volt ( V )	kV	MV	mV	$\mu$ V
Corrente	Ampère (A)	kA	MA	mA	$\mu$ A
Resistência	Ohm ( $\Omega$ )	k $\Omega$	M $\Omega$	m $\Omega$	$\mu\Omega$
Impedância	Ohm ( $\Omega$ )				
Reatância	Ohm ( $\Omega$ )				
Potência Útil	Watt ( W )	kW	MW	mW	$\mu$ W
Potência Aparente	Volt-Ampère (VA)	kVA	MVA		
Potência Reativa	Volt-Ampère-Reativo (Var)	kVAr	MVAr		
Capacitância	Farad (F)			mF	$\mu$ F
Indutância	Henry (H)			mH	$\mu$ H
Frequência	Hertz (Hz)				
Período	Segundo (s)			ms	$\mu$ s

Prefixos das Unidades: São múltiplos ou submúltiplos da unidade básica no sistema internacional (S.I.):

Prefixo	Símbolo	Fator de Multiplicação
Tera	T	$10^{12}$
Giga	G	$10^9$
Mega	M	$10^6$
Quilo	k	$10^3$
Mili	m	$10^{-3}$
Micro	$\mu$	$10^{-6}$
Nano	$\eta$	$10^{-9}$
Pico	$\rho$	$10^{-12}$
Fento	f	$10^{-15}$
Atto	a	$10^{-18}$

# Laboratório 01 - Resistividade

## 1 REVISÃO BIBLIOGRAFICA

A **Resistividade Específica** (  $\rho$  ) é uma constante que informa a resistência elétrica de corpo por unidade de volume.

O Mili-ohmímetro é um equipamento de medição que permite medir o valor de resistências muito baixas. O Mili-ohmímetro é formado por unidade de leitura e dois cabos (ponteiras) de medição. O cabo das ponteiras é duplo, permitindo que o aparelho compense o valor da resistência do cabo de medição.

Ajuste de Zero consiste em ajustar o instrumento para medição de resistências elétricas, compensando a resistência das ponteiras de medição dos instrumentos.

## 2 OBJETIVO

Utilizar mili-ohmímetro para determinar a resistividade específica de condutores de cobre com seções diferentes.

## 3 CUIDADOS ESPECIAIS

Ajustar o ZERO do instrumento.



Conectar o pedaço do condutor a ser identificado.

Realizar a leitura.

## 4 PROCEDIMENTO

4.1 Ler o roteiro antes de iniciar o trabalho.

Através do desenho discutir as atividades que serão realizadas.

4.2 Conferir materiais.

Conferir todos os materiais entregue.

Lista de materiais

2 – Pedaço de fio 4,0 mm<sup>2</sup>

2 – Pedaço de fio 2,5 mm<sup>2</sup>

2 – Pedaço de fio 1,5 mm<sup>2</sup>

Equipamentos da bancada

1 Mili-ohmímetro

2 ponteiros com garras

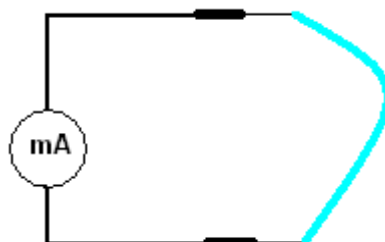
1 cabo de alimentação

4.3 Ajustar o instrumento.

Curto-circuitar as duas pontas das ponteiros e ajustar o instrumento para leitura ZERO.

4.4 Metodologia

Utilizar dois cabos de tamanho diferentes para cada seção e medir o valor da resistência encontrada e preencher a tabela.



Tamanho (m)	Seção (mm <sup>2</sup> )	Resistência (mΩ)
	1,5	
	1,5	
	2,5	
	2,5	
	4,0	
	4,0	

## 5 RESULTADOS

Comprovar os valores obtidos com a constante apresentada.

Deve ser entregue um relatório, por grupo. No relatório deve ter toda a descrição do procedimento experimental realizado e os resultados encontrados.

No relatório deve ter comparações, comprovações e verificações feitas.

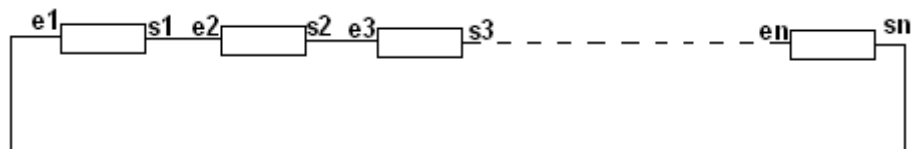
Não esqueça de colocar os nomes dos alunos da equipe e entregar o relatório em \_\_/\_\_/\_\_\_\_ no início das aulas.

# Laboratório 02 - Paralelo e Série

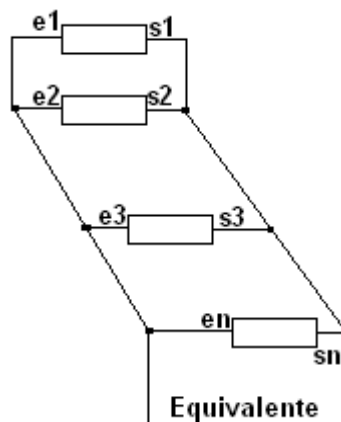
## 1 REVISÃO BIBLIOGRAFICA

Em circuito elétrico podemos associar os dispositivos de duas formas principais: paralelo e série.

Quando ligamos os componentes na sequência, ou seja, um atrás do outro, estamos ligados estes componentes em série. Nesta forma de ligação o terminal de saída do componente da frente é ligado ao terminal de entrada do terminal de trás, ao final da associação teremos apenas dois terminais livres o de entrada do primeiro componente e o de saída do último.



Quando ligamos em paralelo, ligamos os componentes um ao lado do outro. Nesta forma de ligação todos os terminais de entrada são interligados no mesmo ponto e todos os terminais de saída a outro ponto.



## 2 OBJETIVO

Utilizando Lâmpadas relacionar as características elétricas de corrente e tensão com as ligações paralelo e série

## 3 CUIDADOS ESPECIAIS

Não ligar o circuito sem a autorização do professor.

Antes de iniciar as conexões desligar a bancada.

## 4 PROCEDIMENTO

4.1 Ler o roteiro antes de iniciar o trabalho.

Através do desenho discutir as atividades que serão realizadas.

4.2 Conferir materiais.

Conferir todos os materiais entregue.

Lista de materiais

3 Lâmpadas de 60W

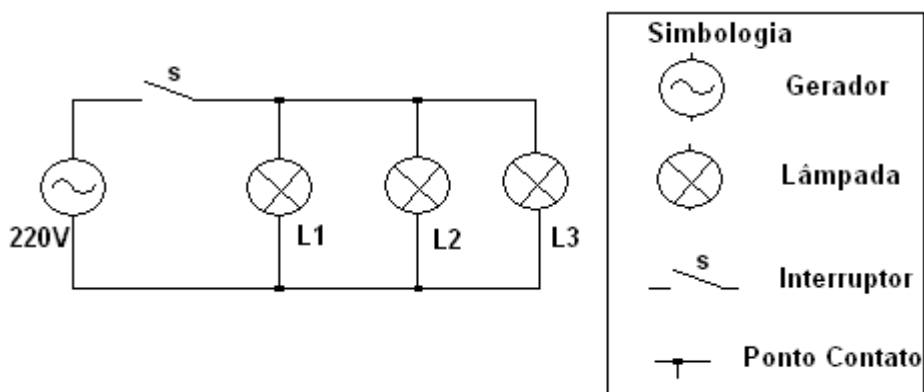
Equipamentos da bancada

1 Módulo de Lâmpadas

Cabos com ponteira tipo banana

4.3 Circuito Paralelo.

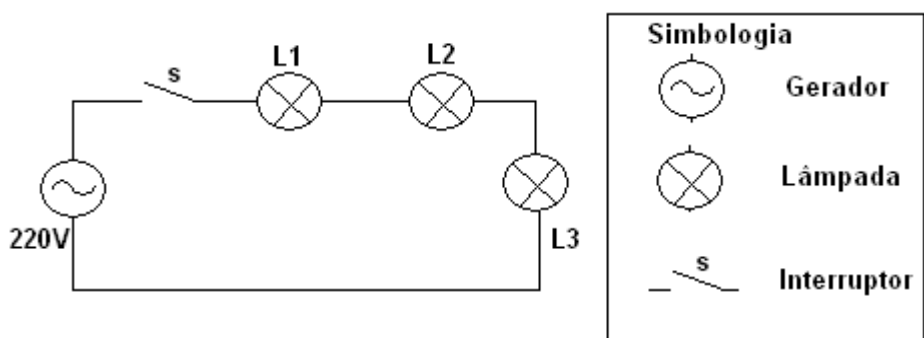
Ligar as Lâmpadas conforme diagrama abaixo.



Observar a luminosidade da lâmpada.

#### 4.4 Circuito Série .

Ligar as lâmpadas conforme diagrama abaixo.



Observar a luminosidade da lâmpada

## 5 RESULTADOS

Explicar o que ocorreu com o brilho das lâmpadas quando foram associadas a outras lâmpadas.

Como você explica a variação no brilho da lâmpada entre estas duas associações?

# Laboratório 03 - Associação Resistor

## 1 REVISÃO BIBLIOGRAFICA

As grandezas elétricas (tensão, corrente e resistência) se relacionam entre si através da LEI DE OHM, que define:

$$V = R \cdot I$$

Em circuitos com mais de um resistor é necessário realizar as associações série e paralelo, conforme caso específico, para determinar as grandezas elétricas de um circuito. Em associações série o resistor equivalente é igual a soma dos resistores associados.

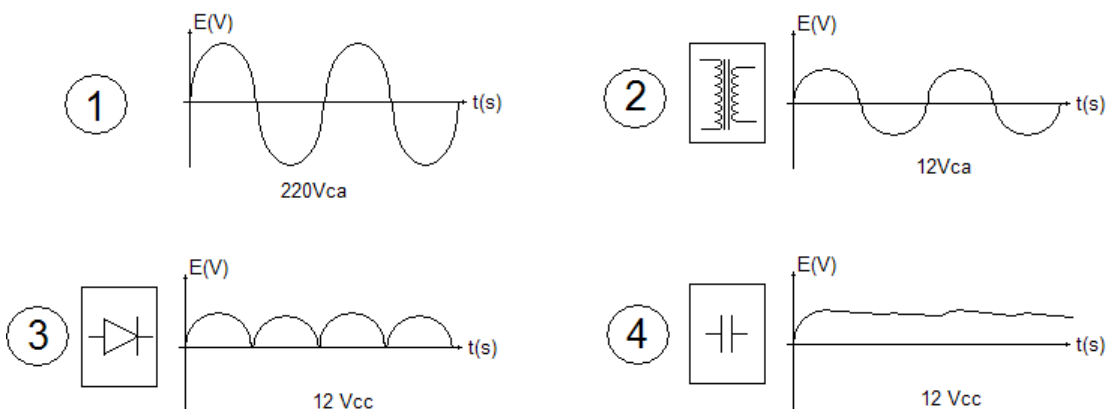
$$R_{eq} = R_1 + R_2 + R_3 + \dots + R_n$$

O resistor equivalente de uma associação paralela é obtido através do inverso das somas inversas de cada resistor:

$$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} + \dots + \frac{1}{R_n}$$

A fonte de alimentação é um circuito eletrônico que permite fornecer tensão contínua a partir de sinal alternado. Este circuito é constituído de três estágios principais: transformação, retificação e filtro. O estágio de transformação é responsável em adequar o nível de tensão, neste caso diminuir o nível de tensão (item 2 da figura). Já a retificação é responsável em transformar o sinal alternado (CA) em sinal contínuo (CC) de forma pulsante

(item 3). O filtro é responsável em diminuir o nível de oscilação da saída (item 4).



Para medição (quantificação e identificação) das grandezas elétricas utilizamos alguns instrumentos para a determinação destes valores. A tabela abaixo mostra os principais instrumentos, grandeza identificada e forma de ligação.

Instrumentos	Grandeza	Forma de ligação
Voltímetro	Tensão	Paralela
Amperímetro	Corrente	Série
Ohmímetro	Resistência	Paralelo
Milíohmímetro	Pequenas resistências	Paralelo
Megômetro	Resistências de isolamento	Paralelo
Terrômetro	Resistências de Aterramento	Através de 3 eletrodos ou por garras
Alicate amperímetro	Corrente	Por garra, sem necessidade de desligar o circuito
Multímetro	Tensão, corrente, resistência	Conforme grandeza a ser identificada

Todos os instrumentos são compostos de escalas que permitem medir diversos níveis da mesma grandeza. Para medir uma grandeza desconhecida é necessário colocar na maior escala, evitando a queima do instrumento. Para efetivar a leitura do instrumento com o menor erro possível faz-se necessário reduzir a escala do instrumento até a mínima escala que ainda possa ser

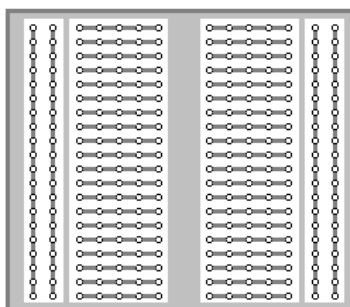
efetuada a leitura da grandeza.

No laboratório utilizaremos um instrumento com escala automática, ou seja, o instrumento utiliza a escala mais adequada para a grandeza que estivermos medindo.

O multímetro também possui um seletor para a grandeza física a ser medida. Este seletor deve ser ajustado antes de iniciar as medições.

Para a medição de resistências faz-se necessário a desenergização (desligamento) do circuito e/ou retirada do elemento a ser medido.

A matriz de contato (Prot-o-board) é uma placa de conexão auxiliar que permite montar circuitos para testes. Estas placas são constituídas de inúmeros furos que internamente tem conexão na horizontal ou na vertical, conforme o diagrama abaixo.



## 2 OBJETIVO

Utilizar amperímetro, voltímetro e ohmímetro em circuito com resistores, manipular ferramentas de laboratório tais como: fonte de alimentação, multímetro e matriz de contato.

## 3 CUIDADOS ESPECIAIS

Não ligar o circuito sem a autorização do professor.

Antes de iniciar as conexões desligar a fonte de alimentação.

Desconectar sempre que possível a fonte de alimentação.

Não colocar o multímetro na escala de corrente.

Ao medir resistência desconectar o resistor do circuito.



## 4 PROCEDIMENTO

### 4.1 Ler o roteiro antes de iniciar o trabalho.

Através do desenho discutir as atividades que serão realizadas.

### 4.2 Conferir materiais.

Conferir todos os materiais entregue.

#### Lista de materiais

- 1 – Matriz de contato
- 2 – Resistores de 10 k $\Omega$ , 1 k $\Omega$

#### Equipamentos da bancada

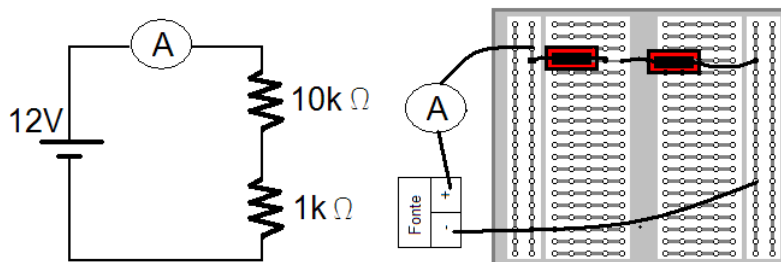
- 1 fonte
- 1 multímetro
- 2 ponteiros com garras
- 2 ponteiros para multímetro
- 2 cabos com pino banana

### 4.3 Ajustar a fonte.

Ajustar a fonte de tensão para trabalhar com +12V:

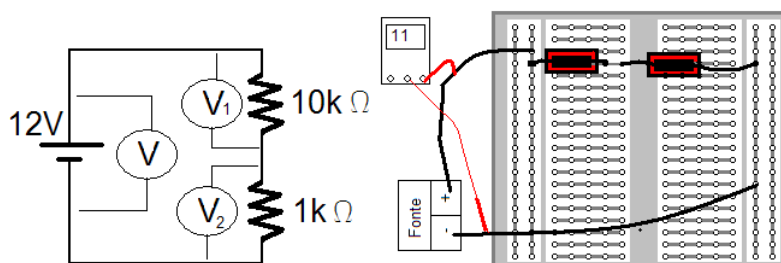
### 4.4 Determinar o resistor equivalente.

Montar os circuitos a seguir e verificar os sinais de corrente, conforme especificado abaixo.



Realizar a leitura da corrente elétrica.

Retire o amperímetro do circuito, colocando o sinal positivo da fonte diretamente no resistor e meça as tensões  $V_1$ ,  $V_2$  e  $V$ .



Utilizando o valor de  $V$  e  $I$  medidos, calcule a resistência equivalente do circuito.

Em seu relatório você deve explicar o que você observou e comprovar através de cálculo os valores que você mediu.

#### 4.5 Efetuar leitura do valor real de cada resistor .

Desligue a fonte de alimentação e retire os resistores do circuito.

Coloque o multímetro na escala de resistência e meça a resistência de cada resistor.

Refaça o cálculo do resistor equivalente, utilizando estes valores e compare os dados.

## 5 RESULTADOS

Comprovar os valores obtidos com os valores de sala de aula.

Deve ser entregue um relatório, por grupo. No relatório deve ter toda a descrição do procedimento experimental realizado e os resultados encontrados.

# Laboratório 04 - Teorema das Tensões

## 1 REVISÃO BIBLIOGRAFICA

Como estamos vendo em nossas aulas Kirchhoff criou uma teoria que permite solucionar circuitos elétricos de qualquer grau de complexidade. A solução destes circuitos nos permite encontrar os valores e sentidos das correntes e tensões para qualquer dispositivo do circuito. Esta teoria é dividida em dois teoremas: Leis das Correntes e Leis das Malhas.

Na Leis das Malhas é definido que: “ A soma das tensões elétricas em uma malha qualquer, num determinado sentido, é sempre igual à soma das tensões elétricas dessa mesma malha no sentido oposto”.

$$E_1 + E_2 + E_3 + ..... + E_n = V_{R1} + V_{R2} + V_{R3} + ..... + V_{Rn}$$

Para medição (quantificação e identificação) de tensão utilizamos o voltímetro, que deve ser conectado em paralelo com o dispositivo a ser medido. O voltímetro ideal é representado como um circuito aberto (Resistência muito alta), o que impede que o voltímetro interfira na grandeza medida.

## 2 OBJETIVO

Utilizar voltímetro em circuito com resistores, manipular ferramentas de laboratório tais como: fonte de alimentação, multímetro e matriz de contato e comprovar o teorema das tensões.

### 3 CUIDADOS ESPECIAIS

- a) Não ligar o circuito sem a autorização do professor.
- b) Antes de iniciar as conexões desligar a fonte de alimentação.
- c) Desconectar sempre que possível a fonte de alimentação.
- d) Não colocar o multímetro na escala de corrente (sem aviso prévio).

### 4 PROCEDIMENTO

#### 4.1 Ler o roteiro antes de iniciar o trabalho.

Através do desenho (circuito) discutir as atividades que serão realizadas.

#### 4.2 Conferir materiais.

Conferir todos os materiais entregue.

##### Lista de materiais

1 – Matriz de contato

6 – Resistores de 1 k $\Omega$ , 1,8 k $\Omega$ , 820 k $\Omega$ , 560 k $\Omega$ , 470 k $\Omega$ , 330 k $\Omega$

##### Equipamentos da bancada

1 fonte

1 multímetro

2 ponteiras com garras

2 ponteiras para multímetro

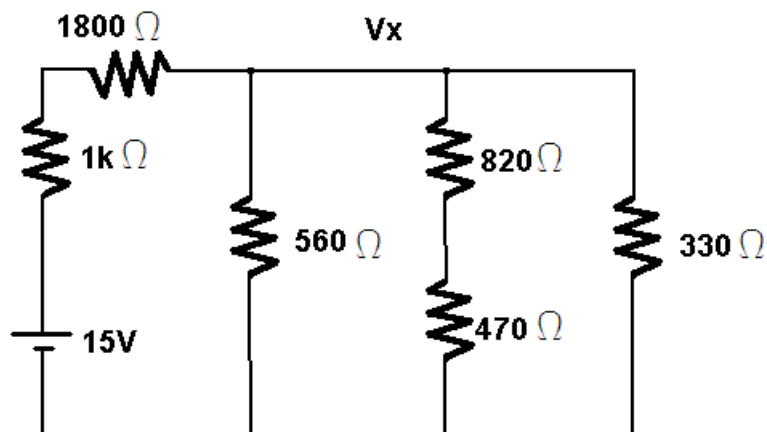
2 cabos com pino banana

#### 4.3 Ajustar a fonte.

Ajustar a fonte de tensão para trabalhar com +15V:

#### 4.4 Determinar a tensão em cada resistor.

Montar os circuitos a seguir e verificar os sinais de tensão em todos os resistores.



Faça a leitura das tensões e preencha a tabela do item 5.

#### 5 TABELA DE DADOS

Resistor ( $\Omega$ )	Tensão Calculada (V)	Tensão Medida (V)
1800		
1000		
820		
560		
470		
330		

#### 6 RESULTADOS

a) Comparar os valores obtidos no laboratório com os valores de sala de aula.

b) Comprovar o teorema das tensões, identificando se a soma das tensões em uma malha fechada é zero .

c) Verifique se a tensão no resistor de **560Ω** e **330 Ω**, são iguais e responda porquê?

Entregar um relatório, por grupo. No relatório deve ter:

- 1 - Circuito elétrico;
- 2 - Indicação tensões medidas no gráfico e tabela;
- 3 - Comparações, comprovações e verificações feitas.

Não esqueça de colocar os nomes dos alunos da equipe e entregar o relatório em \_\_\_/\_\_\_/ \_\_\_\_\_ no início das aulas.

# Laboratório 05 - Teorema das Correntes

## 1 REVISÃO BIBLIOGRAFICA

Como estamos vendo em nossas aulas Kirchhoff criou uma teoria que permite solucionar circuitos elétricos de qualquer grau de complexidade. A solução destes circuitos nos permite encontrar os valores e sentidos das correntes e tensões para qualquer dispositivo do circuito. Esta teoria é dividida em dois teoremas: Leis das Correntes e Leis das Malhas.

Na Leis das Correntes é definido que: “A soma das correntes elétricas que entra num determinado nó é igual à soma das correntes elétricas que sai desse mesmo nó”.

$$I_{E1} + I_{E2} + I_{E3} + ..... + I_{En} = I_{S1} + I_{S2} + I_{S3} + ..... + I_{Sn}$$

Para medição (quantificação e identificação) de tensão utilizamos o voltímetro, que deve ser conectado em paralelo com o dispositivo a ser medido. O voltímetro ideal é representado como um circuito aberto (Resistência muito alta), o que impede que o voltímetro interfira na grandeza medida.

Para medição (quantificação e identificação) de corrente elétrica utilizamos o amperímetro, que deve ser conectado em série no ramo do circuito a ser medido. O amperímetro ideal é representado como um curto-circuito (Resistência muito pequena), o que impede que este instrumento interfira na grandeza medida. Para medir o sinal de corrente com amperímetro faz-se necessário interferir no circuito, para colocar o instrumento de medida em série.

## 2 OBJETIVO

Utilizar amperímetro e voltímetro em circuito com resistores, manipular ferramentas de laboratório tais como: fonte de alimentação, multímetro e matriz de contato e comprovar o teorema das correntes.

## 3 CUIDADOS ESPECIAIS

- e) Não ligar o circuito sem a autorização do professor.
- f) Antes de iniciar as conexões desligar a fonte de alimentação.
- g) Desconectar sempre que possível a fonte de alimentação.
- h) Não colocar o multímetro na escala de corrente (sem aviso prévio).

## 4 PROCEDIMENTO

### 4.1 Ler o roteiro antes de iniciar o trabalho.

Através do desenho (circuito) discutir as atividades que serão realizadas.

### 4.2 Conferir materiais.

Conferir todos os materiais entregue.

#### Lista de materiais

1 – Matriz de contato

6 – Resistores de 1 k $\Omega$ , 1,8 k $\Omega$ , 820 k $\Omega$ , 560 k $\Omega$ , 470 k $\Omega$ , 330 k $\Omega$

#### Equipamentos da bancada

1 fonte

1 multímetro

2 ponteiras com garras

2 ponteiras para multímetro

2 cabos com pino banana

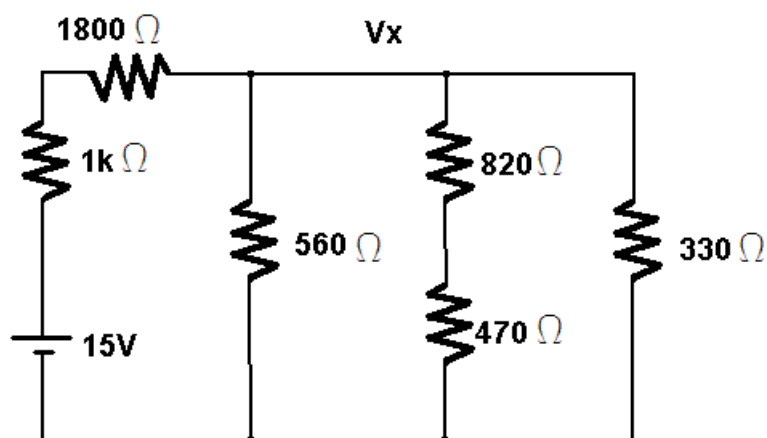


#### 4.3 Ajustar a fonte.

Ajustar a fonte de tensão para trabalhar com +15V:

#### 4.4 Determinar a tensão em cada resistor.

Montar os circuitos a seguir e verificar os sinais de tensão  $V_x$  e em todos os resistores.



Faça a leitura das tensões e preencha a tabela do item 5.

#### 4.4 Determinar de forma indireto o valor de corrente em cada resistor.

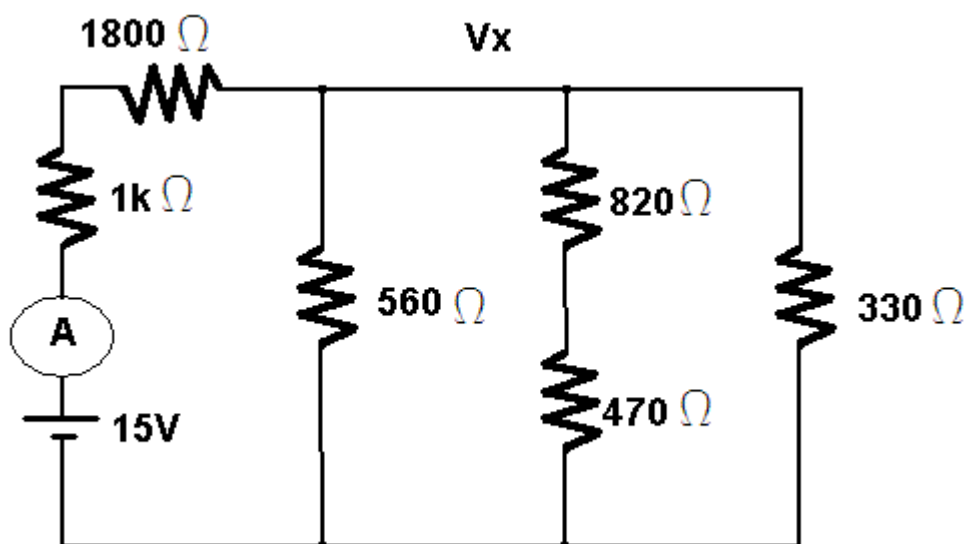
Com base na tensão medida utilize a LEI DE OHM para encontrar o valor de corrente em cada RAMO.

$$I = V / R$$

Faça o cálculo e preencha a tabela do item 5, a coluna medida indireta da corrente.

#### 4.5 Utilização do Amperímetro.

Agora vamos medir a corrente que está saída da fonte de alimentação, com este objetivo é necessário colocar o amperímetro em série conforme mostrar o circuito abaixo:



Para executar esta atividade siga os seguintes passos:

- Desligue a fonte de alimentação;
- Coloque o multímetro na escala de corrente;
- Confira o circuito e chame o professor ou o técnico para conferir
- Ligue a fonte e faça a leitura no instrumento.

## 5 TABELA DE DADOS

Resistor ( $\Omega$ )	Tensão Calculada (V)	Tensão Medida (V)	Corrente Calculada (mA)	Corrente Medida Indireta (mA)
1800				
1000				
820				
560				
470				
330				

## 6 RESULTADOS

a) Comparar os valores obtidos no laboratório com os valores de sala de aula.

b) Comprovar o teorema das correntes no **NÓ X**, indicando as correntes que entram no **NÓ** e as que saem. Verifique se esta relação esta igual a teoria mostrada em sala de aula.

c) Verifique se a corrente dos resistores de **1k $\Omega$**  e **1800  $\Omega$**  são iguais e responda porquê?

d) Verifique se a corrente dos resistores de **820  $\Omega$**  e **470  $\Omega$**  são iguais e responda porquê?

Entregar um relatório, por grupo. No relatório deve ter:

- 4 - Circuito elétrico;
- 5 - Indicação das correntes e tensões medidas no gráfico e tabela;
- 6 - Comparações, comprovações e verificações feitas.

Não esqueça de colocar os nomes dos alunos da equipe e entregar o relatório em \_\_\_/\_\_\_/\_\_\_\_\_ no início das aulas.

# Laboratório 06 - Carga Indutiva

## 1 REVISÃO BIBLIOGRAFICA

Circuito CA – Circuitos de corrente alternada são circuitos que apresentam uma oscilação nos pólos da fonte, que ficam se alternando no tempo.

Indutores – Indutores é constituído de espiras de fios em torno de um núcleo e que apresentam uma resistência em circuito de corrente alternada. Em circuito de corrente alternada os indutores defasam o sinal de corrente do sinal de tensão.

Wattímetro – O wattímetro é um equipamento que mede a potência útil de um dispositivo. Este equipamento é constituído de duas bobinas, uma de tensão e uma outra de corrente, correspondendo as terminais de conexão do equipamento.

Cossefímetro – Este aparelho permite a medição do fator de potência ( $\cos \theta$ ). O cosseno desse ângulo corresponde a defasagem entre a tensão e corrente. Assim como o wattímetro este equipamento é constituído de 4 terminais de entrada, 2 para a leitura da tensão e dois para a leitura da corrente.

## 2 OBJETIVO

Utilizar amperímetro, voltímetro, wattímetro e cossefímetro em circuito CA para comprovar a defasagem de corrente e tensão em circuitos de corrente alternada.

### 3 CUIDADOS ESPECIAIS

- a) Não ligar a bancada sem a autorização do professor.
- b) Antes de iniciar as conexões desligar a bancada.

### 4 PROCEDIMENTO

#### 4.1 Ler o roteiro antes de iniciar o trabalho.

Através do diagrama (circuito) discutir as atividades que serão realizadas.

#### 4.2 Conferir materiais.

Conferir todos os materiais entregue.

Lista de materiais

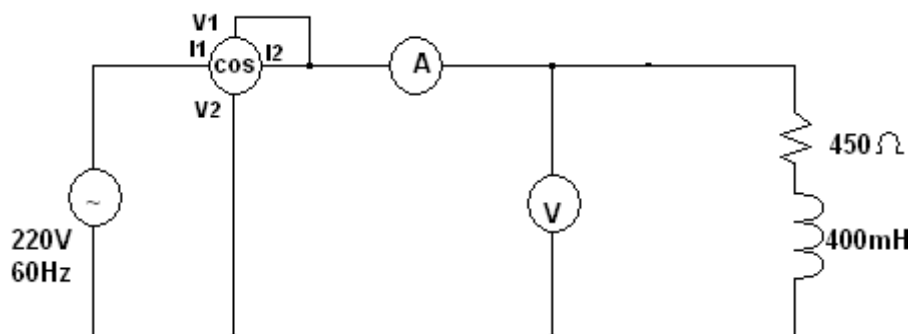
X – Cabos Bananas

Equipamentos da bancada

- 1 Módulo com indutor
- 1 Módulo com resistor
- 1 Módulo com Voltímetro
- 1 Módulo com Amperímetro
- 1 Módulo com Wattímetro
- 1 Módulo com cossefímetro
- 1 alicate wattímetro

#### 4.3 Conexão Cabos

Conectar cabos conforme diagrama elétrico.



#### 4.4 Determinar as medidas elétricas.

Utilizando o circuito é medir:

- cosseno com o cossefímetro;
- Corrente com amperímetro;
- Tensão com o voltmímetro

#### 4.5 Comprovação dos valores.

Calcule a potência aparente (  $S = VA$  )

Calcule a potência útil (  $P = S \cos \theta$  )

### 5 RESULTADOS

Comparar os valores obtidos no laboratório com os valores de sala de aula.

# Laboratório 07 - Carga Capacitiva

## 1 REVISÃO BIBLIOGRAFICA

Os capacitores são componentes elétricos que armazenam cargas elétricas e em circuito de corrente alternada (CA) defasam a corrente e tensão de forma contrária ao indutor e desta forma os capacitores são utilizados para corrigir a defasagem dos indutores.

Para aumentar o valor de uma associação de capacitores, devemos associá-los em paralelo.

## 2 OBJETIVO

Utilizar amperímetro, voltímetro, wattímetro e cossefímetro em circuito CA para comprovar a defasagem de corrente e tensão em circuitos de corrente alternada com capacitores.

## 3 CUIDADOS ESPECIAIS

- a) Não ligar a bancada sem a autorização do professor.
- b) Antes de iniciar as conexões desligar a bancada.

## 4 PROCEDIMENTO

### 4.1 Ler o roteiro antes de iniciar o trabalho.

Através do diagrama discutir as atividades que serão realizadas.

## 4.2 Conferir materiais.

Conferir todos os materiais entregue.

### Lista de materiais

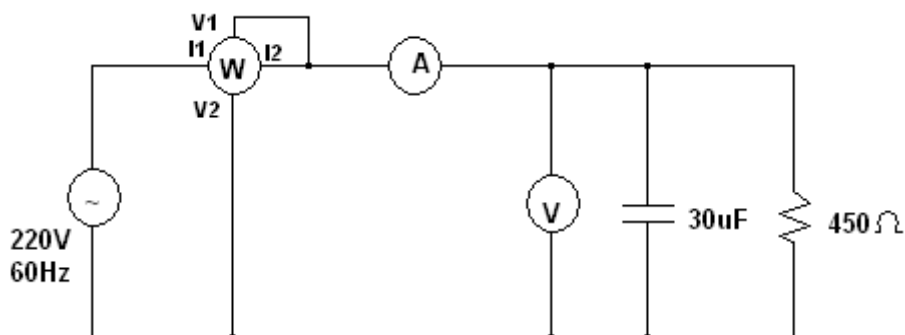
X – Cabos Bananas

### Equipamentos da bancada

- 1 Módulo com capacitores
- 1 Módulo com resistor
- 1 Módulo com Voltímetro
- 1 Módulo com Amperímetro
- 1 Módulo com Wattímetro
- 1 Módulo com cossefímetro
- 1 alicate wattímetro

## 4.3 Conexão Cabos

Conectar cabos conforme diagrama elétrico.



## 4.4 Determinar as medidas elétricas.

Utilizando o circuito é medir:

- potência útil com o wattímetro;
- Corrente com amperímetro;
- Tensão com o voltímetro



#### 4.5 Comprovação dos valores.

Calcule a potência aparente ( $S = VA$ )

Calcule o  $\cos \theta$  ( $\cos \theta = P / S$ )

### 5 RESULTADOS

Comparar os valores obtidos no laboratório com os valores de sala de aula.

# 10 - Laboratório 08 - Fator de Potência

## 1 REVISÃO BIBLIOGRAFICA

**Fator de Potência (FP)** é um conceito de eletricidade que indica a relação entre a quantidade de energia útil e total do circuito. Esta relação é o  $\cos \Theta$  que indica a defasagem entre a potência útil e a potência aparente da carga.

Quanto maior o ângulo menor o cosseno  $\Theta$  e portanto maior a quantidade de energia reativa em relação útil. Quanto menor o ângulo maior o cosseno  $\Theta$  e portanto menor a energia reativa em relação útil. No Brasil o FP mínimo permitido é de 0,93, ou seja, este valor deve variar entre 0,93 a 1.

Como as cargas industriais normalmente são motores, utilizamos os capacitores para corrigir o fator de potência.

## 2 OBJETIVO

Utilizar Capacitores e instrumentos de medidas adequados para corrigir o fator de potência de uma instalação.

## 3 CUIDADOS ESPECIAIS

- a) Não ligar a bancada sem a autorização do professor.
- b) Antes de iniciar as conexões desligar a bancada.

## 4 PROCEDIMENTO

### 4.1 Ler o roteiro antes de iniciar o trabalho.

Através do diagrama (circuito) discutir as atividades que serão realizadas.

### 4.2 Conferir materiais.

Conferir todos os materiais entregue.

Lista de materiais

X – Cabos Bananas

Equipamentos da bancada

- 1 Módulo com capacitores
- 1 Módulo com indutores
- 1 Módulo com resistor
- 1 Módulo com Voltímetro
- 1 Módulo com Amperímetro
- 1 Módulo com Wattímetro
- 1 Módulo com cossefímetro
- 1 alicate wattímetro

### 4.3 Conexão Cabos

Conectar cabos conforme diagrama elétrico.

### 4.4 Determinar as medidas elétricas.

Utilizando os instrumentos e medir o fator de potência do circuito.

### 4.5 Calcular o valor do banco de capacitores

Calcule o valor da reatância capacitiva a ser adicionada para aumentar o fator de potência acima de 0,93

#### 4.6 Associar capacitores

Associar os capacitores para ter um banco de capacitores acima do valor calculado.

#### 4.7 Instalar o banco de capacitores

Instalar o banco de capacitores e verificar a correção.

### 5 RESULTADOS

Comparar os valores obtidos no laboratório com os valores de sala de aula.

## Ficha de Avaliação

Nossa instituição avalia os alunos por competências atribuindo as seguintes notas:

- E = Excelente
- P = Proficiente
- S = Suficiente
- I = Insuficiente

A tabela a seguir deve ser utilizada por você para ajudá-lo a acompanhar o processo de ensino e aprendizagem na disciplina de eletricidade básica. Nesta tabela nas colunas são apresentadas as habilidades e atitudes que serão avaliadas no transcorrer do semestre. Você deve ir preenchendo com os conceitos que lhe serão atribuídos nas avaliações do semestre.

Data	Cargas Elétricas	Tensão e Corrente	Lei de OHM	Análise de Kirchhoff	Indutores e Capacitores	Análise CA	Utilização de unidades Físicas Elétricas	Laboratório – Organização do Relatório	Segue regras de segurança	Trabalha em equipe quando proposto	Cumpre as tarefas solicitadas, respeitando prazos	Resolve problemas. Avalia as possíveis causas de erro e procura corrigir	É assíduo nas atividades propostas

# Respostas Exercícios

## Exercício 12

Equação nó X:

$$\frac{10 - E_x}{30} + \frac{12 - E_x}{15} = \frac{E_x - 0}{30}$$

$$E_x = 8,5V$$

$$I_1 = 0,05A$$

$$I_2 = 0,23A$$

$$I_3 = 0,28A$$

## Exercício 13

Equações:

$$10 - 60 I_1 + 30 I_2 = 0$$

$$-22 + 30 I_1 - 45 I_2 = 0$$

$$I_a = -0,12A$$

$$I_b = -0,567A$$

$$I_{R_3} = 0,447A \quad \text{esta corrente está descendo no ramo}$$

## Exercício 14

A - 5 malhas

B - 4 nós

C - 7 ramos

D - Equações:

$$\text{Malha a} \quad - (R_1 + R_2 + R_3) I_a + R_3 I_b - E_1 = 0$$

$$\text{Malha b} \quad + R_3 I_a - (R_3 + R_4 + R_5) I_b + R_5 I_c + R_4 I_d + E_1 = 0$$

$$\text{Malha c} \quad + R_5 I_b - (R_5 + R_6 + R_7) I_c + R_7 I_d = 0$$

$$\text{Malha d} \quad + R_4 I_b + R_7 I_c - (R_4 + R_7 + R_8) I_d = 0$$

**Exercício 15C**  $9,5\Omega$

**Exercício 15D**  $5\Omega$

**Exercício 28A**  $100\text{ k}\Omega$

**Exercício 28B**  $33,33\text{ k}\Omega$

**Exercício 28C**  $11,11\text{ k}\Omega$

**Exercício 29**  $30\Omega$

**Exercício 30**  $2,13\text{ mW}$

**Exercício 31**  $8,079\Omega$

**Exercício 32**  $7,959\Omega$

**Exercício 33**  $510,815\Omega$

**Exercício 34**  $659,035\Omega$

**Exercício 35**  $65\text{ V}$  e  $0,1\text{ A}$

**Exercício 36**  $52,218\text{ V}$  e  $0,15\text{ A}$

**Exercício 37**  $E=125\text{ V}$  e  $r = 2,5\Omega$

**Exercício 38**  $E=10\text{ V}$  e  $r = 2\Omega$

**Exercício 59**  $FP = 0,866$

**Exercício 60**  $FP = 0,555$  e  $f=56,31^\circ$

**Exercício 61**  $I = 930\text{ mA}$

**Exercício 62** 62A)  $C = 26,52\text{ nF}$   
62B)  $C = 79,57\text{ }\mu\text{F}$   
62C)  $C = 0,265\text{ nF}$

**Exercício 63** 63A)  $FP = 0,906$   
63B)  $P = 181,26\text{ W}$   
63C)  $R = 84,52\text{ Var}$

**Exercício 64** 64A)  $I_{\text{linha}} = 11,4\text{ A}$   
64B)  $I_{\text{fase}} = 6,6\text{ A}$



